

مسیرهای بهینه ترکیبی (هوایی - دریایی) با استفاده از درخت پوشای کمینه و برنامه ریزی عدد صحیح

مهمنگی مکانیک شریف، پذیرش: ۱۳۹۹/۰۶/۰۳، تحریر: ۱۳۹۸/۰۷/۰۲، دری: ۱۳۹۹/۰۷/۰۲

هدی مودب (کارشناس ارشد)

گروه مهندسی هوافضا، دانشکده علوم و فنون نوین، دانشگاه تهران

سید محمد باقر ملائک (استاد)

دانشکده مهندسی هوافضا، دانشگاه صنعتی شریف

امیر رضا کوثری * (دانشیار)

گروه مهندسی هوافضا، دانشکده علوم و فنون نوین، دانشگاه تهران

در این مطالعه روشی برای کمینه‌سازی هزینه‌ی شبکه‌ی مرکب حمل و نقلی ارائه می‌شود. کمینه‌سازی با انتکا بر هزینه‌ی عملیاتی مستقیم، «هزینه‌ی زمانی» و برای توری نموده در محدوده‌ی جزایر خلیج فارس و با ترکیب هم زمان و سیله‌های آب پایه و هواپیما پیاده‌سازی شده و مسیرهای مختلف بهینه معرفی شده‌اند. بهینه‌سازی شبکه‌ی نهایی با استفاده از درخت پوشای کمینه و برنامه ریزی عدد صحیح با فرض هزینه‌های زمانی ۶ و ۸ دلار بر ساعت انجام نمی‌گیرد. نتایج تخصیص هم زمان هواپیما و کشتی شنازگر آن است که استفاده از کشتی در مسافت‌های کمتر از ۳۰۰ کیلومتر با هزینه‌ی زمانی ۶ دلار بر ساعت و مسافت‌های کمتر از ۲۰۰ کیلومتر با ارزش زمانی ۸ دلار بر ساعت هزینه‌ی کمتری خواهد داشت. مقایسه‌ی دو روش بهینه‌سازی، بیان‌گر این است که طراحی شبکه‌ی گردشگری به روش برنامه ریزی عدد صحیح و طراحی شبکه‌ی هاب و اسپوک به روش درخت پوشای کمینه مقرر نمی‌گردد.

h.moaddab@ut.ac.ir
malaek@sharif.edu
kosari_a@ut.ac.ir

وازگان کلیدی: شبکه‌ی حمل و نقل هوایی، شبکه‌ی حمل و نقل دریایی، شبکه‌ی حمل و نقل ترکیبی، برنامه ریزی خطی، درخت پوشای کمینه.

۱. مقدمه

خطوط ارتباطی مقرر نموده به صرفه. در این میان، جزایر جنوبی ایران با دارا بودن طبیعت منحصر به فرد، امکان تبدیل به قطب گردشگری کشور را دارند. این مطالعه نیز با هدف توسعه‌ی گردشگری در جزایر ایرانی خلیج فارس، به طراحی شبکه‌ی حمل و نقل گردشگری دریایی و هوایی با رویکرد سیستم - سیستم در این منطقه می‌پردازد. در این مطالعه، شبکه‌ی حمل و نقل گردشگری بهینه با ترکیبی از سیله‌های آبی و هوایی طراحی خواهد شد. پس از مشخص کردن جزایر (نقاط) موجود در شبکه و فواصل آنها، نموده‌ی از سیله‌های آبی و هوایی برای جابه‌جایی مسافرین انتخاب می‌شوند. با توجه به مشخص بودن عوامل دخیل در هزینه‌ی عملیاتی مستقیم (*DOC*) مربوط به هر سیله و قابل محاسبه بودن آن، این هزینه برای پیش بردن مطالعه به کار گرفته می‌شود. طراحی شبکه با تعیین تعداد گردشگران آغاز می‌شود. سپس *DOC* مربوط به سیله‌های پیشنهادی به منظور جابه‌جایی تمامی گردشگران، در هر مسیر به دست می‌آید. در مرحله‌ی بعد، تخصیص سیله‌ی بهینه به مسیرهای مناسب چنان است که تمامی گردشگران با کمترین هزینه‌ی عملیاتی جابه‌جا شوند. در نهایت، با روش‌های پیشنهادی، انتخاب مسیرهای بهینه انجام می‌گیرد، چنان که هزینه‌ی نهایی ناوگان کمینه شود. برای تخصیص هم زمان قیق و هوایما به مسیرهای و طراحی شبکه‌ی ترکیبی، نیاز به تعریف ضریبی تحت عنوان ارزش زمانی بود.

عبارت سیستم - سیستم، بیان‌گر سیستم بزرگی است که چندین سیستم مختلف در خود دارد، به طوری که هر یک از این سیستم‌ها قادر به ارائه عملکردی مستقل از دیگری هستند. شبکه‌های پیچیده‌ی حمل و نقل چنین ویژگی‌هایی دارند. در بهینه‌سازی چنین شبکه‌هایی می‌توان هر زیربخش را به صورت سیستم مجرایی در نظر گرفت که باید شیوه‌ی برای تخمین تعداد مسافر، طراحی مسیر و تخصیص سیله‌ی برای هر مسیر داشته باشد تا ترکیب این زیربخش‌ها انتظار نهایی از شبکه‌ی حمل و نقل را براورد کند.

شبکه‌ی گردشگری در یک منطقه، نحوه‌ی دسترسی و جابه‌جایی گردشگران، سهولت و هزینه‌ی دسترسی به نقاط، سیله‌های محلی موجود از معیارهای مهم جذب گردشگر محسوب می‌شوند. با توجه به توسعه‌ی روزافزون صفت حمل و نقل هوایی - آبی در گردشگری، کاهش هزینه و زمان به عنوان یکی از موضوعات رقابتی بین شرکت‌ها مطرح است. برای دست‌یابی به این هدف دو رویکرد مورد توجه قرار می‌گیرد: ۱. به خدمت گرفتن وسائل نقلیه‌ی ارزان‌تر و سریع‌تر، ۲. یافتن

* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۱۲، ۱۳۹۸/۹/۱، اصلاحیه ۲۲، ۱۲/۲۲، پذیرش ۱۵، ۱۳۹۹/۳/۱۰

DOI:10.24200/J40.2020.54727.1538

استفاده از روش ابتکاری در مقایسه با روش برنامه‌ریزی ترکیبی عدد صحیح، به زمان کمتری نیاز دارد.^[۱۵] در سال ۲۰۲۰، کاینه و همکاران به کمک روش‌های تصمیم‌گیری، ابزاری برای انتخاب مسیرهای هوایی بهینه ارائه کردند، به طوری که این ابزار قادر به معرفی مسیرهای جدید و جایگزین به منظور کنترل هزینه‌ها و افزایش دسترسی مسافران است.^[۱۶]

۲. رویکرد حل مسئله

در این بخش، مراحل حل طراحی شبکه‌ی حمل و نقلی برای جزایر جنوبی ایران ارائه می‌شود. از میان ۳۵ جزیره، ۷ جزیره مجهز به فرودگاه انتخاب شدند. برای شبکه‌یی با n نقطه، تعداد مسیرهای ممکن برابر $\frac{1}{2}n(n-1)$ است، با توجه به ۷ نقطه‌ی انتخاب شده، ۲۱ مسیر بین تمامی نقاط وجود خواهد داشت. نام جزایر و فواصل میان آنها در جدول ۱ قابل مشاهده است.

