

# بررسی تجربی و عددی تأثیر فرایند ساچمه‌زنی شدید بر افزایش عمر خستگی آلومینیوم A۳۵۶

امیرحسین محمدودی\*

(دانشیار)

مجید نیکنام (داسچوی کارشناسی ارشد)

دانشکده‌ی مهندسی، دانشگاه پولی‌سینا

غلامحسین فرهی (استاد)

دانشکده‌ی مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی شریف

علی قاسمی (دانشجوی کارشناسی ارشد)

رحمن سیفی (دانشیار)

دانشکده‌ی مهندسی، دانشگاه پولی‌سینا

بسیاری از قطعات مکانیکی در عمل تحت بارگذاری خستگی قرار دارند و بسیاری از شکست‌ها و از کارافتادگی‌های مکانیکی نیز بر اثر این نوع بارگذاری است. زمانی که یک چرخه‌ی بارگذاری خاص در دوره‌های زمانی متوالی تکرار می‌شود پدیده‌ی خستگی و عمر خستگی مطرح می‌شود. این پدیده به شکست قطعات در تنش کمتر از تنش تسایم ماده منجر می‌شود. امروزه، برای افزایش عمر خستگی روش‌های بسیاری پیشنهاد شده است. بسیاری از این روش‌ها با ایجاد سازوکار تولید تنش پسماند فشاری عمر خستگی نمونه را افزایش می‌دهند. تنش پسماند فشاری در سطح نمونه باعث بستن ریزترک‌ها، به تأخیر انداختن ایجاد ترک، و کاهش نزد رشد ترک می‌شود. فرایند ساچمه‌زنی یکی از رایج‌ترین عملیات سطحی به منظور ایجاد تنش پسماند فشاری و در نتیجه افزایش عمر خستگی قطعات فازی است. در این نوشتار، اثر فرایند ساچمه‌زنی به صورت تجربی و عددی روی آلومینیم آلیاژی  $AlSi7g/3$  یا A356<sup>۰</sup> بررسی شده است. این آلیاژ در مواردی کاربرد دارد که استحکام بالا، جوش‌پذیری خوب، قابلیت ریختنگری بالا به خصوص در قالب‌های دقیق و دائمی، و مقاومت زیاد به خوردگی نیاز است. صنعت خودروسازی، صنایع نظامی، و صنایع هواپاک بزرگترین مصرف‌کنندگان این نوع آلیاژ به شمار می‌آیند. در این پژوهش، عمر رشد ترک خستگی و منحنی‌های S-N برای نمونه‌های ساچمه‌زنی شده و نشده به صورت عددی و آزمایشگاهی بررسی شده است. تطابق بسیار خوبی بین نتایج عددی و آزمایشگاهی به دست آمده است. نتایج نشان می‌دهد که در خستگی پرچرخه، عمر نمونه‌های ساچمه‌زنی شده تا سه برابر نسبت به نمونه‌های خام افزایش یافته است. در حالی که، در خستگی کم‌چرخه میزان این تأثیر بسیار کمتر بوده است.

a.h.mahmoudi@gmail.com  
majidniknam68@yahoo.com  
farrahi@sharif.edu  
alighasemi\_me@yahoo.com  
rahmanseifi@yahoo.com

واژگان کلیدی: افزایش عمر، خستگی، تنش پسماند، ساچمه‌زنی، آلومینیوم.

## ۱. مقدمه

یک فرایند تغییرشکل سرد است که در آن ساچمه‌های کروی کوچک از جنس فولاد یا چدن با سرعت زیاد به سطح قلعه بروخورد می‌کنند. بر اثر بروخورد این ساچمه‌ها با سطح نمونه لایه‌های نزدیک سطح تغییر شکل خمیری و لایه‌های زیرین تغییر شکل کشسانی می‌دهند. پس از جدایش ساچمه‌ها از سطح نمونه، لایه‌های کشسانی برای رسیدن به کرنش صفر و شرایط اولیه به لایه‌های نزدیک سطح حاصل می‌شود. میزان این تنش‌های پسماند می‌تواند در حدود تنش تسایم ماده باشد. برای حفظ تعادل نیرویی، تنش‌های

محققان از زمان‌های دور پی‌برده‌اند که کارسختی موجب ایجاد استحکام و سختی بیشتر در فلزات می‌شود و از این خاصیت برای تولید شمشیر زره، و ابزار استفاده می‌کردند. برای افزایش سختی لوله‌های تفنگ آن را در معرض ضربه قرار می‌دهند. فرایند ساچمه‌زنی در اواخر قرن ۲۰ و اوایل قرن ۲۱ توسعه یافته است. ساچمه‌زنی

\* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۱۶/۰۵/۱۳۹۵، اصلاحیه ۷/۲۴، پذیرش ۱/۸/۱۳۹۵.

که در آن  $a_f$  طول نهایی ترک،  $K_{Ic}$  چقرمگی شکست با ضریب شدت تنش بحرانی در حالت کرنش صفحه‌بی، و  $\sigma_{\max}$  بیشینه‌ی تنش محوری اعمالی به نمونه است.<sup>[۵]</sup> در زمینه‌ی شبیه‌سازی فرایند ساقمه‌زنی تا کنون کارهای زیادی صورت گرفته است. از جمله کیم و همکاران، مدلی برای ساقمه‌ها با موقعیت منظم را که هم به صورت عمودی و هم زاویه‌دار نسبت به صفحه هدف برخورد می‌کند گسترش دادند و تطابق خوبی بین نتایج شبیه‌سازی و نتایج اندازه‌گیری آزمایشگاهی پراش اشue - ایکس به دست آورند. آن‌ها برای استخراج نتایج تنش پسماند مدل اجرای محدود از میانگین تنش پسماند ناحیه‌ی برخورد ناشی از برخورد های متواالی در هر عمق استفاده کردند و بر این اساس تطابق خوبی بین نتایج شبیه‌سازی و نتایج آزمایشگاهی پراش اشue - ایکس به دست آورند.<sup>[۶]</sup>

در پژوهش دیگری باقی‌فرد و همکاران<sup>[۷]</sup> در بررسی تأثیر ساقمه‌زنی شدید روی رفتار خستگی نشان داده‌اند زمانی که برخی پارامترهای ساقمه‌زنی از جمله سرعت و زمان تغییر می‌کنند یک لایه‌ی نانوکریستال روی سطح قطعه ایجاد می‌شود و همچنین مقادیر تنش پسماند و عمق نفوذ آن به نسبت ساقمه‌زنی معمولی زیاد می‌شود، همچنین پایداری حرارتی قطعه‌ی نافو شده بالاتر از ساقمه‌زنی معمولی است.

