

تحلیل تنش تماسی و ضرایب تمرکز تنش در ابزار اتصال رشته‌های حفاری چاه‌های نفت

امیرضا شاهانی (استاد)

سید محمد حسین شریفی (دانشجوی دکترا)

دانشکده فنی و هندسی، گروه هندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی

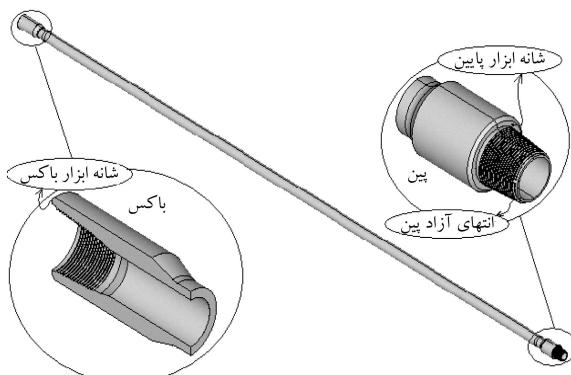
در این پژوهش ابزارهای اتصال پیچی رشته‌های حفاری که در حفاری چاه‌های قائم بیشتر از سایر اعضا در معرض شکستند با استفاده از المان‌های متقاضی محوری در نرم افزار ANSYS، به روش اجزاء محدود مدل شدند. برای مدل سازی تنش بین سطوح نیز از المان‌های تنس و از معادلات قید بهره می‌بریم. نیروهای محوری کششی و فشاری، فشارهای داخلی و خارجی ناشی از سیال حفاری روی لوله، کشتاور اعمال شده از طرف موتور در بالای چاه، و ممان خشی حاصل از کمانش لوله‌های وزین حفاری در پایین چاه عمده‌ترین بارهایی هستند که به مدل وارد می‌شوند. مطابق استاندارد API به منظور بهبود رفتار خستگی این اتصالات مقداری پیش‌بار نیز به آن اعمال می‌شود. مدل تحت بارگذاری کششی، فشاری، پیش‌بار خالص و ترکیبی از آنها قرار گرفته است. تعیین مکان و مقدار پیشینه‌ی ضریب تمرکز تنش در پین (pin) و باکس (box) تأثیر اعمال پیش‌بار روی مقدار ضریب تمرکز تنش، و نیز تأثیر آن بر میزان بار دندانه بحرانی و متعاقباً عمر خستگی از جمله کارهایی است که در این نوشتار به آن پرداخته شده است. در انتهای نیز بحثی در مورد همگرایی جواب مقادیر تنش در سطوح تنس ارائه شده است.

وازگان کلیدی: تحلیل تنش، روش اجزاء محدود، رشته‌ی حفاری، ابزار اتصال، عمر خستگی، المان تماس گره با سطح.

۱. مقدمه

برای حفاری چاه‌های نفت تعداد زیادی از لوله‌های حفاری را به یکدیگر متصل می‌کنند تا مجموعه‌ی آن‌ها گشتاور لازم برای حفاری را از موتور تعیین‌شده روی سکو بهمراه در انتهای چاه منتقل کنند. این لوله‌ها از طریق ابزار اتصال^۱ به یکدیگر بسته می‌شوند (شکل ۱). لوله‌های حفاری با اتصال پیچی بین پین (pin) و باکس (box) به طور متوالی بهم وصل می‌شوند و «رشته‌ی حفاری» را تشکیل می‌دهند. هنگامی که رشته‌ی حفاری برای وزن خود، یا برای عوامل دیگر، تحت بارگذاری محوری قرار می‌گیرد اگرچه ممکن است تنش در دیواره‌ی لوله‌ی حفاری چندان زیاد نشود، بدلیل شکل پیچیده‌ی سازه در ناحیه‌ی دندانه‌های پیچ های ابزارهای اتصال که بسیار مستعد تمرکز تنش هستند، با تنش‌های قابل توجهی در آن ناحیه روبرو می‌شویم.

در سال ۱۹۴۳ و بعدها در سال ۱۹۵۲، محققین با استفاده از مدل‌های فتوالاستیک نشان دادند که در اتصالات پیچی معمولی تنش موضعی بیشینه در نزدیکی هر دندانه در خمیدگی پایه‌ی دندانه تحت بارخ می‌دهد و علاوه بر آن تنش موضعی بیشینه در یک اتصال پیچی کامل در خمیدگی^۲ پایه‌ی دورترین دندانه تحت بار از انتهای آزاد پین اتفاق می‌افتد.^{[۱][۲]}



شکل ۱. یک لوله‌ی حفاری و ابزار اتصال آن مشتمل از پین و باکس.

در سال ۱۹۶۸ محققین دریافتند که از همین نقطه ترک‌های خستگی معمولاً جوانه می‌زنند.^[۳] پس از آن در سال‌های ۱۹۷۱ و ۱۹۷۴ آنچه را که این محققین با استفاده از فتوالاستیک نشان دادند با استفاده از تحلیل اجزای محدود ثابت شد. در سال‌های ۱۹۱۸ تا ۱۹۴۸ نیز تحلیل‌هایی به منظور باقتضای توزیع بار بر روی دندانه‌های اتصال پیچی تحت بار محوری انجام گرفت و نشان داده شد که بار به طور

و حدود ۲۰ درصد بار را تحمل می‌کند. در سال ۲۰۰۴ نیز تحلیل تنش اتصالات لوله‌های حفاری خاصی تحت بارگذاری محوری با استفاده از روش اجزاء محدود انجام شد. طی این مطالعات نیز بیشترین ضریب تمرکز تنش در پایه‌ی اولین دندانه‌ی درگیر در پین دیده شد.^[۱۹]

و در نهایت در سال ۲۰۰۵ در پی بررسی سازوکار خستگی لوله‌های حفاری الومینیومی، آزمایش‌های تمام مقیاس و مقیاس کوچک روی نمونه‌هایی از این لوله‌ها تحت خمین اتناوبی و کشش محوری ثابت انجام شد.^[۲۰] در پایان نیز با استفاده از مدل اجزاء محدود توسط نرم‌افزار ABAQUS، تحلیل تنش لوله‌ها انجام شد که نتایج این تحلیل در ناحیه‌ی ابزار اتصال همانند تحقیقات قبلی بود.