با توجه به فاصله‌ی کم بین جزایر، هواییمایی کوتاه پر مورد نیاز است؛ بنابراین هواییمایی ATR۷۲، Dornier۳۲۸ و به دلیل کاربرد فراوان شان انتخاب شد. همچنین، با توجه به مشابهت An ۱۴۰ به نوع ایرانی آن، این هواییما نیز جزء گزینه‌های انتخابی محسوب شد. در انتخاب قایق‌های مسافربری محدودیتی وجود نداشت؛ بنابراین ۸ قایق معرفی شد. اطلاعات مربوط به وسیله‌های انتخابی در جدول ۲ قابل مشاهده است.

در این مسئله فرض می‌شود يك شرکت مسافرتی، قصد برگزاری تور در جزایر

جدول ۱. جزایر انتخاب شده و فواصل بین آن‌ها.

سیری	تبیین	ابوموسی	کیش	لان	قسم
-	-	-	-	۰	۳۷۵
-	-	-	۰	۱۹۳	۲۲۰
-	-	۰	۱۲۵	۱۷۰	۲۰۰
-	۰	۵۳	۳۷۳	۳۹۶	۲۲,۵
۰	۷۱	۵۶	۱۲۹	۱۵۳	۲۰۵
۱۲۳	۱۶۵	۱۸۸	۲۸	۱۷۳	۳۳۱
هندوتلی					

جدول ۲. مشخصات وسیله‌های مورد استفاده.

نام وسیله	ظرفیت مسافر (km/h)	سرعت (km/h)
ATR۷۲	۵۱۰	۷۰
Dornier۳۲۸	۶۲۰	۳۲
BombardierQ۳۰۰	۵۳۲	۵۳
An ۱۴۰	۴۶۰	۵۰
Mega Express Four	۲۵	۱۴۰
Nwe Camellia	۲۳	۵۲۰
Jetfoil	۵۰	۲۴۰
Waveshuttle	۵۰	۵۰
Sealounge ۴۰	۶۱	۲۰
JL۳۲۰۰B	۵۰	۱۲۰
hd ۱۵۸۰	۴۲	۴۲
Touring ۴۰	۴۰	۴۰

تا علی‌رغم تقاضا در سرعت حمل و نقلی، بتوان هر دو را به مسیرهای مختلف اختصاص داد.

۱.۱. مروری بر متابع

در سال ۲۰۰۴ مانه و کراسلی با استفاده از بهینه‌سازی چندگانه و رویکرد سیستم - سیستم، متابع مختلف را تخصیص دادند. آنها در سال ۲۰۰۷ با گسترش کار خود، به طراحی هواییما و تخصیص هواییما به فرودگاه‌های مختلف پرداختند.^[۱۷] در سال ۲۰۰۸، هو دی پائولو با استفاده از نظریه‌ی شبکه‌های پیچیده و الگوریتم زنگی، مسیرهای شبکه‌ی خطوط هواییما را مدل‌سازی کردند.^[۱۸] ینک طی مطالعه‌یی که در سال ۲۰۰۹ با روش ساختار تکاملی انجام داد به اهمیت عملکرد اجتماعی - اقتصادی فرودگاه‌ها در مدل مبدأ - مقصد ذاتی^[۱۹] بی برد. کراسلی و مانه در ادامه‌یی کارهای پیشین خود در سال ۲۰۱۲، هواییما را با توجه به برنامه‌ریزی عملیاتی شبکه‌یی هواپی طراحی کردند. آنها با توجه به زمان حل طولانی برنامه‌ریزی غیرخطی ترکیبی، مسئله را به روش تجزیه‌یی مسئله حل کردند.^[۲۰] در سال ۲۰۱۲ کوتیگاوا در ترکیبی خود، با عنوان روشی که در ترکیبی انجام می‌گیرد، مسیرهای شبکه‌یی ماشین و نظریه‌یی شبکه در پی توسعه‌یی مدل‌های تکاملی مسیرهای شبکه‌یی هواپی بود. همچنین، عملکرد مرربوط به راندمان سفر، ساخت مصرفی و قدرت شبکه مورد بررسی قرار گرفت که نشان می‌داد قدرت شبکه با کاهش تعداد مسافر و راندمان بالای مصرف سوخت مرتبط خواهد بود.^[۲۱]

در سال ۲۰۱۴ ماروها و کوکولارس با رویکرد سیستم - سیستم، بهینه‌سازی توزیع شده و جستجوی مستقیم به طراحی حمل و نقل هوایی پرداختند.^[۲۲] یا سن و پر ز در سال ۲۰۱۶ با هدف بیشینه‌سازی تابع سود به حل هم‌زمان اختصاص مسافر و هواییما پرداختند. در این تحقیق، برخلاف موارد پیشین، سه خانواده هواییما مدنظر قرار گرفت که نتیجه‌یی آن پیکربندی بهینه‌یی خانواده‌ی هواپیما، شبکه‌یی بهینه و معرفی بهترین فرودگاه‌ها به عنوان هاب با در نظر گرفتن کم‌ترین هزینه برای مسافرو اپراتور بود.^[۲۳] در سال ۲۰۱۶ کوکولارس و شمس‌الدین در ادامه‌یی کار پیشین، با الهام گرفتن از شبکه‌های زیستی به طراحی سیستم حمل و نقل هوایی پرداختند. مقایسه‌یی این کار با روش پیشین، ۷/۲ درصد کاهش هزینه‌های عملیاتی را نشان می‌داد.^[۲۴] در مطالعه‌یی من وو در سال ۲۰۱۶ شبکه‌یی حمل و نقل قایق‌های مسافربری به عنوان مثال مورد بررسی قرار گرفته است. نتایج حاصله حاکی از آن بود که نبود اطلاعات کافی برای پیش‌بینی تعداد دقیق مسافر، باعث افزایش قابل توجه هزینه‌یی کلی شبکه می‌شود.^[۲۵] یو در سال ۲۰۱۷ در مطالعه‌یی شبکه‌یی هواپی جزایر طراحی کرد.^[۲۶] آنتونس و همکاران در سال ۲۰۱۸ روند تکامل شبکه‌یی هواپی جزایر آژورها را بررسی کردند. در این مطالعه با استفاده از نرم افزار اکسپرس و برنامه‌ریزی عدد صحیح، به طور هم‌زمان، هزینه‌یی عملیاتی، زمان سفر و انتظار مسافرین کاهش یافت.^[۲۷] آگوچمن و ارول در سال ۲۰۱۹، روش‌های حل دقیق و ابتكاری در شبکه‌یی حمل و نقل ترکیبی کالا را بررسی کردند و سپس، با اعمال روش دوگانه پیشنهادی روی داده‌های واقعی نشان دادند که این روش برای چنین مسائلی کارایی بهتری دارد. این روش از دو مرحله‌ی مختلف تشکیل شده است: ۱. بسته‌بندی کالا با استفاده از یادگیری ماشین و الگوریتم زنگی؛ ۲. بازگیری و انتقال با برنامه‌ریزی ترکیبی عدد صحیح به منظور کاهش هزینه‌های کلی.^[۲۸] محمودی در سال ۲۰۱۹، با بررسی شبکه‌یی حمل و نقل شهری، معیارهای ارزیابی این شبکه‌ها را بر اساس عوامل اقتصادی، اجتماعی و محیطی بیان کرده است.^[۲۹] میونگ و یو در سال ۲۰۲۰ ضمن طراحی شبکه‌یی حمل و نقل کالا نشان دادند که برای حل چنین مسائلی،

با معرفی اجمالی روش MILP و با مفروضات گفته شده در بخش پیشین، روابط حاکم بر طراحی شبکه را می‌توان چنین بیان کرد:^[۲۳]

Objective :

$$p = 1, 2, 3, \dots, 7$$

$$\min \sum_{i=1}^p \sum_{j=1}^q x_{ij} \times COST_{ij} \quad q = 1, 2, 3, \dots, 7 \quad (3)$$

Subject to :

$$\sum_{i=1}^p \sum_{j=1}^q x_{ij} \geq (q - 1) \quad (4)$$

$\circ \leq x_{ij} \leq 1 \quad (5)$

$x_{ij} + x_{ji} = 1 \quad (6)$

در رابطه‌ی ۳ شمارش‌گر n و ز تعداد چزاير را بیان می‌کنند. x_{ij} نشان دهنده‌ی مسیر بین چزاير i و j است. در صورتی که این مسیر در حل استفاده شود، برای ۱ و در صورت نبودن برابر صفر خواهد بود. زیرا $COST_{ij}$ نیز بیان‌گر هزینه‌ی نهایی هر مسیر با توجه به وسیله‌های اختصاص یافته است. این پارامتر برای حالتی که فقط هواپیما و قایق وجود دارند برابر DOC است.