قلیچی و همکاران<sup>[۸]</sup> برای ویژگی‌های آلومینیوم ساقمه‌زنی شدید شده براساس پارامترهای پیش‌نگ<sup>۱</sup> یک مدل عددی پیشنهاد داده‌اند که این مدل کمک شایانی در پیش‌بینی ویژگی‌های سطح نانوساختارشده، از طریق ساقمه‌زنی شدید به کمک دمشن‌ها، می‌کند و هم‌خوانی خوبی با نتایج آزمایشگاهی دارد و باعث می‌شود تا آزمایش‌های پیش رو برای بررسی خواص آلومینیوم ریزساختار هدفمندتر شوند.

گنجگ و همکاران حسنی<sup>[۹]</sup> برای بررسی میزان پوشش سطح، یک مدل سه‌بعدی از فرایند ساقمه‌زنی با برخوردهای تصادفی ارائه کردند. در این مدل چند اندازه‌ی مختلف ناحیه‌ی هدف برای مشخص شدن کوچکترین اندازه‌ی ناحیه‌ی هدف که میزان پوشش آن تا حد امکان به فرمول تجزیی آورامی<sup>۲</sup> نزدیک باشد، مدل سازی شده است. میزان پوشش در گره‌های سطح پس از هر برخورد تا رسیدن به پوشش کامل ارزیابی شده است. آن‌ها نشان دادند موقعي که شعاع ناحیه‌ی هدف ۱۰<sup>۱۰</sup> برای بزرگ‌تر از شعاع فرورفتگی تک برخورد باشد تطابق خوبی میان نتایج شبیه‌سازی و معادله‌ی آورامی ایجاد می‌شود.

در این پژوهش بررسی اثر ساقمه‌زنی بر روی عمر خستگی قطعات به صورت تجزیی و عددی انجام شده است. عمر خستگی نمونه‌های ساخته شده از آلومینیوم آلیاژی A۳۵۶<sup>۰</sup> تحت چندین حالت مختلف بازگذاری با استفاده از آزمایش خستگی در نرم‌افزار اجرایی محدود شبیه‌سازی شده است. تطابق بسیار خوبی میان نتایج عددی و آزمایشگاهی مشاهده شده است.

## ۲. آزمایش‌ها

نمونه‌ها از آلومینیوم آلیاژی A۳۵۶<sup>۰</sup> ساخته شده است. این نمونه‌ها تحت عملیات حرارتی T۶ به منظور بهبود خواص قرار گرفتند. ابتدا نمونه‌ها به مدت ۸ ساعت در دمای ۵۳۵ درجه سانتیگراد قرار داده شدند. سپس، تحت عملیات کوینچینگ<sup>۳</sup> در آب و درانتها به مدت ۵ ساعت در ۱۵۵ درجه سانتیگراد قرار گرفتند.<sup>[۱۱]</sup> نمونه برای انجام آزمایش کشش لازم است که ابعاد نمونه‌های آزمایش کشش براساس استاندارد ASTM-E8M ساخته شده است.<sup>[۱۲]</sup> در شکل ۱ نمونه‌ی ساخته شده

کششی در عمق ایجاد می‌شود تا اثر تنش‌های پسماند فشاری در نزدیکی سطح را خشی کند. در قطعاتی با ضخامت کمتر، تنش‌های کششی ایجادشده بیشتر خواهد بود. این تنش پسماند فشاری می‌تواند باعث به تأخیر افتادن رشد ترک یا کاهش نیز رشد آن در قطعات شود. مقدار و عمق این تنش‌ها مهم‌ترین عامل در بهبود عملکرد قطعات و افزایش عمر خستگی آن‌هاست.<sup>[۱]</sup>

خستگی به نوعی از رفتار مواد، تحت کرنش یا تنش چرخه‌بی گفته می‌شود که با رفتار آن تحت بارگذاری تک‌جهتی متفاوت است. خستگی عبارت است از فرایندی که در آن یک نقطه یا نقطای از مواد تحت تنش و کرنش نوسانی قرار بگیرد و با ایجاد ترک به حد اکثر مقدار خود برسد و بعد از تعداد مشخصی چرخه منجر به شکستن قطعه شود. در بعضی از مواقع شکست اجزاء مکانیکی در اثر خستگی، فرایندی است ناگهانی که قبل از شکست هیچ تغییری در کارکرد قطعه مشاهده نمی‌شود و در بسیاری از موارد وقوع آن بسیار خطرناک و پرهزینه است.<sup>[۲]</sup> به عبارت دیگر، این فرایند شامل به هم پیوستن ریزترک‌ها و تشکیل ترک‌های بزرگ‌تر است که به شکستن غیر قابل پیش‌بینی قطعه منجر می‌شود. بررسی سازوکارهای ایجاد ترک و سازوکارهای متفاوت رشد سریع یا در حد بحرانی ترک و رشد آرام و پایین‌تر از رشد بحرانی اهمیت ویژه‌ای در صنعت دارد. عمر خستگی شامل مجموع عمر جوانه‌زنی و رشد ترک خستگی است.<sup>[۲]</sup>

روش‌های مختلفی برای تخمین عمر خستگی قطعات مکانیکی وجود دارد که عبارت از: روش‌های تنش پایه، روش‌های کرنش پایه، و روش‌های مکانیک شکست. در روش مکانیک شکست، شکست خستگی خود را به صورت یک ترک رشد کرده نشان می‌دهد. در هر چرخه‌ی بارگذاری ترک کمی رشد می‌کند. بتایران، با پیدا کردن روشی برای تعیین میزان رشد ترک در هر چرخه می‌توان عمر کل رشد ترک خستگی را تخمین زد. به طور کلی، فرایند خستگی را می‌توان به سه مرحله تقسیم کرد: ۱. جوانه‌زنی ترک، ۲. رشد ترک، ۳. شکست ترک. در ابتدای شروع بارگذاری چون ترکی وجود ندارد قسمتی از عمر ماده صرف جوانه‌زنی ترک می‌شود. بعد از بوجود آمدن ترک، مرحله‌ی رشد ترک شروع می‌شود. عمر گذار بین این دو مرحله کاملاً روش نیست. بعد از رشد ترک به اندازه‌ی مشخص، ماده به اندازه‌ی ضعیف می‌شود که دیگر توانایی تحمل بار وارده را ندارد و به صورت ناگهانی می‌شکند، این مرحله به شکست ترک مشهور است. بر اساس رابطه‌ی پارسی زمانی که ضریب شدت تنش معادل  $K$  به یک مقدار آستانه برسد ترک شروع به رشد می‌کند و این رشد ادامه می‌یابد تا وقتی که مقدار ضریب شدت تنش برابر با ضریب شدت تنش بحرانی ( $K_c$ ) یا چقرمگی شکست شود و در قطعه شکست اتفاق بیافتد. رابطه‌ی پارسی به صورت رابطه‌ی ۱ بیان می‌شود:<sup>[۴]</sup>