در این پژوهش به‌منظور انجام تحلیل‌های گوناگون بر روی اتصالات رشته‌ی حفاری از روش اجزاء محدود در نرم‌افزار ANSYS با استفاده از المان‌های متقاضن محوری و تماس^۸ استفاده می‌شود. در این راستا نحوه‌ی تقسیم بار محوری روی دندانه‌های ابزار اتصال پیچی و تغییرات ضریب تمرکز تنش در پایه‌ی دندانه‌های پین و باکس به‌اء اعمال بارهای خارجی بررسی شده است. در این تحلیل‌ها حالت‌های گوناگون بارگذاری - اعم از فشاری، کششی و اثرات اعمال پیش‌بار (۷ حالت) - روی ضرایب تمرکز تنش مورد بررسی قرار گرفته است. همچنین تنش‌های تماсی موضعی روی سطوح مشترک تماس مورد توجه قرار گرفته‌اند. دومورد تامبرده‌ی اخیر نقطه‌ی تقاضوت این تحقیق با تحقیقات قبلی است. با توجه به‌نتایج بدست آمده مشاهده شد که در حضور پیش‌بار، اگرچه اعمال بار محوری به‌سازه تغییر چندانی در بار دندانه‌ی بحرانی ایجاد نمی‌کند، دامنه‌ی تغییرات تنش را کاهش می‌دهد و نتیجه‌تاً عمر خستگی ابزار اتصال افزایش قابل توجهی پیدا می‌کند. همچنین ملاحظه شد که در صورت وجود پیش‌بار، ضریب تمرکز تنش در پایه‌ی دندانه‌ی بحرانی پین با افزایش بار محوری اعمالی کاهش می‌باشد. در حالی که بدون وجود پیش‌بار ضریب تمرکز تنش با تغییر بار محوری تغییر نمی‌کند.

۲. تعریف ضریب تمرکز تنش در اتصالات پیچی

در این بخش دو تعریف مختلف که در مقالات گوناگون مورد توجه قرار گرفته‌اند، ارائه می‌شود؛ اولین تعریف که به «تعریف کلاسیک ضریب تمرکز تنش» معروف است به صورت نسبت بزرگ‌ترین مقدار تنش اصلی در پایه‌ی دندانه‌ی پیچ بر تنش نامی تعریف می‌شود. تنش نامی را تنش در دیواره‌ی ابزار اتصال - جایی که به میزان کافی دور از ناحیه‌ی پیچی و آشفتگی انتهای آن باشد - در نظر می‌گیرند. مسلماً با تغییر

تعریف تنش نامی، ضریب تمرکز تنش نیز تغییر خواهد کرد.

به‌گونه‌ی دیگر ضریب تمرکز تنش به‌صورت نسبت بیشینه‌ی تنش‌های محوری موضعی پایه‌ی دندانه‌ی نام در نزدیکی آن (σ_s) به تنش محوری میانگین نامی در پدنده‌ی پین یا باکس در همان ناحیه (S_s) تعریف می‌شود:^[۲۱]

$$SCF = \frac{\sigma_s}{S_s} \quad (1)$$

که در آن:

$$S_s = \frac{\sum_{j=i}^5 P_j}{A_i} \quad (2)$$

است (شکل ۲).

با استفاده از این تعریف و با آگاهی از نحوه‌ی توزیع بار روی دندانه‌های اتصال، مشخصات هندسی دندانه و همچنین توزیع ضریب تمرکز تنش بر روی پایه‌ی

یکنواخت برروی تمامی دندانه‌ها توزیع نمی‌شود، بلکه توزیع بار برروی آنها سهمه‌ی است و بیشترین مقدار بار روی اولین جفت دندانه از طرف شانه^۳ ابزار اتصال یا دورترین جفت دندانه تحت بار از انتهای آزاد بین صورت می‌گیرد (شکل ۱).^[۲۲] در سال ۱۹۴۸ هیوود بیان کرد که علت تغییر ضریب تمرکز تنش از یک دندانه به دندانه دیگر آن است که این ضریب در پایه دندانه طی دو سازوکار جداگانه ایجاد می‌شود:^[۱۰] نخست با خمین دندانه که به صورت یک تیر یک‌سردگیر است، و دوم بر اثر افزوده شدن تنش شیار^۴ روی تنش محوری در بدنی عضو.

در سال ۱۹۸۷ با استفاده از تنش‌های میانگین محوری به عنوان مرجع، دریافتند که ضریب تمرکز تنش برای هر دندانه مفروض وابسته به نسبت تنش محوری به تنش خمسی دندانه است.^[۱۱]

در سال ۱۹۸۶ با توجه به محدودیت ابزارهای محاسباتی آن زمان، از روش ترکیبی اجزاء محدود - مقایسه‌ی^۵ به‌منظور تحلیل تنش در ناحیه‌ی دندانه‌های یک اتصال پیچی استفاده کردند.^[۱۲] حذف خصوصیت غیرخطی بودن تحلیل (تماس بین سطوح یک پدیده‌ی غیرخطی است)، تعدد تحلیل‌ها و نادیده‌گرفتن تنش‌های ایجادشده در سطوح تماсی که به‌هیچ عنوان از این روش قابل محاسبه نیستند - در حالی که مقادیر این تنش‌ها گاهی ممکن است بسیار بزرگ باشند - از معایب روش ارایه شده می‌باشد.

در سال ۱۹۹۱ نیز با استفاده از همان مدل مورد استفاده در سال ۱۹۸۶، محققین به تحلیل تنش اتصالات پیچی لوله‌ها برداختند.^[۱۳] مدل آنها قادر بود هم توزیع بار روی دندانه‌های ابزار اتصال را بیابد و هم تنش‌های موضوعی در پایه دندانه‌ها را.

در سال ۱۹۹۳، به‌منظور یافتن منطقه‌ی^۶ با بیشترین تمرکز تنش در اتصالات پیچی رشته‌های حفاری، تحت بارگذاری‌های محوری، خمین خالص و پیچش خالص به‌روش اجزاء محدود تحلیل‌هایی انجام گرفت و به‌دبیاب آن دریافتند که بیشترین تمرکز تنش در اثر بارگذاری محوری ایجاد می‌شود.^[۱۴] مطالعات انجام شده بر روی چند نوع اتصال پیچی صورت گرفت، و در مدل سازی منطقه‌ی تماس بین پین و باکس از المان‌های تماس گره با گره^۷ استفاده کردند - بدون آن که تنش‌های ایجادشده در منطقه‌ی تماس را مورد توجه قرار دهند.

در ادامه، در سال ۱۹۹۵، با استفاده از مدل‌های دو بعدی متقاضن محوری اجزاء محدود، ضرایب تمرکز تنش و تنش‌های ایجادشده در ابزار اتصال پیچی رشته‌های حفاری مورد بررسی قرار گرفت.^[۱۵] در این مطالعات محققین دریافتند که ریشه‌ی اولین دندانه‌ی درگیر در پین و آخرین دندانه‌ی تحت بار باکس محل تمرکز تنش و تنش‌های موضوعی بالا هستند.

تحلیل تنش اتصالات لوله‌های حفاری، تحت بارگذاری خمسی و محوری، با استفاده از روش اجزاء محدود در سال ۱۹۹۹ انجام شد.^[۱۶] نتایج بدست آمده بیان‌گر آن است که برای هر نوع بارگذاری، ضریب تمرکز بیشینه در پایه‌ی اولین دندانه‌ی درگیر پین و آخرین دندانه‌ی درگیر باکس است.