رابطه‌ی ۴ کمترین تعداد مسیر در شبکه را نشان می‌دهد، به‌گونه‌ی که جزیره به یکدیگر متصل شوند. رابطه‌ی ۵ نشان می‌دهد که هر مسیر نباید بیش از یک بار در حل در نظر گرفته شود. با توجه به دوطرفه بودن مسیرها، رابطه‌ی ۶ بیان می‌کند که اگر مسیر رفت در محاسبات لحاظ شده است، مسیر برگشت در نظر گرفته شود.

۲.۱. استفاده از درخت پوشای کمینه در طراحی شبکه‌ی حمل و نقل
درخت پوشای یک نمودار، یکی از زیرمجموعه‌های نمودار کامل است به طوری که هیچ نمودار هم‌بندی نداشته و تمامی نقاط را در بر بگیرد. بنابراین، درخت پوشای کمینه‌ی یک نمودار وزنی را می‌توان درخت پوشایی در نظر گرفت که مجموع وزن کلیه‌ی یال‌ها کمترین حالت را نسبت به تمامی درخت‌های پوشایی داشته باشد.

الگوریتم‌های کروسکال، پریم و حریصانه معروف‌ترین رویکردها برای حل این روش هستند. در این مسئله از الگوریتم کروسکال استفاده می‌شود که ابتدا تمامی یال‌ها به ترتیب وزنی (کم‌تر به بیشتر) چیده می‌شود. سپس، یالی انتخاب می‌شود که با یال‌های پیشین ایجاد نمودار هم‌بند نکند. این روند تا انتخاب ۱ – V یال (V تعداد تمامی یال‌هاست) ادامه می‌یابد.^[۲۴, ۲۵]

در این مسئله نیز با داشتن الگوریتم MST، فواصل چزاير DOC نهایی - برای حالت‌های هواپیما و قایق - و هزینه‌ی کلی - برای حالت ترکیب هر دو وسیله - مربوط به هر مسیر برای تعداد مشخص مسافر، می‌توان MST را به منظور طراحی مسیرهای بهینه‌ی شبکه با هدف کمترین هزینه‌ی عملیاتی رسم کرد.

۲.۲. معرفی ضریب ارزش زمانی

با توجه به متفاوت بودن دینامیک هواپیما و قایق، ترکیب هم‌زمان این دو نامتعارف محسوب می‌شود. در نتیجه، باید روشی بر پایه‌ی هزینه بیان کرد تا مقایسه‌ی این

جنوب را دارد. به طوری که مسافرین تمامی ۷ جزیره را ملاقات کنند. هدف اصلی شرکت کاهش هزینه‌های است، بنابراین به منظور محاسبه‌ی هزینه‌های شبکه از DOC استفاده می‌شود. در ادامه به روابط مربوط به DOC هواپیما و قایق مسافربری اشاره خواهد شد.

در ذیل رابطه‌ی برای تخمین هزینه‌ی عملیاتی مستقیم هواپیماهای تجاری بیان شده است. روش استفاده شده برگرفته از شرکت حمل و نقل هواپیمای آمریکا (آتا)^[۲۶] است.^[۱۸, ۱۷] هزینه‌ی عملیاتی مستقیم هواپیما را می‌توان مطابق رابطه‌ی ۱ به پنج جزء تقسیم کرد:

$$DOC = DOC_{f\ell t} + DOC_{m\text{aint}} + DOC_{d\text{epr}} + DOC_{l\text{n } r} + DOC_{f\text{in}} \quad (1)$$

که در آن: $DOC_{f\ell t}$ هزینه‌های پرواز $DOC_{m\text{aint}}$ هزینه‌های تعمیر و نگهداری، $DOC_{l\text{n } r}$ هزینه‌ی استهلاک، $DOC_{d\text{epr}}$ هزینه‌های مربوط به نشت و برخاست و یمه و $DOC_{f\text{in}}$ بهره‌ی تأمین هزینه، بهخشی از درآمد است که به منظور تأمین هزینه‌هایی چون اجاره یا خرید هواپیما، قطعات یا عملیات اختصاص داده می‌شود.)

هزینه‌ی سفر و هزینه‌ی مستقل از زمان، دو بخش اصلی هزینه‌ی عملیاتی مستقیم برای کشتی محسوب می‌شود. عمدتی هزینه‌ی سفر مربوط به مصرف سوخت کشتی است. حقوق خدمه، یمه، تعمیر و نگهداری و مواردی از این قبیل نیز اجرای هزینه‌های مستقل از زمان را تشکیل می‌دهند. با تخمین‌های انجام شده، هزینه‌ی عملیاتی مستقیم کشتی برای یک سال مطابق رابطه‌ی ۲ خواهد بود:^[۱۹]

$$DOC = (f_{HFO} \cdot W_{HFO_y} + f_{DO} \cdot W_{DO_y} + f_{LO} \cdot W_{LO_y} + c_{cr} \cdot n_{cr} + 0.103 \cdot C_{sc})^{1/4} \quad (2)$$

که در آن f_{HFO} , f_{DO} و f_{LO} به ترتیب برابر نیز مصرف سوخت سنگین، سوخت دیزل و روغن‌های روان‌کننده است. W_{HFO_y} , W_{DO_y} و W_{LO_y} نیز به ترتیب وزن‌های این نیزهای در طول یک سال، n_{cr} و c_{cr} دستمزد و تعداد خدمه و درنهایت C_{sc} قیمت کشتی است.^[۲۰, ۲۱]

اولین نیاز محاسبه‌ی هزینه‌ی عملیاتی وسیله‌ها، مشخص بودن تعداد مسافر است زیرا، به کمک این مقدار می‌توان تعداد وسیله‌های مورد نیاز و درنهایت هزینه‌ی نهایی کل شبکه را مشخص کرد. در این مطالعه، فرض می‌شود تعداد مسافرینی که قصد مسافرت به این شبکه‌ها را دارند، برابر با ۲۵۰ نفر باشد.