$$\frac{da}{dN} = A(\Delta K)^m \quad (1)$$

که در آن  $a$  طول ترک،  $N$  عمر خستگی،  $\frac{da}{dN}$  نرخ رشد ترک،  $A$  دامنه‌ی شدت تنش،  $m$  ثابت‌های مربوط به جنس ماده هستند. بعد از تعیین ثابت‌های این معادله به وسیله‌ی نمونه‌ی استاندارد می‌توان عمر لازم برای رشد ترک به این اندازه‌ی مشخص را در شرایط مختلف بازگذاری و هندسه‌های پیچیده تعیین کرد. با استفاده از روش‌های مختلف در طول ترک‌های متفاوت بازه‌ی ضریب شدت تنش تعیین می‌شود. با انتگرال‌گیری از رابطه‌ی ۱ در بازه‌ی طول ترک اولیه  $a_0$  تا مقدار نهایی ترک  $a_f$  عمر نمونه برای رشد ترک محاسبه می‌شود.  $a_f$  از رابطه‌ی ۲ محاسبه می‌شود:

$$a_f = \frac{1}{\pi} \left( \frac{K_{Ic}}{\sigma_{\max}} \right)^{\frac{1}{m}} a_i \quad (2)$$



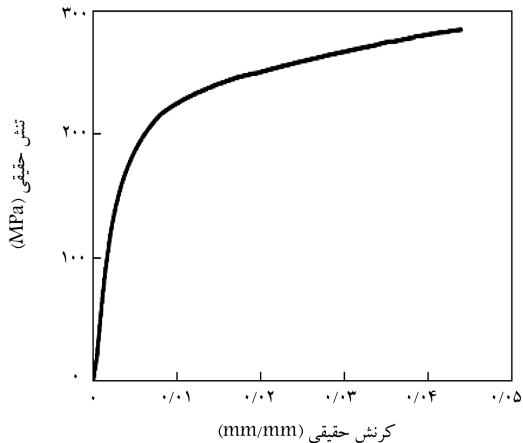
شکل ۴. نمایی از نمونه و دستگاه کشش - فشار.

جدول ۱. نتایج به دست آمده از آزمون خستگی.

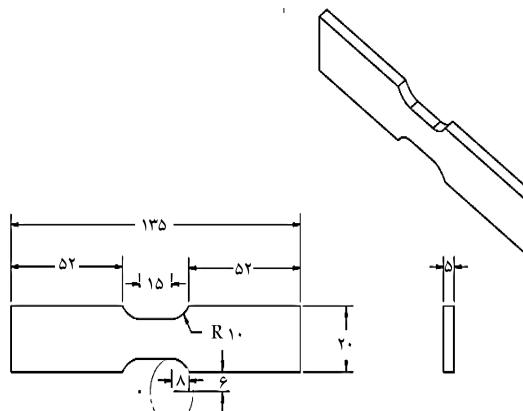
تکرار	ساده		تنش	
	عمر	تکرار	عمر	(MPa)
۴۱۵۲	۳۸۲۲		۴۵۵۰	۲۱۰
	۱۴۴۵۸	۱۴۵۸۶	۱۲۸۹۵	۱۸۰
	۳۰۶۳۵۰۸		۸۷۹۶۸۵	۱۲۰



شکل ۱. نمونه‌ی آزمایش کشش.



شکل ۲. نمودار تنش - کرنش حقيقی.



شکل ۳. ابعاد نمونه‌های آزمایش خستگی بر حسب [۱۲]. mm

(۸۲۳۰) انجام شد. شدت آلمن معیاری برای بیان میزان شدت کوبیش ساقمه‌های است. آزمایش‌های خستگی با استفاده از دستگاه آزمایش کشش - فشار اینسترون ۶ با ظرفیت ۳۰ تن انجام شده است. شکل ۴ نمونه و فک‌های دستگاه را نشان می‌دهد. آزمایش‌ها با سه مقدار مختلف تنش انجام شد. مقدار این تنش‌ها با توجه به نتایج حاصل از آزمایش کشش ساده به نحوی انتخاب شد که سه عمر کم، متوسط، و بالا را پوشش دهد. مقادیر این تنش‌ها به ترتیب برابر با ۲۱۰ و ۱۸۰ و ۱۲۰ مگاپاسکال است. بدلیل ضخامت نسبتاً کم نمونه و جلوگیری از پدیده‌ی کمانش از اعمال تنش فشاری به نمونه صرف نظر شد. به عبارت دیگر، آزمایش‌ها در  $R = 0$  انجام شد.

نتایج حاصل از آزمون خستگی در جدول ۱ ارائه شده که ۲ قطعه نیز برای تکرار پذیری آزمایش انجام شده است. همچنین، در شکل ۵ تنش بر حسب عمر برای نمونه‌های ساقمه‌زنی شده و ساده نشان داده است.

### ۳. تحلیل المان محدود

فرایند ساقمه‌زنی و رشد ترک خستگی در نرم افزار ABAQUS ۶.۱۰.۱ شیبیه‌سازی شده است. پارامتری که از این شیبیه‌سازی‌ها استخراج می‌شود فاکتور شدت تنش بر حسب طول‌های مختلف ترک است. سپس، عمر رشد ترک خستگی با استفاده از رابطه‌ی ۱ محاسبه می‌شود.

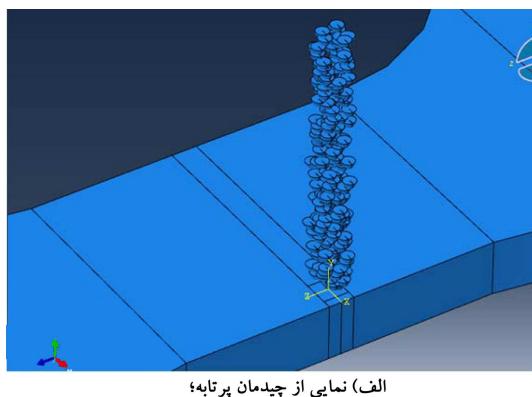
#### ۱.۳. شیبیه‌سازی فرایند ساقمه‌زنی

شیبیه‌سازی چندبخورده تصادفی به منظور ایجاد شرایط واقعی در مدل سازی ایجاد شد. در سال‌های اخیر برخی از محققان از این روش برای بررسی و ارزیابی پارامترهای