در سال ۲۰۰۱، ضریب تمرکز تنش برای اتصالات دندانه‌ی رشته‌ی حفاری^۸ در بارگذاری پیش‌بار، محوری و خمسی با استفاده از یک روش هیبریدی برپهایی زیرمدل اجزاء محدود (FEM) محاسبه شد.^[۱۷] در این مطالعات، دندانه‌ی اول باکس بحرانی‌ترین دندانه تشخیص داده شده و نتیجه‌گیری شد که در بارگذاری دینامیکی فقط محاسبه‌ی مقادیر ضریب تمرکز تنش برای باکس ضرورت دارد. در همین سال (۲۰۰۱)، برای محاسبه‌ی محدودیت بارگذاری اتصالات دندانه‌ی رشته‌ی حفاری API در بارگذاری ترکیبی محوری، خمسی و پیچشی، با استفاده از روش اجزاء محدود درصد تحمل بار توسط هر دندانه تعیین شد.^[۱۸] نشان داده شد که در شرایط مختلف بارگذاری، دندانه‌ی اول درگیر بیشترین سهم را در برابر دارد

۲.۳. نحوه ایجاد مدل

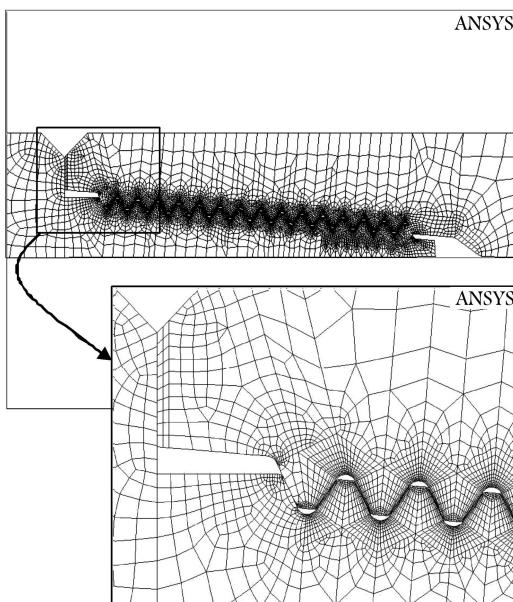
به منظور مدل سازی، برنامه بی مورد استفاده قرار گرفت که با استفاده از زبان Visual C++ نوشته شد. این برنامه هندسه ای مدل را به ANSYS معرفی می کند. در این حال بدلیل تقارن محوری سازه و بازگذاری، از المان های PLANE ۴۲ نرم افزار ANSYS استفاده شد. شکل ۳ نمونه بی از مدل به همراه شبکه بندی آن را نشان می دهد.

۳.۳. نحوه اعمال پیش بار

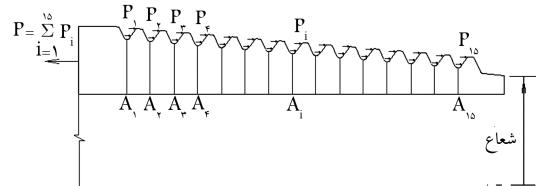
در این مطالعه برای اعمال پیش بار از توصیه های استانداردهای رشتی هفاری مبنی بر استفاده از مؤلفه های غشایی تنش معادل با 431 MPa در مقطع موازی شانه ای ابزار اتصال بهره می گیریم. در مدل سازی این پیش بار از دو روش استفاده شده است که هر دو روش به جواب یکسان انجام میدند.

در روش اول، سطح جلویی شانه ابزار اتصال باکس را دقیقاً بر سطح جلویی شانه ابزار اتصال پین منطبق نمی کنیم، بلکه آنها را انداختی در هم نفوذ می دهیم (میزان این نفوذ برای این که توصیه های استاندارد را برآورده سازد حدود 3 mm است). پس از آن حل مسئله در دو مرحله انجام می شود: ابتدا گره های روی شانه ابزار اتصال باکس را با اعمال قید جایه جایی بر روی آنها به قدری جایه جایی می کنیم که سطح شانه ابزار اتصال پس از تحلیل بر هم منطبق شوند، سپس قیود جایه جایی روی این سطح را بر می داریم و تحلیل دوم را انجام می دهیم. در مرحله دوم حل پس از این که قیود جایه جایی را حذف می کنیم شرایط اولیه همان شرایط نهایی تحلیل مرحله ای اول است (یعنی شانه ابزار اتصال باکس در آستانه ای برخورد به شانه ابزار اتصال پین است). بدلیل وجود المان های تماش، دو سطح روی هم فشرده می شوند و فشار وارد به دندانه های ابزار اتصال منتقل می شود.

در روش دوم از انبساط حرارتی استفاده می کنیم، بدین صورت که ناحیه کوچکی از جلوی شانه ابزار اتصال باکس به گونه بی مدل می شود که ماده ای آن دارای ضریب انبساط حرارتی غیر صفر در راستای محوری باشد و بقیه ای مدل دارای

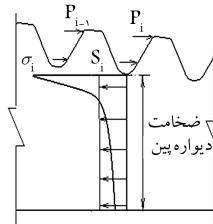


شکل ۳. نمونه بی از شبکه بندی مدل.



$$S_i = \frac{\sum_{j=i}^{i+1} P_j}{A_i}; \text{ e.g. } S_{13} = \frac{P_{13} + P_{14} + P_{15}}{A_{13}}$$

(الف)



شکل ۲. کدگذاری بارها و تنش ها.

دندانه های اتصال، می توان مقادیر تنش موضعی بیشینه را در پایه هی هر یک از دندانه ها محاسبه کرد. اهمیت این مطلب بدان سبب است که برخی از روش ها مانند روش مقابله بی قادرند با فرضیات ساده کننده به راحتی توزیع نیرو روی دندانه های اتصال را ارائه کنند.^[۱۲] بنابراین با استفاده از این تعریف می توان مقادیر موضعی تنش های بیشینه را در پایه هی هر یک از دندانه ها محاسبه کرد. فایده هی دیگر این تعریف آن است که در اتصالات تحت پیش بار، اثرات پیش بار هم در تنش های بیشینه و هم در تنش های نامی ظاهر می شوند، در حالی که در تعریف قبلی اثر پیش بار فقط در تنش های بیشینه، و نه در تنش های نامی، ظاهر می شود.