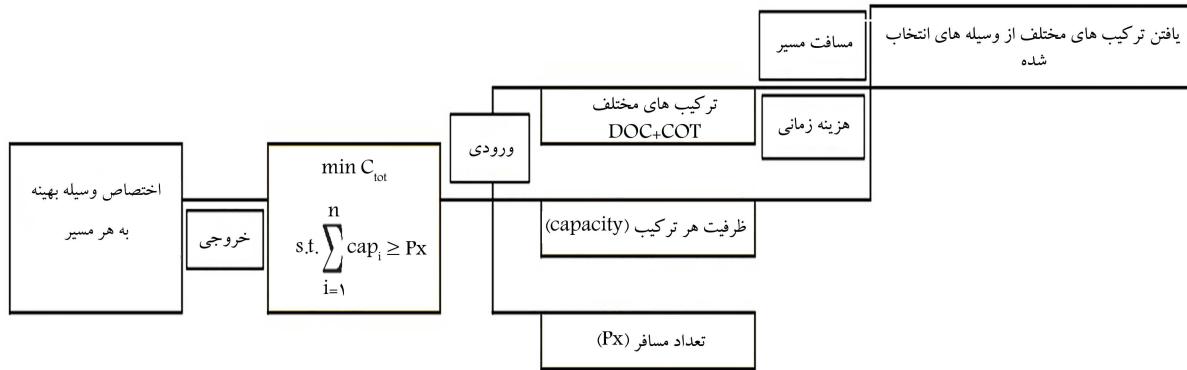
پس از مشخص شدن تعداد مسافر، تخصیص وسیله به هر مسیر صورت می‌گیرد. در این مرحله، ظرفیت وسیله‌های انتخابی باید چنان باشد که ضمن جایه‌جایی تمامی مسافران، کمترین هزینه را به شرکت تحمیل کند. بدین منظور از روش برنامه‌ریزی ترکیبی عدد صحیح (MILP)^۳ و درخت پوشای کمینه (MST)^۴ برای حل استفاده می‌شود. در انتها، هزینه‌ی نهایی هر دو روش با یکدیگر مقایسه می‌شود.

۲.۳. طراحی شبکه با روش MILP

در این بخش با مشخص بودن هزینه‌ی هر مسیر، به دنبال انتخاب مسیرهای هستیم که ۷ جزیره را به هم وصل کرده و مجموع هزینه‌ی آن نیز کمینه باشد. با توجه به این مسئله که تمامی چزاير باید در شبکه وجود داشته باشند، کمترین تعداد مسیر برابر ۶ خواهد بود. در این مسئله تمامی مسیرها دوطرفه فرض می‌شود.

جدول ۳. ارزش زمان برای انواع سفرهای بین شهری در کشورهای اروپایی.^[۲۱]

سوئد	هلند	انگلیس	فرانسه	ایسلند	کاری
نامشخص	۲۱	نامشخص	۲۲,۳	۱۷,۵	
۸,۳	۱۰	۶-۱۱	۱۲,۶	۱۰	سفر از حومه
۵,۷	۷	۰,۵-۱۰	۸,۷	۶,۸	سایر موارد



شکل ۱. الگوریتم تخصیص هم زمان هواپیما و کشتی به مسیرهای مختلف.

با در دست داشتن روابط مربوط به محاسبه‌ی DOC برای هر وسیله، ارزش زمانی و فاصله‌ی هر مسیر، روابط حاکم بر تخصیص وسیله به هر مسیر با استفاده از روش $MILP$ عبارت خواهد بود از:^[۲۲]

Objective :

$$\min \sum_{n=1}^p \sum_{i=1}^q n_i \times (DOC_i + t_i \times VOT \times seat_i) \quad p = 1, 2, 3, \dots, 13 \quad (9)$$

$$q = 1, 2, 3, \dots, 12$$

Subject to :

$$\sum_{n=1}^p \sum_{i=1}^q n_i \times seat_i \geq pax \quad (10)$$

$$n_i \geq 0 \quad (11)$$

در رابطه‌ی ۹ نماد n نمایانگر نوع وسیله است. با توجه به ۴ نوع هواپیما و ۸ نوع قایق موجود، ز از ۱ تا ۱۲ تغییر خواهد کرد. n تعداد مربوط به هر وسیله است. با توجه به تعداد ۲۵۰ گردشگر و ظرفیت کمترین وسیله از میان هواپیماها و قایقهای انتخاب شده مربوط به *SeaLounge* برابر ۲۰ نفر است. بنابراین بیشترین تعداد وسیله‌ی مورد نیاز برای جابه‌جایی مسافرین ۹ برابر ۱۳ خواهد بود.

همان‌طور که در رابطه‌ی ۱۰ مشاهده می‌شود، $seat$ مربوط به ظرفیت وسیله و pax تعداد گردشگر (۲۵۰ نفر) خواهد بود. مجموع تعداد ظرفیت وسیله‌های اختصاص یافته بنا بر از تعداد گردشگران باشد. VOT و t_i به ترتیب ارزش زمانی فرض شده و زمان سفر خواهد بود. چنان‌که پیش‌تر نیز اشاره شد چون هزینه‌ی زمان را تمامی افراد می‌پردازند، این هزینه در تعداد مسافرین ضرب خواهد شد.

۴.۲. استفاده از جعبه‌ی بهینه‌سازی Matlab

همان‌طور که در بخش‌های پیش‌بیان شد، حل مسئله به دو روش برنامه‌ریزی عدد صحیح و درخت پوشای کمینه انجام گرفته است. بدین منظور از نرم‌افزار Matlab

دو وسیله منطقی باشد. برای جبران این تفاوت و همسان‌سازی آنها، ضریبی تحت عنوان «ارزش زمان» (VOT)^[۲۵] یا هزینه‌ی زمان در نظر گرفته شد.

«ارزش زمان» یکی از کلیدی‌ترین پارامترها در اقتصاد حمل و نقل محاسبه می‌شود و تحقیقات عملی و نظری بسیاری برای تخمین آن انجام شده تا آن در تحلیل هزینه‌ها و مدل‌سازی ترافیک استفاده شود. این پارامتر را می‌توان هزینه‌یی در نظر گرفت که مسافرین برای ذخیره کردن زمان می‌پردازند. به عنوان مثال، اگر فردی برای رسیدن

به مقصد، دو گرینه‌ی اتوبوس به قیمت ۱۰ دلار و قطار سریع السیر به قیمت ۳۰ دلار داشته و زمان سفر هر یک به ترتیب برابر ۴ و ۶ ساعت است. در صورتی که فرد سفر با قطار را انتخاب کند، هزینه‌ی زمان آن برابر ۱۰ دلار بر ساعت خواهد بود زیرا ۲۰ دلار برای ذخیره کردن زمان می‌پردازند. به عنوان مثال، اگر فردی برای رسیدن در این زمینه به تحلیل داده‌های حاصل از ارزش‌گذاری زمان در فرآینده پرداخته است. در این اساس، ارزش زمان در کشورهای مختلف و در سفرهای مختلف متغیر است.

مطابق جدول ۳، ارزش زمان در اروپا برای سفرهای توریستی (سایر موارد) از ۵,۵ تا ۱۰ دلار بر ساعت متغیر است. در این مطالعه، مقدار ۶ دلار بر ساعت در نظر گرفته شده که مربوط به سال ۲۰۱۴ است. همچنین، عدد ۸ دلار بر ساعت نیز در محاسبات لحاظ شد تا شبکه‌ی طراحی شده‌ی نهایی با یکدیگر مقایسه شوند. هر مسافر در وسیله‌ی حمل و نقلی، به صورت غیرمستقیم هزینه‌ی زمان را پرداخت می‌کند. به منظور در نظر گرفتن هر دو وسیله، زمان سفر به هزینه تبدیل شده و با هزینه‌ی کل جمع شد. مقایسه‌ی نهایی با توجه به هزینه کل هر دو وسیله انجام شد.

$$COT = VOT \times Cap_i \quad (7)$$

$$C_{tot} = COT_i + DOC_i \quad (8)$$

در رابطه‌ی ۷ و ۸، COT مربوط به هزینه‌ی زمانی است که هر مسافر پرداخت می‌کند، ارزش زمان بوده که مطابق جدول ۳ است. اکنون با در دست داشتن هزینه‌ی نهایی برای تمام وسیله‌های آبی و هوایی، مراحل تخصیص وسیله همانند دو بخش قبل خواهد بود. شکل ۱ الگوریتم کلی این مرحله را نشان می‌دهد.