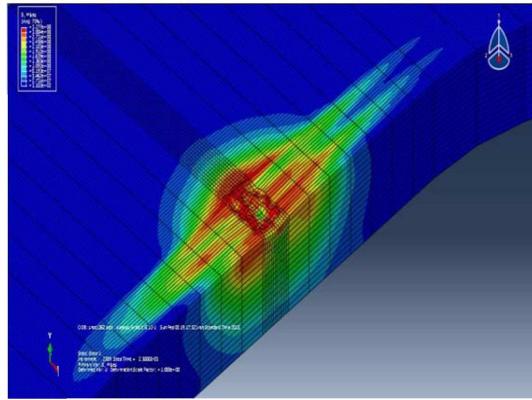
برای آزمایش کشش نشان داده شده است. آزمایش کشش با استفاده از دستگاه سنتام ۴ (مدل STM ۴۰۰) انجام شد. در شکل ۲ نمودار تنش - کرنش حقيقی که از تبدیل داده‌های تنش - کرنش مهندسی حاصل از آزمایش کشش به دست آمده، نشان داده شده است. برای اساس، خواص مکانیکی عبارت است از تنش تسلیم ۱۸۵ MPa، تنش نهایی ۲۶۵ MPa، مدل الاستیک ۷۱ GPa، ضریب پواسون ۰.۳۳ و چگالی  $2300 \text{ kg/m}^3$ .

نمونه‌های آزمایش خستگی بر اساس استاندارد E ۴۶۶ ساخته شده‌است. براساس این استاندارد نمونه‌ها را می‌توان به دو صورت استوانه‌ای و تخت ساخت. از آنجایی که عملیات ساقمه‌زنی بر روی نمونه‌های تخت با دقت بیشتری انجام می‌شود، نمونه‌های آزمایش خستگی نیز از نوع تخت ساخته شد. ابعاد نمونه‌ها در شکل ۳ نشان داده شده است.

عملیات ساقمه‌زنی بر روی ۴ عدد از نمونه‌های ساخته شده با شدت A ۱۸A بر اساس شدت آلمن<sup>۵</sup>، پوشش ۵۰ درصد، و با ساقمه‌هایی به قطر ۶ mm

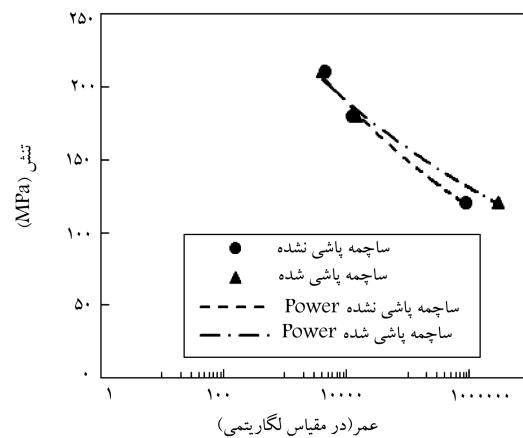


الف) نمایی از چیدمان پرتا به



ب) تنش پسمند ایجاد شده در نمونه پس از ساقمه زنی.

شکل ۶. مدل ساخته شده در نرم افزار آباکوس به همراه گانتورهای تنش.



شکل ۵. نمودار تنش - عمر حاصل از آزمایش خستگی برای نمونه‌های ساده و ساقمه‌زنی.

مختلف فرایند ساقمه‌زنی استفاده کرده‌اند. این‌گونه شبیه‌سازی یک روش مناسب برای دستیابی به پوشش کامل و پوشش‌های زیاد در سطح است. به منظور شبیه‌سازی فرایند ساقمه‌زنی شدید از نرم افزار ۱۰.۱.۶ /Explicit ABAQUS استفاده شده است. در این بررسی دو مدل تک‌برخورد و چند‌برخورد گسترش یافته‌اند. مدل میرایی<sup>۷</sup> برای میراثدن سریع نوسان‌های فرکانس پایین تعریف شده است. از اثرات حرارتی چشم‌پوشی شده است. ابتدا، یک مدل تک‌برخورد برای تخمین شعاع فرورفتگی<sup>۸</sup> شبیه‌سازی شده است. بر اساس مقنار ۲ و مساحت ناحیه‌ی هدف می‌توان تعداد پرتا به‌های لازم برای دستیابی به پوشش کامل را مشخص کرد. منظور از ناحیه‌ی هدف، ناحیه‌یی از سطح نمونه است که تحت عملیات ساقمه زنی قرار می‌گیرد. در این پژوهش از رابطه‌ی آورامی که یک رابطه‌ی قابل قبول و شناخته شده است استفاده می‌شود<sup>[۱۲]</sup>. بر اساس رابطه‌ی تجربی آورامی تعداد پرتا به‌ی لازم برای دستیابی به پوشش کامل از روابط ۳ و ۴ به دست می‌آید. به پوشش بیشتر از ۹۸ درصد پوشش کامل گفته می‌شود.<sup>[۱۳]</sup> پوشش‌های بیشتر از صد درصد هنگامی اتفاق می‌افتد که زمان ساقمه‌زنی بیشتر از زمان لازم برای دستیابی به پوشش کامل باشد. بر این اساس، پوشش ۵۰۰ درصد در زمانی ۵ برابر زمان لازم برای پوشش صد درصد حاصل می‌شود. بر اساس رابطه‌ی آورامی تعداد ۲۷۵ پرتا به برای ایجاد پوشش ۵۰۰ درصد لازم است. سپس، با استفاده از یک کد نوشته شده به زبان برنامه‌نویسی پایتون موقعیت پرتا به‌ها محاسبه شده است.

$$C = 100 \times (1 - e^{-ASR}) \quad (3)$$

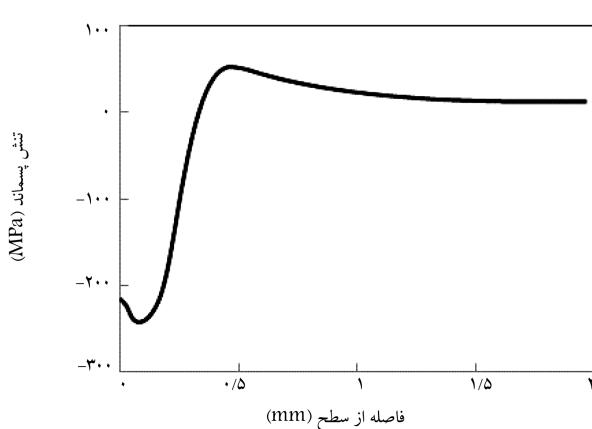
$$ASR = \frac{N \times \pi r^4}{A} \quad (4)$$

از مدل سخت‌شوندگی سیمیاتیک غیرخطی برای تعریف رفتار خمیری استفاده و مؤلفه‌های سخت‌شوندگی با استفاده از داده‌های نیم‌چرخه کشش تعیین شده است. این مدل برای بارگذاری با چرخه‌ی کم مناسب است.<sup>[۱۴]</sup>

شعاع ساقمه‌ها برابر با  $3\text{ mm}$  به صورت کشسانی با مدل یانگ  $210\text{ GPa}$  ضریب پواسون  $0.3$ ، و چگالی  $2800\text{ kg/m}^3$  در نظر گرفته شده و سرعت اولیه  $75\text{ m/s}$  در جهت عمود بر سطح نمونه برای تمام گره‌های پرتا به‌ها تعریف شده است.