۳. مدل سازی اجزاء محدود مسئله

۱.۳. فرضیه ها

با توجه به این که تغییر مقادیر ضریب اصطکاک بین سطح پیچی ابزار اتصال تأثیر چندانی بر مقادیر بیشینه تنش های تماسی ندارد^[۱۵]، سطوح تماسی را در تحلیل تنش بدون اصطکاک فرض می کنیم. همچنین فرض می کنیم پس از بسته شدن ابزار اتصال، ۱۵ جفت دندانه ای از آنها به هم درگیر شوند. با توجه به کم بودن زاویه هی مارپیچ^۹ و لزوم استفاده از مدل دوبعدی در تحلیل های تنش از این زاویه هی کوچک صرف نظر می کنیم. مشخصات رشتی هفاری مطابق استاندارد API^[۱۶]، به صورت زیر است:

Class : New (مشخصات لوله هفاری)

Size and style : ۵ IEU

Nominal weight : ۱۹,۵ lb/ft (۲۹,۰۵ kg/m)

NC ۵۰ (مشخصات ابزار اتصال)

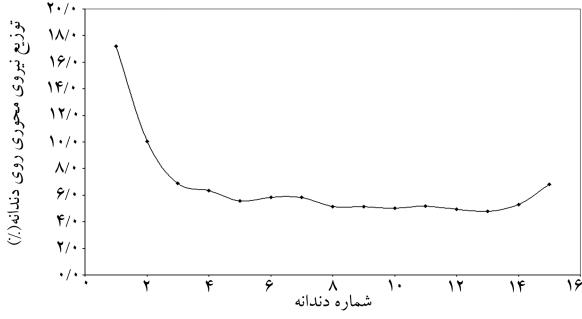
V = ۰,۰ ۳۸ R (Taper = ۲ in/ft) (پروفیل دندانه های پیچ ابزار اتصال)

Young's modulus (E) = ۲۱۰ GPa (مشخصات ماده)

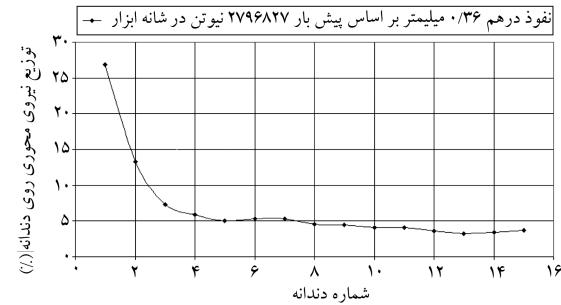
Poisson ratio (ν) = ۰,۳

Ultimate strength = ۹۶۵ MPa

Density (DEN S) = ۷۸۵ kg/m³



شکل ۴. نحوه تقسیم بار محوری اعمال شده بر روی هر یک از دندانه‌های ابزار اتصال.



شکل ۵. نحوه تقسیم محوری پیش بار ایجاد شده در اثر اعمال پیش بار استاندارد.

در این شکل نیز مشاهده می‌شود در حالت اعمال پیش بار نیز عدمه بار به‌وسیله‌ی اولین زوج دندانه تحمل می‌شود. با مقایسه‌ی شکل ۴ و ۵ مشاهده می‌شود که در اثر اعمال پیش بار نسبت به حالت اعمال بار محوری کششی، درصد بیشتری از بار به‌وسیله‌ی اولین زوج دندانه تحمل می‌شود.

۳.۴. نحوه تقسیم بار روی دندانه‌های ابزار اتصال بر اثر اعمال بارهای ترکیبی محوری و پیش بار

به منظور بررسی دقیق تر اثر پیش بار بر نحوه توزیع بار روی دندانه‌های ابزار اتصال در بارهای محوری کششی و فشاری، و آزان مهم تر هنگامی که بار خارجی متغیر است (مثل بارهای تناوبی که باعث خستگی در سازه می‌شوند)، پنج ترکیب مختلف دیگر از بارهای محوری با پیش بار و بدون پیش بار در جدول ۱ ارائه شده است که در اینجا مورد بررسی قرار می‌گیرد. این پنج نوع بارگذاری حالت‌های ۳ تا ۷ در جدول ۱ را تشکیل می‌دهند.

جدول ۱. حالات بارگذاری مختلف و نتایج به‌دست آمده برای هر یک در دندانه بحرانی پین.

تش محلی دندانه بحرانی σ_c/σ_c^P [MPa]	$K_{ti} = \sigma_c/S_c$ $K_t^P = \sigma_c^P/S_c^P$	$\sum_i P_i$ P_i	تش نامی در محل بحرانی (Sc) [MPa]	بار دندانه محوری (Pc) [N]	ترکیب بار		شماره حالت بار
					بار اعمالی پیش بار اوایله [N]	پیش بار اوایله [N]	
۲۸۰۳	۵,۰۱	۵,۸۲	۵۵۹,۵	۴۸۰۹۲۱	۰	۲۷۹۶۸۲۷	۱
۳۳۴۶	۵,۹۸	۳,۷۳	۵۵۹,۵	۷۵۰۲۹۳	۲۷۹۶۸۲۷	۰	۲
۳۶۳۹	۵,۶۰	۴,۲۸	۶۵۰,۴	۷۵۹۶۳۲	۲۷۹۶۸۲۷	۱۳۹۸۴۱۴	۳
۴۹۳۷	۵,۲۹	۴,۸۸	۷۴۳,۷	۷۶۲۴۳۶	۲۷۹۶۸۲۷	۲۷۹۶۸۲۷	۴
۳۰۵۲	۶,۵۱	۳,۱۶	۴۶۸,۵	۷۴۰۵۴۲	۲۷۹۶۸۲۷	-۱۳۹۸۴۱۴	۵
۲۷۵۸	۷,۳۰	۲,۵۸۵	۳۷۷,۷	۷۳۰۳۷۱	۲۷۹۶۸۲۷	-۲۷۹۶۸۲۷	۶
-۵۹۸,۶	۲,۸۶	۲۶,۶۵	-۲۰۹,۴۹	-۳۹۲۹۹	۰	-۲۷۹۶۸۲۷	۷

ضریب انبساط حرارتی صفر باشد. در این صورت با اعمال درجه حرارت خاصی به مدل، این بخش منبسط می‌شود و به‌سمت شانه ابزار اتصال پین حرکت می‌کند. این در حالی است که به‌دلیل وجود المان‌های تماس، سطوح در این ناحیه بروی یکدیگر فشرده خواهند شد. مزیت این روش نسبت به روش ازنجا حاصل می‌شود که به‌دلیل ضریب مرحله انجام می‌پذیرد. اعتبار این دو روش از نینجا حاصل می‌شود که به‌دلیل ضریب کشسانی بالای ماده‌ی سازنده ابزار اتصال (عنی فولاد)، تغییرشکل اندک ماده‌ی ناحیه‌ی شانه ابزار اتصال باکس تنش بسیار بالایی در مدل ایجاد می‌کند، اما درنهایت هندسه‌ی مدل تغییر چندانی نخواهد کرد. میراث تغییر در هندسه‌ی مدل به حدی است که کاملاً قابل صرف نظر است و در نتایج هیچ‌گونه تأثیری نخواهد داشت.