جدول ۴. تعداد بهینه وسیله‌ی اختصاص یافته به هر مسیر با ارزش زمانی ۶ دلار بر ساعت.

مسیر	مسافت (km)	مسیر	ATR۷۲	Q۳۰۰	WS	HD	T۴۰	مجموع ظرفیت
قسم - لاوان	۳۷۵		۳	-	-	-	۱	۲۵۰
قسم - کیش	۲۲۰		-	۲	۱	-	۱	۲۶۰
قسم - ابوموسی	۲۰۰		-	۲	۱	-	۱	۲۶۰
قسم - تنپوزگ	۲۲,۵		-	۱	۱	۱	۱	۲۵۰
قسم - سیری	۲۰۵		-	۲	-	-	۴	۲۶۰
قسم - هندوراسی	۳۳۱		۳	-	-	-	۱	۲۵۰
لاوان - کیش	۱۹۳		-	۲	۱	-	۱	۲۶۰
لاوان - ابوموسی	۱۷۰		-	۲	۱	-	۱	۲۶۰
لاوان - تنپوزگ	۳۹۶		۳	-	-	-	۱	۲۵۰
لاوان - سیری	۱۵۲		-	۲	۱	-	۱	۲۶۰
لاوان - هندوراسی	۱۷۳		-	۲	۱	-	۱	۲۶۰
کیش - ابوموسی	۱۲۷		-	۲	۱	-	۱	۲۶۰
کیش - تنپوزگ	۳۷۲		۳	-	-	-	۱	۲۵۰
کیش - سیری	۱۲۶		-	۲	۱	-	۱	۲۶۰
کیش - هندوراسی	۲۸		-	۱	۱	-	۱	۲۵۰
ابوموسی - بزرگ	۵۳		-	۲	۱	-	۱	۲۶۰
ابو - سیری	۵۶		-	۲	۱	-	۱	۲۶۰
ابو - هندوراسی	۱۸۸		-	۱	۱	-	۱	۲۶۰
بزرگ - سیری	۷۰		-	۲	۱	-	۱	۲۶۰
بزرگ - هندوراسی	۱۶۵		-	۲	۱	-	۱	۲۶۰
سیری - هندوراسی	۱۲۳		-	۲	۱	-	۱	۲۶۰

و جعبه‌ی مربوط به بهینه‌سازی استفاده شده است. اگر حالت کالی برنامه‌ریزی عدد نرم‌افزار Matlab می‌توان استفاده کرد: صحیح را به صورت رابطه‌ی ۱۰ در نظر بگیریم:

$$[Tree, pred] =$$

graphminspantree

(۱۴) Objective :

$(UG, R, 'Weights', ..., 'Method', ...)$

که در آن، UG نمودار غیرجهت‌دار، R تعداد نقاط، $Weights$ وزن یال‌ها، $Method$ الگوریتم حل انتخابی است که در این مسئله، نمودار شامل نقاط (جزایر) و تمامی مسیرهای میان آن‌ها (یال) است که وزن هر یال با هزینه‌ی عملیاتی مستقیم وسیله‌های اختصاص یافته به هر مسیر محاسبه می‌شود، همچنین، الگوریتم حریصانه انتخاب شد.

$$\min_x f^T x$$

Subject :

$$Ax \leq b,$$

$$Aeq.x = beq$$

$$lb \leq x \leq ub$$

(۱۲)

بنابراین، برای حل مسئله‌ی برنامه‌ریزی عدد صحیح در Matlab از رابطه‌ی ۱۱ می‌توان استفاده کرد:

$$[x, f \min] = \text{int linprog}(f, \text{int con}, A, b, Aeq, beq, lb, ub) \quad (۱۳)$$

که در آن f تابع هدف است و int con نشان می‌دهد که کدام یک از متغیرها عدد صحیح هستند، A ضرایب قیود نامساوی، b مقدار سمت راست قیود نامساوی، Aeq ضرایب قیود مساوی، beq مقدار سمت راست قیود مساوی، lb حد بالا و در نهایت ub حد پایین معادله خواهد بود.

علاوه بر این، برای به دست آوردن درخت پوشای کمینه، از رابطه‌ی ۱۲ در

۳. تفسیر و تحلیل نتایج

نتایج و تحلیل‌های محاسبه‌ی DOC برای دو حالت ارزش زمانی برای مسیرهای مختلف، ارائه‌ی وسیله‌هایی با کارکرد بهینه در مسیر و در نهایت طراحی مسیرهای بهینه با هدف کمینه‌سازی هزینه‌ی نهایی شبکه ارائه می‌شود.

با استفاده از روابط مربوط به محاسبه‌ی DOC برای هواپیما و قایق و معرفی دو مقدار ارزش زمانی، ترکیب‌هایی با کمترین هزینه به منظور جایه‌جایی 25° مسافر انتخاب شدند که در جدول‌های ۴ و ۵ تعداد وسیله‌ی اختصاص یافته به هر مسیر قابل مشاهده است. با توجه به کوتاه بودن مسیرهای، محاسبات برای هواپیماها در سه ارتفاع پروازی مختلف (۶ هزار پا، ۹ هزار پا و ۱۲ هزار پا) در نظر گرفته شد. با توجه

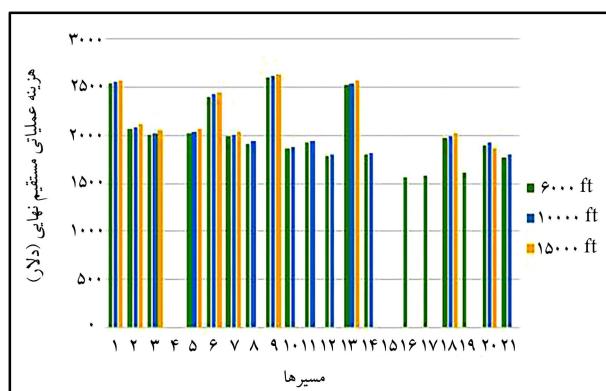
جدول ۵. تعداد پهینه وسیله‌ی اختصاص یافته به هر مسیر با ارزش زمانی ۸ دلار بر ساعت.

مسیر	مسافت (km)	ATR۷۲	Q۳۰۰	WS	HD	T۴۰	مجموع ظرفیت
قشم - لاوان	۳۷۵	۳	۱	-	-	-	۲۶۶
قشم - کیش	۲۲۰	۳	-	۱	-	-	۲۶۰
قشم - ابوموسی	۲۰۰	۳	-	۳	-	-	۲۶۰
قشم - تتب‌بزرگ	۲۲,۵	-	-	۱	۱	۴	۲۵۰
قشم - سیری	۲۰۵	۳	-	۱	-	-	۲۶۰
قشم - هندورابی	۳۳۱	۳	-	-	-	-	۲۶۶
لاوان - کیش	۱۹۳	۳	-	۱	-	-	۲۶۰
لاوان - ابوموسی	۱۷۰	۳	-	۱	-	-	۲۶۰
لاوان - تتب‌بزرگ	۳۹۶	۳	-	-	-	-	۲۶۶
لاوان - سیری	۱۵۲	۳	-	۱	-	-	۲۶۰
لاوان - هندورابی	۱۷۳	۳	-	۱	-	-	۲۶۰
کیش - ابوموسی	۱۲۷	۳	-	۱	-	-	۲۶۰
کیش - تتب‌بزرگ	۳۷۲	۳	-	-	-	-	۲۶۶
کیش - سیری	۱۲۶	۳	-	۱	-	-	۲۶۰
کیش - هندورابی	۲۸	-	-	۱	۱	۴	۲۵۰
ابوموسی - بزرگ	۵۳	-	-	۱	-	-	۲۵۰
ابو - سیری	۵۶	-	-	۱	-	۴	۲۵۰
ابو - هندورابی	۱۸۸	۳	-	۱	-	-	۲۶۰
بزرگ - سیری	۷۰	-	-	۱	-	۴	۲۵۰
بزرگ - هندورابی	۱۶۵	۳	-	۱	-	-	۲۶۰
سیری - هندورابی	۱۲۳	۳	-	۱	-	-	۲۶۰