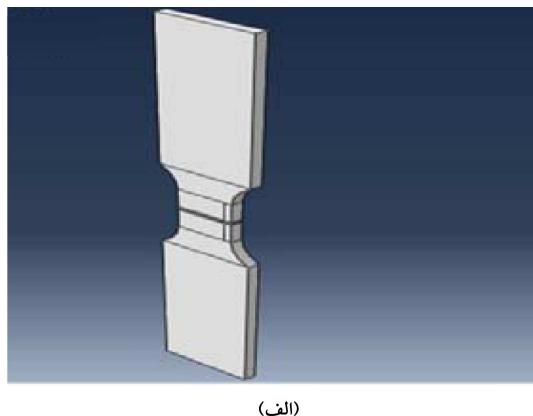
بین پرتا به‌ها و سطح نمونه از تماس سطح به سطح با الگوریتم تماسی پنالتی و ضریب اصطکاک  $0.2$  استفاده شده است.

برای بررسی همگرایی مش‌ها با همین مدل تعداد  $30$  عدد ساقمه به قدر

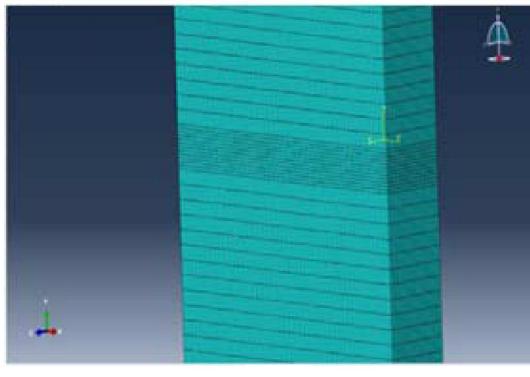


شکل ۷. تغییرات تنش پسمند در طول عمق پس از ساقمه زنی.

$0.6\text{ mm}$  به صورت تصادفی در وسط قطعه که محل برخورد است - چینش شده و سپس در ابتداء اندازه‌ی مشن  $80\text{ }\mu\text{m}$  میکرون انتخاب و حل انجام شده است. پس از اتمام حل، میانگین تنش در راستای عمود بر برخورد در صفحه‌ی وسط به فاصله‌ی  $1\text{ mm}$  از سطحی که محل برخورد بوده به عنوان پارامتر تعیین‌کننده برای بررسی همگرایی استفاده شده است. در ابتداء اندازه‌ی المان‌ها برابر  $80\text{ }\mu\text{m}$  میکرون در نظر گرفته شده است و در مراحل بعدی این اندازه کاهش داده شده تا اینکه در اندازه‌ی  $30\text{ }\mu\text{m}$  میکرون همگرایی حاصل شده است.<sup>[۱۵]</sup> شکل ۶ نحوه‌ی چیدمان ساقمه‌ها و گانتور تنش پسمند نمونه پس از برخورد ساقمه‌ها را نشان می‌دهد. در شکل ۷ پروفیل تنش پسمند ناشی از ساقمه زنی نشان داده شده است.



(الف)



(ب)

شکل ۹. (الف) نمایی از مدل خستگی، (ب) نمایی نزدیک از نمونه مش ریزی شده.  
جدول ۲. ضرایب رابطه‌ی کافین - مانسون برای آلمینیم T6-A350.

$\sigma'_f$ (MPa)	$\epsilon'_f$	b	c
۶۶۶	۰,۰۹	-۰,۱۱۷	-۰,۶۱۰

#### ۱.۴ محاسبه‌ی عمر جوانه‌زنی ترک

برای محاسبه‌ی تعداد چرخه‌ی لازم برای شروع ترک در نمونه از رابطه‌ی کافین - مانسون اصلاح شده مطابق رابطه‌ی ۵ استفاده می‌شود:<sup>[۱۹]</sup>

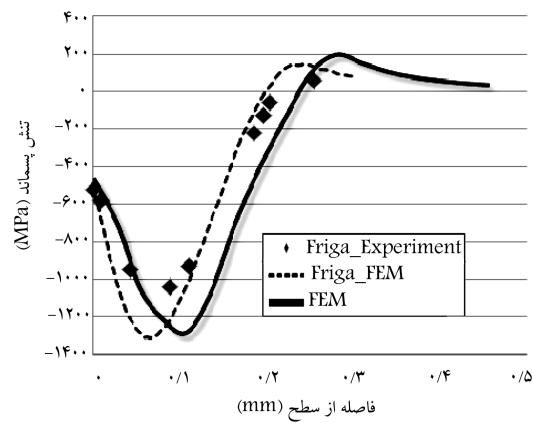
$$\frac{\Delta \varepsilon}{2} \sigma_{\max} = \frac{(\sigma'_f)^b}{E} (2N_i)^{b+c} + \sigma'_f \epsilon'_f (2N_i)^{b+c}$$

$$A = ۹,۳۳ * ۱۰^{-8} \text{ (mm/Cycle)} \quad (5)$$

ضرایب این معادله برای آلمینیم T6-A350 در جدول ۲ آمده است.<sup>[۱۹]</sup>  
با توجه به رابطه‌ی کافین - مانسون برای آلمینیوم A356 رابطه‌ی ۵ به صورت رابطه‌ی ۶ بیان می‌شود:

$$\frac{\Delta \varepsilon}{2} \sigma_{\max} = ۶۲۴۷۲۶۷ (2N_i)^{-۰,۲۲۴} + ۵۹,۹۴ * ۱۰^6 (2N_i)^{-۰,۷۲۷} \quad (6)$$

با اعمال بارگذاری بیشینه و کمینه روی نمونه‌ها در شبیه‌سازی مقدار  $\frac{\Delta \varepsilon}{2}$  در رابطه‌ی ۶ به دست می‌آید. سپس، با استفاده از رابطه‌ی کافین - مانسون تعداد چرخه‌ی لازم برای شروع ترک خستگی در نمونه محاسبه می‌شود. جدول ۳ مقادیر عمر جوانه‌زنی ترک را نشان می‌دهد.