۴. ارزیابی نتایج به‌دست آمده

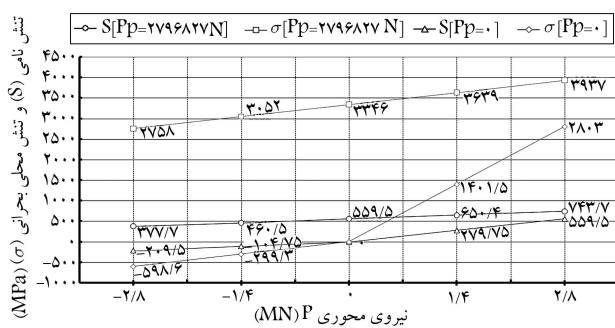
به‌دلیل اهمیت بسیار زیاد پیش بار در رفتار اتصال، بررسی‌های خود را هم در حالت با پیش بار و هم در حالت بدون پیش بار انجام می‌دهیم. به این منظور ۷ حالت بارگذاری مختلف در جدول ۱ ارائه شده است. نیروی ۲۷۹۶۸۲۷N نیروی است که استاندارد به عنوان پیش بار در ناحیه‌ی شانه‌ی این نوع ابزار اتصال پیشنهاد کرده است.

۴.۱. نحوه تقسیم بار روی دندانه‌های ابزار اتصال به‌ازاء بار محوری
بارگذاری سازه در این مورد، مطابق حالت ۱ از جدول ۱ است. شکل ۴ نحوه تقسیم بار محوری اعمال شده بر روی دندانه‌های ابزار اتصال را نشان می‌دهد. چنان‌که مشاهده می‌شود بیشترین درصد بار محوری (عنی ۱۷٪ کل بار) به‌وسیله‌ی اولین جفت دندانه‌ی درگیر حمل می‌شود.

مطالعات پیشین نیز به نتایج مشابهی در این زمینه نایل آمده‌اند^[۱۴] که در یک اتصال پیچی NC46 با ۱۳ دندانه‌ی درگیر اولین دندانه حدود ۲۱,۵٪ کل بار را تحمل می‌کند. ملاحظه می‌شود که غیر از دندانه‌ی بحرانی، توزیع بار میان سایر دندانه‌ها تقریباً یکنواخت است.

۴.۲. نحوه تقسیم بار روی دندانه‌های ابزار اتصال در اثر اعمال پیش بار خالص

در شکل ۵ نحوه تقسیم محوری پیش بار خالص اعمال شده (متناظر با ردیف دوم جدول ۱) بین ۱۵ دندانه‌ی یک ابزار اتصال NC50 نشان داده شده است. چنان‌که



شکل ۷. تنش‌های نامی و موضعی در پایه‌ی دندانه بحرانی پس از محاسبه بار محوری اعمال شده.

موضعی (σ_c) در پایه‌ی دندانه بحرانی پس از (اولین دندانه از سمت شانه) برحسب بار محوری اعمال شده (اعم از کششی یا فشاری) نشان داده شده است. چنان‌که در این شکل مشاهده می‌شود، σ_c به‌ازاء هر نوع بار محوری اعمال شده به‌بار اتصال اعم از کششی یا فشاری، در اتصال با پیش‌بار اولیه بیشتر از اتصال بدون پیش‌بار است. در حالت بارگذاری فشاری ($\sigma < p$ ، به‌ازاء تغییر بار p از صفر تا -2796827 نیوتون، σ_c در اتصال بدون پیش‌بار از صفر تا $-598/6$ مگاپاسکال، و در اتصال با پیش‌بار از 2346 تا 2758 مگاپاسکال تغییر می‌کند. بنابراین در اتصال بدون پیش‌بار محدوده‌ی تغییرات تنش معادل با $-598/6$ مگاپاسکال، و در اتصال با پیش‌بار -588 مگاپاسکال است که تقریباً معادل آن است. بنابراین در حالت بار اعمالی فشاری با اعمال پیش‌بار اولیه به اتصال پیچی تغییر چندانی در محدوده تغییرات تنش موضعی در پایه‌ی دندانه بحرانی پس از حاصل نمی‌شود اما سطح تنش میانه 1° بالا می‌رود.

در حالت بارگذاری کششی ($\sigma > p$ ، به‌ازاء تغییر بار p از صفر تا 2796827 نیوتون، σ_c در اتصال بدون پیش‌بار از صفر تا $280/3$ مگاپاسکال و در اتصال با پیش‌بار از 3346 تا 3937 مگاپاسکال تغییر می‌کند. بنابراین در اتصال بدون پیش‌بار محدوده‌ی تغییرات تنش معادل با $280/3$ مگاپاسکال و در اتصال با پیش‌بار 591 مگاپاسکال است. لذا به‌ رغم عدم تأثیر پیش‌بار در پایین آوردن محدوده تغییرات تنش (σ_c) اتصالات تحت بارگذاری فشاری، مشاهده می‌کنیم که پیش‌بار نقش عمده‌ی در کاهش محدوده تغییرات تنش (σ_c) در اتصالات تحت بارگذاری کششی دارد.

چنان‌که در شکل ۷ مشاهده می‌شود، به‌محض این‌که بار محوری p از حالت فشاری به‌حالات کششی تغییر می‌کند در اتصال بدون پیش‌بار گردیدن تغییرات σ_c نسبت به p به‌شدت افزایش می‌یابد. در حالتی که اتصال پیچی مورد نظر در محدوده‌ی بار $2796827 \sim 2796827$ نیوتون کار می‌کند، محدوده تغییرات تنش (σ_c) در اتصال با پیش‌بار نسبت به اتصال بدون پیش‌بار از $340/1,6$ مگاپاسکال به 1179 مگاپاسکال کاهش می‌یابد.

مسلماً دو اتصال تحت محدوده تغییرات بار اعمالی یکسان و محدوده تغییرات تنش بحرانی متفاوت، چنانچه تنش میانه در هر دو آنها به‌اندازه‌ی باشد که مطابق معیارهای تسلیم هیچ‌گاه اتصالات به تسلیم نرسید، دارای عمر یکسان نخواهند بود و اتصالی که محدوده تغییرات تنش بحرانی آن کم‌تر است، عمر بیشتری دارد.