همچنان برای اکثر مسیرها و مسافت‌ها استفاده از کشتی پیشنهاد می‌شود. تنها در مسیرهایی که مسافت بالای ۳۰۰ کیلومتر است، با توجه به زمان طولانی سفر، ضریب ارزش زمانی تأثیر بیشتری داشته و بنابراین، هواپیما نیز جزء گزینه‌های جایه‌جایی مسافرین خواهد بود. در این میان، قایق‌های مسافربری با ظرفیت کمتر، به صرفه است و برای جایه‌جایی مسافرین استفاده می‌شود. به عنوان مثال، قایق *Jetfoil* علی‌رغم داشتن سرعت بالاتر، با توجه به داشتن *DOC* بالاتر به دلیل مصرف سوخت زیاد در میان گزینه‌های وسیله‌ی پیشنهاد نشده است.

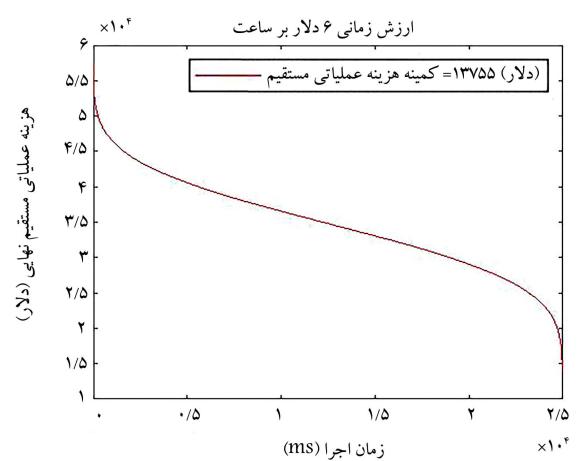
با مقایسه‌ی دو جدول ۴ و ۵ مربوط به وسیله‌های اختصاص یافته با فرض ارزش زمانی ۶ و ۸ دلار بر ساعت، می‌توان به تغییرات آن پی برد. در جدول ۵ با رسیدن مسافت به بیش از ۱۰۰ کیلومتر، مدت زمان سفر افزایش می‌یابد. بنابراین هواپیما نیز در مسافت‌های بالاتر از این جزئی از وسیله‌های پیشنهادی دیده می‌شود. اما با توجه به این که در مسیرهای کوتاه‌تر مدت زمان سفر طولانی نیست، ضریب ارزش زمانی تأثیر چندانی ندارد، و بنابراین قایق‌ها اصلی‌ترین گزینه‌های جایه‌جایی مسافرین خواهند بود.

قایق‌ها برخلاف هواپیماها در مسیرهای کوتاه دریایی نیز قادر به سفر هستند. مشکل اساسی قایق‌ها در سفر، سرعت کم است که این مستلزم باعث کاهش راحتی مسافرین می‌شود. اما چنان‌که ملاحظه می‌شود، هزینه‌ی عملیاتی مستقیم قایق‌ها

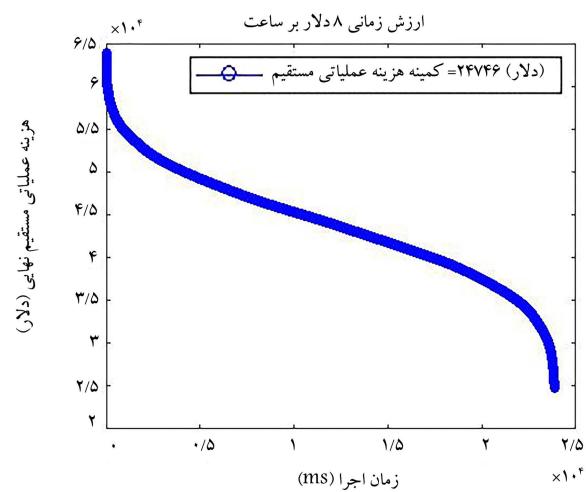


شکل ۲. هزینه‌ی عملیاتی مستقیم برای هواپیماهای ATR۷۲ در سه ارتفاع پروازی مختلف برای مسیرهای موجود.

به نتایج بدست آمده (شکل ۲)، ارتفاع ۶ هزار پا برای محاسبات نهایی انتخاب شد تا مسیرهای بیشتری قادر به عملیات باشد. چنان‌که در جدول ۴ نیز قابل مشاهده است، علی‌رغم افزودن ارزش زمانی ۶ دلار بر ساعت، به دلیل پایین بودن *DOC* قایق‌های مسافربری نسبت به هواپیما،

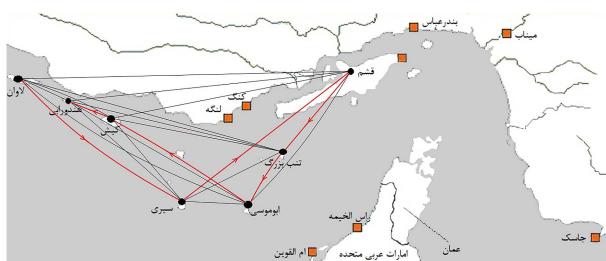


نمودار ۱. تغییرات هزینه‌ی نهایی شبکه با گذر زمان اجرای برنامه برای هزینه‌ی زمانی ۶ دلار بر ثانیه.

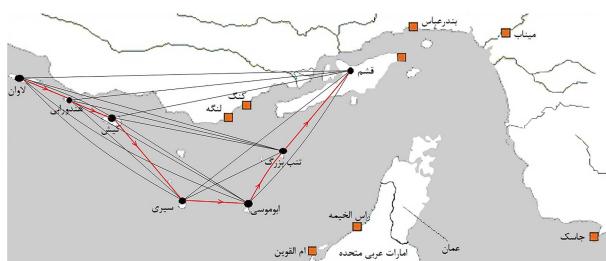


نمودار ۲. مقایسه‌ی هزینه‌های نهایی شبکه‌ی گردشگری با استفاده از دو روش MILP و روش MST.

علی‌رغم وجود هوایپما در وسیله‌های اختصاص یافته به مسافت بالای ۳۰۰ کیلومتر اما، این مسیرها جزو شبکه نبوده و وسیله‌ی اختصاص یافته‌ی بهینه در این شبکه ترکیبی از قایق خواهد بود.
با افزایش ارزش زمانی به ۸ دلار بر ساعت، نوع شبکه از لحاظ مسیر و وسیله‌های اختصاص یافته به هر مسیر تغییر می‌یابد. با توجه به شکل ۴ نقاط سفر به این ترتیب خواهد بود: لاوان، هندورابی، کیش، سیری، ابوموسی، تنب بزرگ و قشم. کمترین مسافت در این سفر $22/5$ کیلومتر بوده که برای جابه‌جاوی مسافرین از سه نوع قایق استفاده شده است، بیشترین مسافت نیز برابر 173 کیلومتر است که بهینه‌ترین حالت استفاده از 3 هوایپمای ATR72 و یک قایق 40 Touring است (مراجعه به جدول ۵). به دلیل بالا رفتن هزینه‌ی زمانی، استفاده از هوایپما به علت سرعت بالاتر و در نتیجه زمان سفر کمتر، در این شبکه هزینه‌ی نهایی کمتری خواهد.
در نمودارهای ۱ و ۲ می‌توان مقادیر مختلف و تغییرات تابع هزینه را در زمان اجرای الگوریتم مشاهده کرد. همانطور که در رابطه‌ی ۳ مشاهده می‌شود، در برنامه با تغییر هر مسیر هزینه‌ی شبکه نیز تغییر می‌کند که این تغییرات در نمودار نیز قابل مشاهده است. تغییرات ناگهانی در انتهای نمودار مربوط به همگرایی به شبکه‌ی



شکل ۳. مسیرهای بهینه‌ی (رنگ قرمز) شبکه‌ی حمل و نقل ترکیبی به روش MILP با ارزش زمانی ۶ دلار بر ساعت، به ترتیب لاوان، سیری، قشم، تنب بزرگ، ابوموسی، کیش، هندورابی.