شکل ۸. مقایسه‌ی تنش‌های پسماند پژوهش فریجا و شبیه‌سازی این پژوهش.<sup>[۱۸]</sup>

به منظور صحبت سنجی شبیه‌سازی انجام شده از پژوهش فریجا و همکاران که برای یک سوپرآلیاژ نیکل شبیه‌سازی تنش پسماند انجام داده‌اند، استفاده شده است.<sup>[۱۸]</sup> شکل ۸ متحنی تنش پسماند شبیه‌سازی انجام شده با ساقمه‌ی تغییرشکل پذیر را در کنار متحنی‌های تنش پسماند پژوهش فریجا نشان می‌دهد و همان‌گونه که در شکل ملاحظه می‌شود تطابق خوبی بین نتایج این شبیه‌سازی با شبیه‌سازی انجام شده توسط فریجا وجود دارد.

#### ۲.۳ شبیه‌سازی خستگی

در این بخش عمر خستگی قطعات بر اساس معیار مکانیک شکست کشسانی خطی بررسی شده است. مدل به صورت سه‌بعدی با ابعاد قطعه‌ی مورد استفاده در آزمایش خستگی ایجاد شد. مدل ماده به صورت کشسانی - خمیری در نظر گرفته شد. کف نمونه در تمام جهات مقید و به سمت دیگر آن مطابق با مقادیر به کار رفته در آزمایش تنش اعمال شد. ترک اولیه  $۰,۲$  میلی‌متر در نظر گرفته شده و در  $۸$  مرحله رشد داده شده است تا به طول ترک نهایی برسد. همچنین، برای اطمینان از مستقل شدن جواب‌ها از اندازه‌ی مش آزمون همگرایی برروی پارامتر انتگرال L انجام شده است. در نهایت مقادیر فاکتور شدت تنش برای هر مدل در مقادیر مختلف طول ترک استخراج شده است.

شبیه‌سازی رشد ترک خستگی در حضور تنش‌های پسماند ناشی از ساقمه‌زنی شده مشابه با نمونه‌های ساقمه‌زنی شده است؛ با این تفاوت که تنش‌های پسماند تغییر شکل‌های خمیری و... ایجاد شده در مدل ساقمه‌زنی شده در این مدل به عنوان ضرایب اولیه تعریف شده است. این عمل در نرم‌افزار ABAQUS با استفاده از انتقال داده‌های یک تحلیل به مدل جدید امکان‌پذیر است.<sup>[۱۶]</sup> نمایی از مدل خستگی در شکل ۹ نشان داده شده است.

#### ۴. تخمین عمر

با استفاده از معادله‌ی کافین - مانسون<sup>۸</sup> تعداد چرخه‌ی لازم برای جوانه‌زنی ترک تخمین زده می‌شود. سپس، با استفاده از نتایج حاصل از شبیه‌سازی و رابطه‌ی پاریس تعداد چرخه‌ی مورد نیاز برای رشد ترک اولیه تا طول نهایی محاسبه می‌شود. در نهایت، عمر کل نمونه با جمع مقادیر عمر جوانه‌زنی ترک و رشد ترک به دست می‌آید.

جدول ۵. عمر رشد ترک خستگی برای سطوح مختلف تنش.

نمونه‌ی ساچمه‌زنی شده (Mpa)	نمونه‌ی ساچمه‌زنی نشده (Cycle)	نمونه‌ی ساچمه‌زنی شده (Cycle)
۱۲۰	۴۹۳۵۲	۴۱۲۵۱۲
۱۸۰	۳۵۸۵	۴۹۸۷
۲۱۰	۱۱۵۶	۱۲۳۵

جدول ۶. عمر نهایی نمونه حاصل از نتایج شبیه‌سازی.

نمونه‌ی ساچمه‌زنی شده (Mpa)	عمر نهایی نمونه (Cycle)	نمونه‌ی ساچمه‌زنی شده (Cycle)
۱۲۰	۷۴۱۶۷۶	۲۲۳۵۷۵۷
۱۸۰	۱۵۷۴۱	۱۸۴۴۳
۲۱۰	۵۹۱۱۲	۶۲۶۱

جدول ۷. نتایج حاصل از شبیه‌سازی و آزمایش.

بارگذاری (Mpa)	عمر به دست آمده از شبیه‌سازی		عمر به دست آمده از آزمایش	
	برای قطعه‌ی (Cycle)	ساقمه‌زنی شده ساقمه‌زنی نشده	برای قطعه‌ی (Cycle)	ساقمه‌زنی شده ساقمه‌زنی نشده
۱۲۰	۸۷۹۶۸۵	۳۰۶۳۵۰۸	۷۴۱۶۷۶	۲۲۳۵۷۵۷
۱۸۰	۱۲۸۹۵	۱۴۴۵۸	۱۵۷۴۱	۱۸۴۴۳
۲۱۰	۴۵۵۰	۴۱۵۲	۵۹۱۱۲	۶۲۶۱

با مشخص شدن رابطه‌ی شدت تنش با طول ترک می‌توان از رابطه‌ی پاریس در بازه‌ی  $a_f$  تا  $a_i$  انتگرال‌گیری کرد. همچنین، ضرایب رابطه‌ی پاریس برای آلومینیوم  $A = ۳۵۶,۰$  برابر با  $A = ۱۰^{-۸}$  (mm/Cycle) است.  $n = ۳,۱۰$  و  $A = ۹,۳۳ * ۱۰^{-۸}$  است.<sup>[۲۰]</sup> پس از انتگرال‌گیری از رابطه‌ی پاریس عمر رشد ترک خستگی نمونه‌ی ساقمه‌زنی نشده برای تنش  $180$  MPa برابر با  $180$  Cycle محسوبه می‌شود.

بهاین ترتیب عمر رشد ترک خستگی برای دو سطح دیگر تنش  $120$  MPa و  $210$  MPa و همچنین نمونه‌ی ساقمه‌زنی شده محاسبه شده که نتایج حاصل از آن در جدول ۵ آرائه شده است.

عمر نهایی نمونه برابر مجموع عمر جوانه‌زنی و عمر رشد ترک خستگی است که مقادیر آن در جدول ۶ برای نمونه‌های ساده و ساقمه‌زنی شده قابل مشاهده است.