۴.۴ محاسبه‌ی عمر خستگی

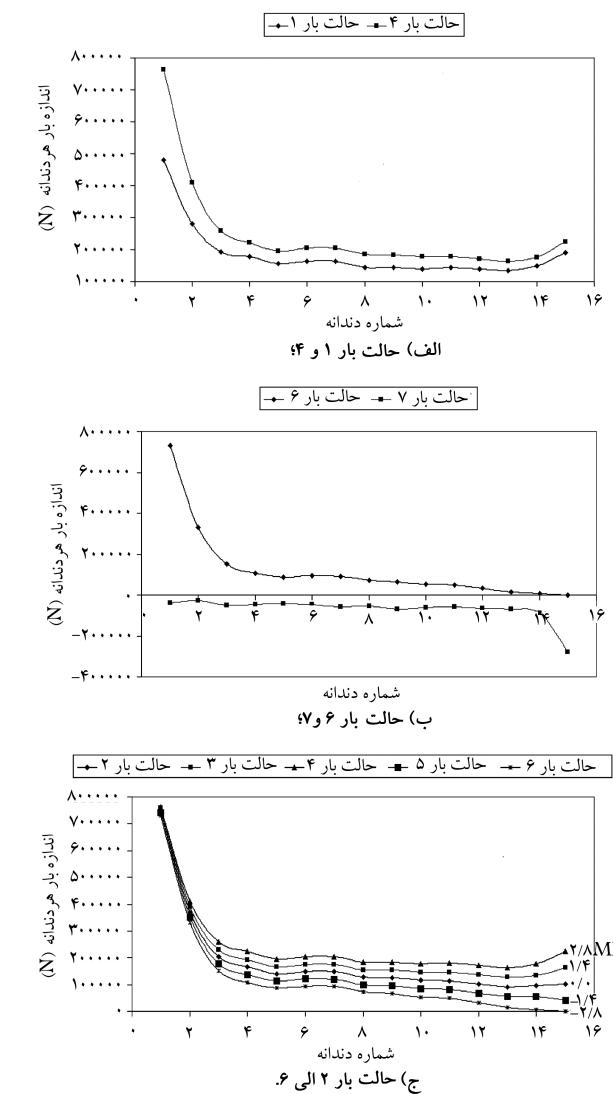
عمر خستگی با استفاده از رابطه‌ی ۳ محاسبه می‌شود:

$$\sigma_a = (\sigma'_F - \sigma_m) (2N_F)^b \quad (3)$$

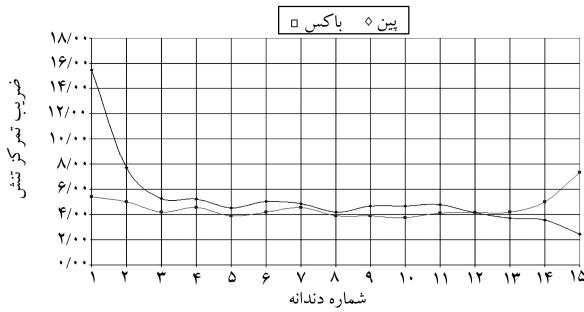
توزیع بارهای روی دندانه برای تمامی ۷ حالت در شکل‌های ۶، ۷ و ۸ نشان داده شده‌اند. در شکل‌های ۶ و ۷ ب مشاهده می‌شود که وجود یک پیش‌بار اولیه، سهم تحمل بار دندانه‌های نزدیک شانه را بیشتر از دندانه‌های دیگر بالا می‌برد؛ و بنابراین افزایش بار در نزدیک‌ترین دندانه به‌شانه اتفاق می‌افتد. در شکل ۶ هر پنج مدل پیش‌بار یکسان دارند اما بار محوری اعمال شده بر آنها متفاوت است. نکته‌ی جالب توجه این است که براساس شکل ۶ تغییر بار محوری اعمالی در یک اتصال دارای پیش‌بار اولیه تغییر چندانی در بار روی اولین جفت دندانه ایجاد نمی‌کند.

در شکل ۶ ب مشاهده می‌شود که پیش‌بار حتی باعث تغییر جهت اعمال بار به‌دندانه‌ها نیز شده است. این حقیقت که در یک اتصال پیش‌بارگذاری شده با تغییر بار محوری اعمالی (اعم از کششی یا فشاری) تغییر چندانی در بار اولین جفت دندانه ایجاد نمی‌شود، از اهمیت بسیار زیادی در مسائل تحت بارگذاری تناوبی برخوردار است. این بدان معنوم است که پیش‌بارگذاری باعث کاهش محدوده تغییرات تنش در مکان بحرانی اتصال پیچی شده است.

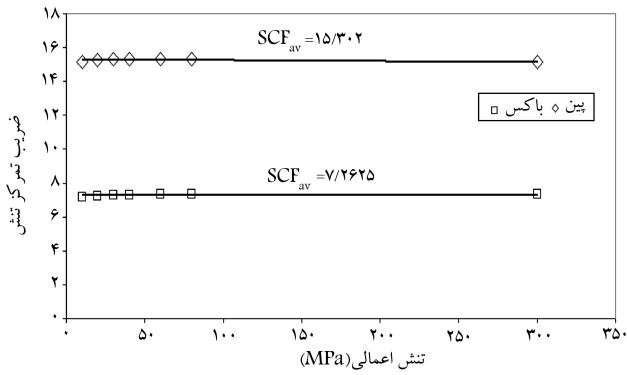
در شکل ۷، تنش‌های نامی (S_c) - که طبق رابطه‌ی ۲ تعریف شده است - و



شکل ۶. نحوه‌ی توزیع بار روی دندانه‌ها.



شکل ۹. نمودار تغییرات ضریب تمرکز تنش در پایه ۱۵ دندانه از پین و باکس تحت بار محوری بدون پیش بار (شماره گذاری دندانه های پیچ از طرف شانه ابزار اتصال انجام شده است).



شکل ۱۰. تغییرات ضریب تمرکز تنش در پایه ای اولین دندانه ای پین و آخرين دندانه ای باکس بر حسب تغییرات بار محوری نامی اعمال شده بر مدل بدون پیش بار.

پایه ای سه دندانه ای آخر عموماً بیشتر از مقادیر ضریب تمرکز تنش در باکس است. در این نمودارها بیشترین ضریب تمرکز تنش در پین، $15/4$ و در باکس $7/3$ است. پیش تر محققین دیگر هم چنین نمودارهایی را ارائه کرده اند.^[12] آنان بیشترین ضریب تمرکز تنش در پین را $15/1$ و در باکس $7/5$ محاسبه کردند. محل این ضریب تمرکز تنش حداکثر در هر دو دسته نتایج یکسان به دست آمد. همچنین توزیع مقادیر در هر دو نمودار تقریباً یکسان است. البته نباید فراموش کنیم که نوع اتصالات مورد استفاده ای این محققین و تعداد دندانه های در گیر آنها با ما نتفاوت دارد.