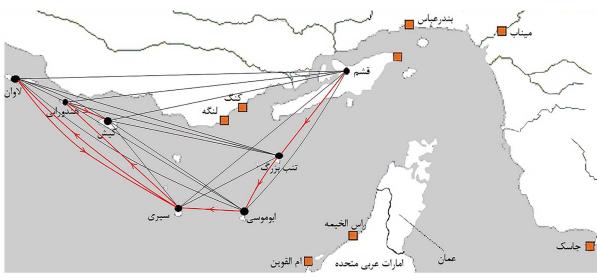


شکل ۴. مسیرهای بهینه‌ی (رنگ قرمز) شبکه‌ی حمل و نقل ترکیبی به روش MILP با ارزش زمانی ۸ دلار بر ساعت، به ترتیب لاوان، سیری، کیش، سیری، ابوموسی، تنب بزرگ، قشم.

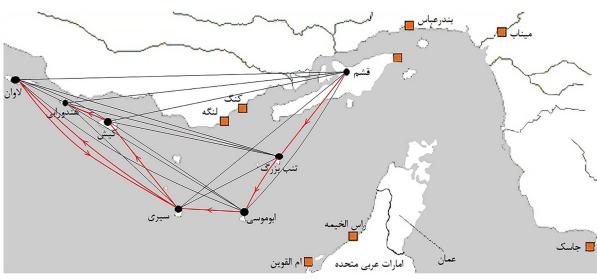
در مقایسه با هوایپما بسیار کمتر خواهد بود. به عنوان مثال، برای مسیر قشم - لاوان، هزینه‌ی عملیاتی مستقیم قایق Waveshuttle با ظرفیت 50 نفر مسافر کمتر از 500 دلار خواهد بود، این در حالی است که هزینه‌ی عملیاتی مستقیم هوایپمای $Q300$ با ظرفیت مشابه، برای همین مسیر برابر 250 دلار خواهد بود. این اختلاف هزینه که حتی در مقایسه با کشتی‌های بزرگ نیز دیده می‌شود، ممکن است ناشی از تفاوت در تکنولوژی ساخت، قیمت اولیه، تفاوت در تعداد و دستمزد کارکنان و ... باشد. به عنوان مثال، هزینه‌ی عملیاتی برای کشتی new camelia در مسیر قشم - لاوان برابر 5600 دلار است. در نگاه اول، این مقدار بسیار بالاتر از هزینه‌ی 4 هوایپمای دیگر است، اما تعداد مسافر جایه‌جا شده توسط این کشتی 500 نفر بوده که سهم هر مسافر بدون در نظر گرفتن هزینه‌های دیگر در حدود 10 دلار خواهد بود، این مقدار برای مسافر هوایپما 50 دلار است و این هزینه‌ی است که مسافرین هوایپما برای زمان و راحتی خود می‌پردازنند.

نتایج حاصل از مقایسه‌ی دو جدول ۴ و ۵ نشان می‌دهد که این روش به ارزش زمانی هر منطقه و زمان جابه‌جا (سرعت وسیله) بسیار حساس است و با تغییر هریک، ممکن است شبکه‌ی نهایی نیز تغییر کند. با این فرض، ممکن است با وسیله‌ها و مسیرهای مشابه، شبکه‌ی که در کشوری طراحی می‌شود، به دلیل اختلاف در ارزش زمانی، متفاوت با شبکه‌ی مشابه در کشور دیگر باشد.
پس از اختصاص وسیله به هر مسیر، شبکه‌ی باید طراحی شود که کمترین هزینه‌ی نهایی را داشته باشد؛ بدین ترتیب مسافرین نیز هزینه‌ی کمتری متقابل خواهند شد و سود شرکت نیز افزایش می‌یابد.

در شکل‌های ۳ و ۴ به ترتیب می‌توان شبکه‌ی طراحی شده برای جابه‌جا 250 مسافر را با ارزش زمانی 6 و 8 دلار بر ساعت به روش برنامه‌ریزی عدد صحیح مشاهده کرد. شبکه‌ی نهایی برای مسیله‌ی 6 دلار بر ساعت از لاوان آغاز شده و به ترتیب پس از عبور از سیری، قشم، تنب بزرگ، ابوموسی و کیش، در نهایت در هندورابی به پایان می‌رسد. با رجوع به این مسیرها در جدول ۴ می‌توان دریافت،



شکل ۵. مسیرهای پیوسته (رنگ قرمز) شبکه‌ی حمل و نقل ترکیبی به روش MST برای جابه‌جایی ۲۵۰ گردشگر با ارزش زمان ۶ دلار بر ساعت؛ مسیرهای بهترین ترتیب: قشم، تنب بزرگ، ابوموسی، سیری، لوان، سیری، هندورایی، کیش.



شکل ۶. مسیرهای پیوسته (رنگ قرمز) شبکه‌ی حمل و نقل ترکیبی به روش MST برای جابه‌جایی ۲۵۰ گردشگر با ارزش زمان ۸ دلار بر ساعت؛ مسیرهای بهترین ترتیب: قشم، تنب بزرگ، ابوموسی، سیری، لوان، سیری، هندورایی، کیش.

اما، برای طراحی شبکه‌های هاب - اسپوک روش توصیه می‌شود زیرا، طرح شبکه در روش MST برای هر دو مورد گردشگری و هاب و اسپوک یکسان است. بنابراین در مقایسه با هزینه‌ی نهایی با روش MST هزینه‌ی نهایی بالایی دارد.

۴. نتیجه‌گیری

در این مطالعه طراحی شبکه‌ی هوایی و دریایی برای جزایر خلیج فارس با تعریف ضریب ارزش زمانی ارائه شد. این شبکه شامل مسیرهای و ترکیب پیوسته‌ی از وسیله‌های دریایی و هوایی برای جابه‌جایی تمامی تعداد گردشگران مفروض بود. با فرضیات و ساده‌سازی صورت گرفته، روش MILP و MST در طراحی شبکه‌ی حمل و نقلی مورد بررسی قرار گرفت، تا هزینه‌ی نهایی ناوگان کمینه شود. با توجه به متغیر بودن ارزش زمانی برای نوع سفر در کشورهای مختلف، بازه مربوط به کشورهای اروپایی فرض شد. به منظور بهبود روند این مطالعه مواردی چون برنامه‌ریزی زمانی کارکنان و سفر، استفاده از قایق پرندۀ در محاسبات چهت استفاده در جزایر که مجهز به فرودگاه نیستند و تخمین دقیق تعداد مسافرین و گردشگران می‌تواند در کارهای آینده مدنظر قرار گیرند تا نتایج حاصله نزدیک تر به واقعیت بازار حمل و نقل شود.