## ۵. بحث و بررسی

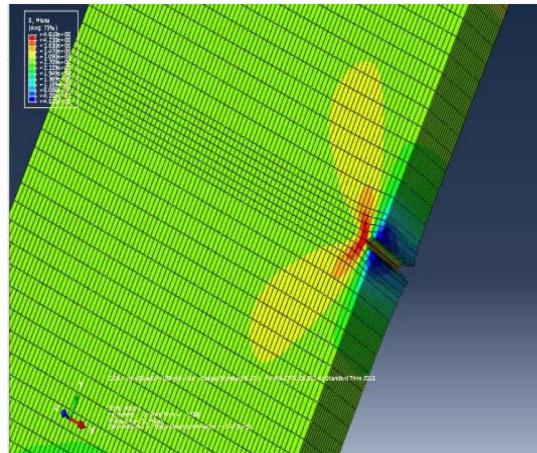
مقادیر عمر به دست آمده از شبیه‌سازی و آزمایش برای نمونه‌های ساده و ساقمه‌زنی شده در جدول ۷ برای سه سطح تنش نشان داده شده است. همان‌گونه که مشاهده می‌شود اختلاف ناچیز بین نتایج آزمایشگاهی و شبیه‌سازی وجود دارد.

شکل ۱۱ نمودار تنش بر حسب عمر برای نمونه‌های ساده و ساقمه‌زنی شده را نشان می‌دهد. تطابق خوبی میان نتایج آزمایشگاهی و شبیه‌سازی حاصل شده است. که دقت شبیه‌سازی انجام شده را نشان می‌دهد.

با برآش تابع توانی به نقاط بدست آمده از آزمایش و شبیه‌سازی، مشاهده می‌شود که در خستگی کم‌چرخه کمتر از  $10^3$  چرخه ساقمه‌زنی تأثیر زیادی بر عمر

جدول ۳. عمر جوانه‌زنی برای بارگذاری‌های مختلف.

نمونه‌ی ساچمه‌زنی شده (Mpa)	نمونه‌ی ساچمه‌زنی نشده (Cycle)	بارگذاری (Cycle)
۱۲۰	۶۹۲۳۲۴	۱۸۲۳۲۴۵
۱۸۰	۱۲۱۵۶	۱۳۴۵۶
۲۱۰	۴۷۵۶	۵۰۲۶



شکل ۱۰. باز شدگی دهانه ترک پس از اعمال تنش.

جدول ۴. ضرایب فاکتور شدت تنش بر حسب طول ترک.

طول ترک (mm)	نمونه‌ی ساده Ke	نمونه‌ی ساچمه‌زنی Ke
۷۵,۸۶۹	۸۶,۸۵۶	۰,۲
۳۷,۲۴۱	۴۵,۶۵۴	۰,۳
۲۱,۰۵۳	۲۶,۱۰۸	۰,۵
۱۵,۹۳	۲۰,۱۴	۰,۷
۱۳,۸۷	۱۶,۰۹۵	۱
۱۱,۲۵۶	۱۳,۵۴۹	۱,۵
۹,۱۹۲	۱۰,۳۲۹	۳
۸,۰۵۳	۸,۹۳۵	۵

## ۲.۴. محاسبه و تخمین عمر رشد ترک

مقادیر ضرایب تنش در هر مرحله از رشد ترک پس از اعمال بار از نتایج شبیه‌سازی استخراج می‌شود. شکل ۱۰ کانتور تنش مایزز را پس از اعمال بار و بازشدگی ترک نشان می‌دهد. در جدول ۴ ضرایب شدت تنش معادل بر حسب طول ترک‌های مختلف برای نمونه‌ی ساقمه‌زنی شده و نمونه‌ی ساقمه‌زنی نشده در بارگذاری با سطح تنش  $180$  مگاپاسکال مشاهده می‌شود.

برای تخمین عمر لازم است تا بر داده‌های ضرایب تنش بر حسب طول ترک منحنی برآش شود. یک چندجمله‌ای درجه ۵ (تطابق رابطه‌ی ۵) بر داده‌های  $h$  بر حسب  $a$  برای نمونه‌ی ساقمه‌زنی نشده برآش شده است.

$$(7) \quad k(a) = p_1 a^5 + p_2 a^4 + p_3 a^3 + p_4 a^2 + p_5 a + p_6$$

پس از برآش ضرایب این معادله برابر با  $p_1 = ۰,۳۶۴$ ,  $p_2 = -۰,۲۸۰۳$ ,  $p_3 = -۲,۱۶۴۳$ ,  $p_4 = ۱۶,۶۱۳$ ,  $p_5 = ۵,۶۵۶۱$  و  $p_6 = ۵$  دست آمد.

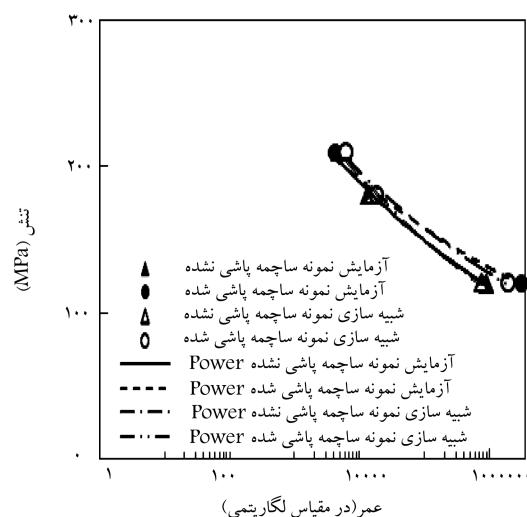
مقدار تنش اعمالی به نمونه تأثیر تنش پسماند بیشتر است. زیرا در این ناحیه تنش پسماند فشاری رهاسازی نمی‌شود و باعث بسته شدن ترک و همچنین به تأخیر انداختن جوانه‌زنی و رشد ترک می‌شود. به طور کلی هرچه تنش اعمالی به نمونه کمتر باشد تأثیر تنش‌های پسماند فشاری ناشی از فرایند ساقمه‌زنی بر عمر خستگی قطعات بیشتر است.

تش پسماند فشاری در این فرایند در نزدیکی سطح ایجاد می‌شود. این تنش‌های فشاری عامل اصلی در به تأخیر انداختن جوانه‌زنی و رشد ترک در سطح نمونه است. در حالی که با رشد ترک به سمت عمق نمونه و خارج شدن از ناحیه‌ی تنش پسماند فشاری تأثیر آن به شدت کم و به صفر می‌رسد.