تغییرات ضریب تمرکز تنش در پایه ای اولین دندانه ای پین و آخرين دندانه ای باکس بر حسب تغییرات بار محوری نامی اعمال شده بر مدل بدون پیش بار در شکل ۱۰ رسم شده است. چنان که مشاهده می شود توزیع ضریب تمرکز تنش در پایه ای اولین دندانه ای پین و آخرين دندانه ای باکس که هر دو جزو بحرانی ترین نقاط سازه هستند در یک اتصال پیچی بدون پیش بار به میزان بار محوری نامی اعمال شده بر سازه حساسیت ندارند و به ازاء تمامی مقادیر بار در هر دو سازه مقدار ثابتی برای ضریب تمرکز تنش به دست آمده است. بنابراین بار هرچه باشد ضریب تمرکز تنش ثابت می ماند و می توان به ازاء هر بار خارجی - کم یا زیاد - از یک ضریب تمرکز تنش استفاده کرد.

ب) نتایج مربوط به ضریب تمرکز تنش در پایه دندانه های پیچ با استفاده از تعریف جدید

در شکل ۱۱ تغییرات ضریب تمرکز تنش با تعریف جدید را در پایه ای اولین دندانه ای پین و آخرين دندانه ای باکس بر حسب تغییرات بار محوری نامی اعمال شده بر مدل بدون پیش بار نشان می دهد. چنان که مشاهده می شود با استفاده از این تعریف نیز ضریب تمرکز تنش در یک اتصال پیچی بدون پیش بار محوری نامی

که در آن σ_a دامنه ای تغییرات تنش، σ_m تنش متناظر با واماندگی در اولین دوره، $2N_F$ عمر و b قوان مقاومت خستگی ماده هستند. با توجه به شکل ۷ محدوده ای تغییرات تنش های نامی در پایه ای دندانه بحرانی پین، بین $(559/5 \sim 209/5)$ - $(377/7 \sim 743/7)$ مگاپاسکال برای حالت بدون پیش بار و بین مقادیر ارائه شده موجود^[22]، برای حالت با اعمال پیش بار است. با استفاده از $\sigma'_F = 1.9S_u$ و $b = 50/92$ می توان خستگی به دست آمده برای دو حالت با پیش بار و بدون پیش بار به ترتیب معادل $10^{9.16}$ (حدود ۶۶۹۰ روز) و $10^{8.9}$ (حدود ۴۰ روز) به دست می آید. این بدان معناست که عمر خستگی ابزار اتصال با اعمال پیش بار حدود ۱۸۲ مرتبه بیشتر از حالتی است که پیش بار اعمال نمی شود.

۵.۴. نحوه توزیع بار روی هر یک از دندانه های ابزار اتصال

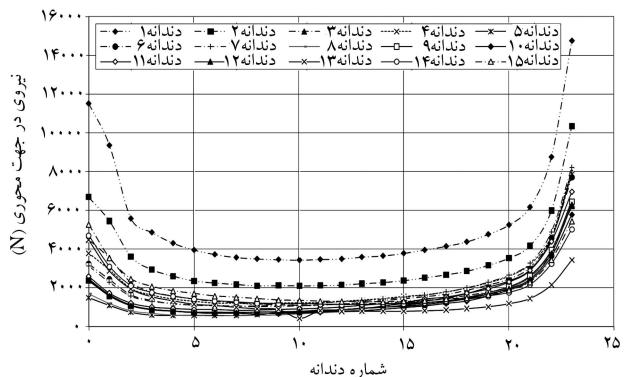
با اعمال تنشی معادل 20 مگاپاسکال به سطح مقطع پایینی لوله های حفاری در ناحیه ای دور از آشفتگی های آن، جایی که لوله کم ترین ضخامت را دارد، نحوه توزیع بار روی هر یک از دندانه ها را بررسی می کنیم.

در شکل ۸، نحوه توزیع بار برابر 24 گره از هر دندانه از پین نشان داده شده است. نقطه ای صفر پایین ترین نقطه ای تماس بین دو دندانه، و نقطه ای 23 بالاترین نقطه ای تماس بین آنها را نشان می دهد. فاصله ای گره ها از هم ثابت و برابر $5/11232$ میلی متر است. چنان که در این شکل مشاهده می شود بار حمل شده به وسیله ای هر دندانه دارای توزیعی است که در پایین و بالای دندانه به مقادیر بیشینه خود می رسد و در نقاط میانی دندانه تقریباً یکنواخت می شود. این نحوه توزیع بار می تواند دید خوبی نسبت به نحوه توزیع تنش های تماسی به ماده بددهد. مطابق این شکل بحرانی ترین نقطه ای دندانه بالاترین نقطه ای تماس آن است.

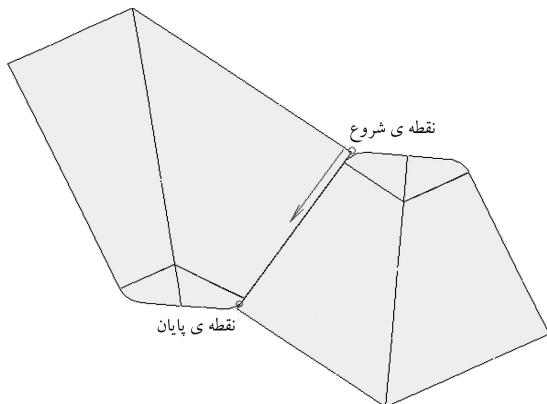
۶. نتایج مربوط به ضریب تمرکز تنش در پایه ای دندانه های پین

الف) نتایج مربوط به ضریب تمرکز تنش در پایه ای دندانه های پین با استفاده از تعریف کلاسیک

در شکل ۹ نمودار تغییرات ضریب تمرکز تنش، تحت بار محوری بدون پیش بار در پایه ای 15 دندانه از پین و باکس نشان داده شده است. چنان که مشاهده می شود بیشترین تمرکز تنش در پایه ای اولین دندانه ای پین و آخرين دندانه ای باکس از سمت شانه ابزار اتصال اتفاق می افتد. همچنین مقادیر ضریب تمرکز تنش در پین به جز در



شکل ۸. نحوه توزیع بار برابر 24 گره از هر دندانه از پین.



شکل ۱۳. شمای بحرانی ترین جفت دندانه‌ی اتصال پیچی مورد بررسی که به صورت مجزا از ابزار اتصال رسم شده است.

مقادیر تنش در این سطوح اهمیت پیدا می‌کنند. لذا باید همگرایی تنش را با ریزتر کردن تدریجی المان‌ها در این سطوح ثابت کنیم.