علی‌رغم محدودیت‌های ذکر شده، مدل ارائه شده، مقایسه‌ی هم‌زمان دو وسیله با دینامیک متفاوت با استفاده از ارزش زمانی در طراحی شبکه‌ی شبکه‌ی حمل و نقلی را نشان داده و مسیری جهت بهبود این نوع شبکه‌های ترکیبی فراهم کرده است. این نوع شبکه‌ها، علاوه بر شبکه‌ی حمل و نقل مسافر، برای جابه‌جایی بار نیز پرکاربرد خواهد بود، زیرا، حمل و نقل بار غالباً توسعه چند وسیله انجام می‌گیرد.



نمودار ۳. مقایسه‌ی هزینه‌های نهایی شبکه‌ی گردشگری با استفاده از دو روش MST و روش MILP



نمودار ۴. مقایسه‌ی هزینه‌های نهایی شبکه‌ی هاب - اسپوک با استفاده از دو روش MST و روش MILP

بهینه است. این نمودار نشان‌گر سرعت حل و هم‌گرایی بالای این روش بوده و می‌توان بدون هزینه‌ی زیادی برنامه‌ریزی را تغییر داد و علاوه بر این، می‌توان به دلیل کاربرد بالای این الگوریتم در طراحی شبکه‌های حمل و نقلی بی برد.

۱.۳. مقایسه‌ی نتایج حاصل از برنامه‌ریزی خطی عدد صحیح و درخت پوشای کمینه

در بخش پیشین تنها از روش MILP برای طراحی شبکه‌ی گردشگری استفاده شد؛ در این شبکه مسافرین از نقطه‌ی سفر خود را آغاز کرده و بدون بازگشت به جایگاه پیشین، به نقاط دیگر سفر می‌کنند. در این بخش، روش درخت پوشای کمینه نیز به کار گرفته شد تا نتایج مربوط به هزینه‌ی کل شبکه در هر دو حالت مورد بررسی قرار گرد. در این بخش نیز از ضریب زمانی ۶ و ۸ دلار بر ساعت استفاده می‌شود تا هم‌زمان هر دو وسیله را بتوان به مسیرهای اختصاص داد. نتایج حاصل از طراحی نهایی شبکه و هزینه‌ی نهایی در نمودارهای ۳ و ۴، و شکل‌های ۵ و ۶ قابل مشاهده است.

با مقایسه‌ی هزینه‌ی نهایی دو روش MILP و MST دو نمودارهای ذیلی MILP با داشتن هزینه‌ی نهایی کم‌تر، روشی به صرفه برای طراحی شبکه‌ی گردشگری محسوب می‌شود، زیرا در روش MST هزینه‌ی یال‌هایی که به هاب (جزیره‌ی سیری) ختم می‌شوند باید دوبار محسوب شود. این مسیر تکراری دلیل هزینه‌ی بالاتر این نوع روش نسبت به روش MILP در شبکه‌ی گردشگری است.

پابنوهای

1. intrinsic origin - destination
2. air transportation association of america
3. mixed integer linear programming (MILP)
4. minimum spanning tree (MST)
5. value of time

منابع (References)

1. Crossley, W., Mane, M. and Nusawardhana. "Variable resource allocation using multidisciplinary optimization: initial investigations for system of systems", *10th AIAA/ISSMO Multidisciplinary Analysis and Optimization Conference*, New York (2004).
2. Mane, M., Crossley, W.A. and Nusawardhana. "System of systems inspired aircraft sizing and airline resource allocation via decomposition", *Journal of Aircraft*, **44**(4), pp. 1222-1235 (2007).
3. Hu, X.B. and Di Paolo, E. "A genetic algorithm based on complex networks theory for the management of airline route networks", *Studies in Computational Intelligence (SCI)*, Springer, **129**, pp. 505-545 (2008).
4. Yang, E. "A design methodology for evolutionary air transportation Networks", PhD Thesis, Georgia Institute of Technology (2009).
5. Mane, M. and Crossley, W. "Allocation and design of aircraft for on-demand air transportation with uncertain operations", *Journal of Aircraft*, **49**, pp. 141-158 (2012).
6. Kotegawa, T. "Analyzing the evolutionary mechanism of the air transportation system of system using network theory and machine learning Algorithms", PhD Thesis, Purdue University, USA (2012).
7. Marwaha, G. and Kokkolaras, M. "System of system approach to air transportation design using nested optimization and direct search", *Journal of multiDiscipline optimization*, **51**, pp. 885-901 Springer, (2014).
8. Jansen, P.W. and Perez, R.E. "Integrated design and optimization of aircraft families and air transport network", *16th AIAA Aviation Technology, Integration, and Operations Conference*, USA (2016).
9. Chameddine, I.M. and Kokkolaras, M. "Bio-inspired heuristic for decoupling network configuration in air transportation system of systems design optimization", *ASME 2016 International Design Engineering Technical Conferences*, USA (2016).
10. Manwo, N. and Lo, H. "Robust models for transportation service network design", *Transportation Research, Part B* **94**, pp. 378-386 (2016).
11. Yu, S., Yang, Z. and Yu B. "Air express network design based on express path choices -Chinese case study", *Journal of Air Transport Management*, **61**, pp. 73-80 (2017).
12. Antunes, A.P. Santos, M.G., Pita, J.P. and et al. "Study on the evolution of the air transport network of the Azores", *Transportation Research Journal, Part A*, **118**, pp. 837-851 (2018).
13. Gocmen, E. and Erol, R. "Transportation problems for intermodal networks: mathematical models, exact and heuristic algorithms, and machine learning", *International Journal of Expert Systems with Applications*, **135**, pp. 374-387, (2019).
14. Mahmoudi, R., Shetab-Boushehri, S.N., Hejazi, S.R. and et al. "Determining the relative importance of sustainability evaluation criteria of urban transportation network", *Journal of Sustainable Cities and Society*, **47**, (2019).
15. Myung, Y.S. and Yu, Y.M. "Freight transportation network model with bundling option", *Journal of Transportation Research, Part E*, **133** (2020).
16. Keine, A., Granberg, T.A., Polishchuk, V. and et al. "Decision support for an optimal choice of subsidised routes in air transportation", *Journal of Air Transport Management*, **82** (2020).
17. Ali, R. and Al-Shamma, O. "A Comparative study of cost estimation used for preliminary aircraft design", *Journal of Researches in Engineering: B*, **14** (2014).
18. Roskam, J., *Airplane Design: Part VIII*, Darcorporation; 2nd Edition, (2003).
19. Papanikolaou, A. "Ship design: methodologies of preliminary design", Springer (2014).
20. Barrass, C.B. "Ship design and performance for masters and mates", Elsevier, UK (2004).
21. Roh, M.L. and Lee K.Y. "Computational ship design", Springer Series on Naval Architecture (2014).
22. Oki, E. "Linear programming and algorithms for communication Networks", CRC Press, USA (2013).
23. Sedgwick, R. and Wayne, K., *Algorithms*, Fourth Edition, Pearson Education, USA (2011).
24. Coremen, T., Leiserson, C., Rivest, R. and et al. "Introduction to algorithms", The MIT Press, USA (2009).
25. Meunier, D. and Quinet, E. "Value of Time estimations in cost benefit analysis: the french experience", *European Transport Conference* (2014).
26. Alvarez, B., Hanley, N. and Barberan, R. "The value of leisure time: a contingent rating approach", *Journal of Environmental Planning and Management*, **44**, pp. 681-699 (2010).
27. Feather, P. and Douglass, W. "Estimating cost of leisure time for recreation demand models", AAEA Meetings, USA (1998).