## ۶. نتیجه‌گیری

در این پژوهش مدل‌های اجزای محدود برای شیوه‌سازی فرایند ساقمه‌زنی و خستگی توسعه یافت. عمر خستگی نمونه‌های ساده و نمونه‌های ساقمه‌زنی شده به وسیله‌ی آزمایش و اجزای محدود محاسبه شد. فرایند ساقمه‌زنی با پوشش ۵۰۰ درصد شیوه‌سازی شد. نتایج حاصل مورد بررسی و بحث قرار گرفت. مهم‌ترین نتایج حاصل به شرح زیر است:

۱. نتایج عددی تطابق بسیار خوبی با نتایج آزمایشگاهی نشان داد.
۲. نشان داده شد ساقمه‌زنی تأثیر زیادی در عمرهای کم، که در سطوح تنش بالا اتفاق می‌افتد، ندارد. در حالی‌که، در عمرهای بالا تأثیر زیاد دارد.
۳. تنش پسماند فشاری ناشی از فرایند ساقمه‌زنی در نزدیکی سطح ایجاد می‌شود که با به تأخیر انداختن جوانه‌زنی و رشد ترک در این ناحیه عمر خستگی را افزایش می‌بندد. در حالی‌که، با رشد ترک به سمت عمق نمونه و خارج شدن از ناحیه‌ی تنش پسماند فشاری تأثیر آن به شدت کم و به صفر می‌رسد.



شکل ۱۱. نمودار تنش - عمر برای نمونه‌های ساده و ساقمه‌زنی شده.

ندارد. این نتیجه را هم نتایج آزمایشگاهی و هم نتایج عددی نشان می‌دهد. حتی می‌توان گفت عمر نمونه‌ی ساده در عمرهای پایین بیشتر است. در عمرهای بالاتر عمر نمونه‌ی ساقمه‌زنی شده بیشتر می‌شود و این اختلاف با افزایش تعداد چرخه‌ها افزایش می‌یابد. این نتیجه بیان‌کننده‌ی این امر است که ساقمه‌زنی بر چرخه‌ی پرتکرار تأثیر زیادی دارد.

دلیل این پدیده به سازوکار شکست در خستگی کم چرخه و پرچرخه مربوط است. در عمرهای کم به دلیل بالا بودن مقدار تنش اعمالی، نمونه بیشتر وارد ناحیه‌ی خمیری می‌شود. در ناحیه‌ی خمیری نیز به دلیل آزادسازی تنش پسماند این نشان نمی‌تواند تأثیر بسیاری داشته باشند. برای چرخه‌های پرتکرار با عمر بالا به دلیل کم بودن

## پابنوشت‌ها

1. peening parameters
2. avrami
3. quenching
4. santam
5. almen intensity
6. instron
7. material damping
8. coffin-Manson

## (References) مراجع

1. Fu, P., Zhan, K. and Jiang, C. "Micro-structure and surface layer properties of 18CrNiMo7-6 steel after multi-step shot peening", *Materials & Design*, **51**, pp. 309-314 (2013).
2. Seitl, S., Keršner, Z., Bilek, V. and Kněsl, Z. "Glass fibre reinforced cement based composite: Fatigue and frac-
- ture parameters", *Applied and Computational Mechanics*, **3**(2), pp. 363-374 (2009).
3. Farrahi, G.H., Lebrijn, J.L. and Couratin, D. "Effect of shot peening on residual stress and fatigue life of a spring steel", *Fatigue & Fracture of Engineering Materials & Structures*, **18**(2), pp. 211-220 (1995).
4. Bhavaraghana, B., Srinivasan, S.M. and Maffeo, B. "Optimization of the fatigue strength of materials due to shot peening a survey", *International Journal of Structural Changes in Solids Mechanics and Applications*, **2**, pp. 33-63 (2010).
5. Gdoutos, E., *Fracture Mechanics: An Introduction*, Solid Mechanics and Its Applications, 2nd edn. Vol. 123, Springer, Dordrecht (2005).
6. Stephens, R.I., Fatemi, A., Stephens, R.R. and Fuchs, H.O., *Metal Fatigue in Engineering*, John Wiley & Sons (2000)
7. Kim, T., Lee, H., Kim, M. and Jung, S. "A 3D FE model for evaluation of peening residual stress under angled

- multi-shot impacts”, *Surface and Coatings Technology*, **206**(19-20), pp. 3981-3988 (2012).
8. Bagherifard, S. and Guagliano, M. “Fatigue behavior of a low-alloy steel with nanostructured surface obtained by severe shot peening”, *Engineering Fracture Mechanics*, **81**(0), pp. 56-68 (2012).
  9. Bagherifard, S., Ghelichi, R. and Guagliano, M. “Numerical and experimental analysis of surface roughness generated by shot peening”, *Applied Surface Science*, **258**(18), pp. 6831-6840 (2012).
  10. Gangaraj, S.M.H., Guagliano, M. and Farrahi, G.H. “An approach to relate shot peening finite element simulation to the actual coverage”, *Surface and Coatings Technology*, **243**(0), pp. 39-45 (2014).
  11. *Properties and Selections: Nonferrous Alloys and Special-Purposed Materials*, ASM International, Handbook Committee (1992).
  12. Kirk, D. “Shot peening coverage: Prediction and control”, The Shot Peenet, Spring, pp. 24-32 (2009).
  13. *Standard Test Methods for Tension Testing of Metallic Materials*, E8M - 04, ASTM (2004).
  14. *Standard Practice for Conducting Force Controlled Constant Amplitude Axial Fatigue Tests of Metallic Materials*, E466 - 96 R02, ASTM (2002).
  15. Standard, J2277-200301, *Shot Peening Coverage*, Developed by Surface Enhancement Committee (1 Jan 2003).
  16. Sajuri, Z., Miyashita, Y. and Mutoh, Y. “Effect of loading frequency on fatigue behavior of magnesium alloy in humid environment”, *Jurnal Mekanikal*, **22**, pp. 115-131 (December 2006).
  17. Bhavaraghavan, B., Srinivasan, S.M. and Maffeo, B. “Numerical simulation of Almen strip response due to random impacts with strain-rate effects”, *International Journal of Mechanical Sciences*, **53**(6), pp. 417-424 (2011).
  18. Frija, M., Hassine, T. Fathallah, R. Bouraoui, C. and Dogui, A. “Finite element modelling of shot peening process: Prediction of the compressive residual stresses, the plastic deformations and the surface integrity”, *Materials Science and Engineering: A*, **426**(1), pp. 173-180 (2006).
  19. Fatemi, A., Plaseied, A., Khosrovaneh, A. and Tanner, D. “Application of bi-linear log-log S-N model to strain-controlled fatigue data of aluminum alloys and its effect on life predictions”, *International Journal of Fatigue*, **27**(9), pp. 1040-1050 (2005).
  20. Sharma, S. and Mishra, R. “Fatigue crack growth behavior of friction stir processed aluminum alloy”, *Scripta Materialia*, **59**(4), pp. 395-398 (2008).