می‌دانیم که همگرایی جواب در روش اجزاء محدود با ریزتر کردن المان‌ها تضمین می‌شود، و همچنین به دلیل استفاده از توابع شکلی در تقریب مقادیر متغیر میدانی (در اینجا جایه‌جایی) در المان و استفاده از همین توابع شکلی در تقریب متغیرهای ثانویه (مانند تنش) درون المان، هرجا که تغییرات تنش نسبت به تغییر مکان زیاد باشد برای بدست آوردن جواب‌های بهتر برای مقادیر ثانویه نیاز به شبکه‌ی ریز داریم. مسئله‌ی تماس بین سطوح یکی از مسائلی است که در آن، در جایه‌جایی که تماس بین دو جسم به یک باره قطع می‌شود، تنش به شدت تغییر می‌کند و بنابراین استفاده از شبکه‌ها باید ریز شوند، در مدل‌های پیچیده به سادگی امکان پذیر نیست، اما با استفاده از روش‌هایی - نظری ریز کردن تدریجی المان‌ها در مدل‌های متوالی و مشاهده‌ی همگرایی جواب‌ها و با بررسی شیوه‌های تقریب خطأ - می‌توان به این سؤال پاسخ داد. معیارهای کنترل صحت پاسخ تنش در سطوح تماسی عبارت‌اند از:

- همگرایی پاسخ تنش با ریزتر کردن تدریجی المان‌ها؛
- کم شدن اختلاف مقادیر گرهی و مقادیر المانی تنش؛
- عدم تغییرات سریع تنش در گره‌های یک المان؛
- شرط تعادل بردارهای تنش نرمال روی سطح تماس؛
- شرط عدم نفوذ در هم روی سطح تماس.

با استفاده از این پنج معیار به بررسی جواب‌های تنش در سطوح تماس می‌پردازیم. بررسی روی سطح تماس اولین دندانه‌ی پین و باکس، که ضمناً بحرانی ترین جفت دندانه‌ی اتصال پیچی است، صورت می‌گیرد. این جفت دندانه در شکل ۱۳ نشان داده شده‌اند. سطح مشترک تماس در اینجا به‌وسیله‌ی یک خط نشان داده شده است. نقطه‌یی که با عنوان «نقطه‌ی شروع» نشان داده شده است نقطه‌یی صفر محور طول نمودارها است. بردار نشان داده شده به‌منظور قرارگیری نقاط مورد بررسی را نشان می‌دهد. نقطه‌یی که با عنوان «نقطه‌ی پایان» نشان داده است، آخرین نقطه‌یی است که در نمودارها مورد بررسی قرار می‌گیرد. مدل‌ها فقط تحت پیش‌بار قرار گرفته‌اند. چون عمدتاً ترین بار برروی ابزار اتصال همان پیش‌بار اولیه است و سایر بارها تغییرات اندکی در اثر این بار برروی سازه ایجاد می‌کنند.

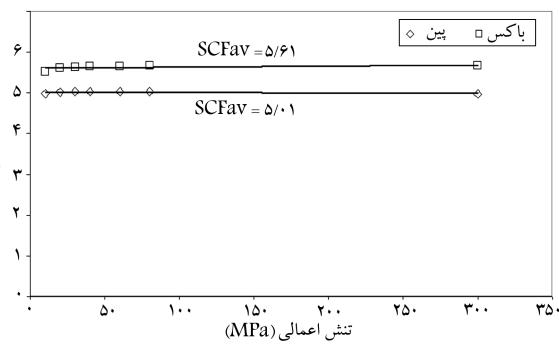
اعمال شده بر سازه حساسیت ندارد و به ازاء تمامی مقادیر بار در هر دو تعریف مقدار ثابتی برای ضربیت تمرکز تنش به دست می‌آید.

باید توجه داشت که چون در تعریف جدید، مقدار تنش نامی (S_t) به مشخصات دندانه مورد نظر بستگی دارد و بنابراین برای تمامی دندانه‌ها یکسان نیست، بالاتر بودن تنش های بیشینه ($S_{t\max}$) در آن ناحیه دیگر نیست. به همین دلیل بالاتر بودن تنش های خود مقدار تمرکز تنش ها در باکس نسبت به پین در این نمودار دلیلی برای آن شویم که عده‌یی نیز با استفاده از تعریف جدید و با تغییر بار محوری اعمال شده به ابزار اتصال پیچی خود مقدار ثابتی معادل $4/5$ ارائه کردند.^[۱] شکل ۱۲ تغییرات ضربیت تمرکز تنش بحرانی ترین دندانه پین را با اعمال پیش‌بار نسبت به تغییرات بار محوری اعمالی نشان می‌دهد.

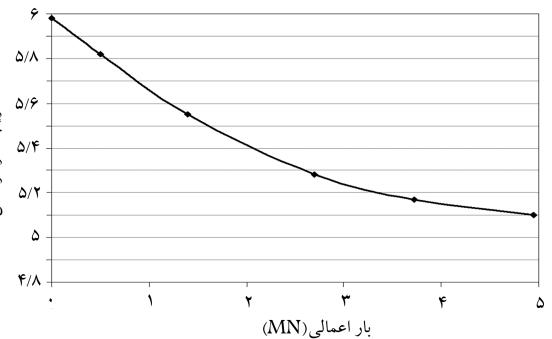
چنان‌که مشاهده می‌شود در صورت وجود پیش‌بار با افزایش بار محوری، مقدار ضربیت تمرکز تنش کاهش قابل توجهی می‌یابد. این نکته از دیگر امتیازات اعمال پیش‌بار است، زیرا در حالتی که پیش‌بار نداشتم ضربیت تمرکز تنش مقدار ثابتی بود.

ج) تحلیل تنش در سطوح تماس ناحیه‌ی پیچی ابزارهای اتصال و بررسی همگرایی جواب‌های تنش در آنها

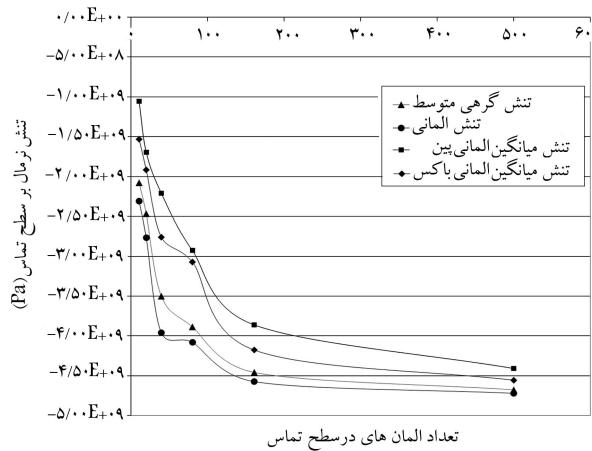
اگرچه به‌منظور بررسی تنش در پایه‌ی دندانه‌های پیچ و در مواردی که تنش در سطح تماس از اهمیت چندانی برخوردار نیست، نیازی به ریز کردن شبکه در این سطوح نیست. اما هنگامی که بخواهیم به بررسی تنش در سطوح تماس پردازیم،



شکل ۱۱. تغییرات ضربیت تمرکز تنش با تعریف جدید در پایه‌ی اولین دندانه‌ی پین و آخرين دندانه‌ی باکس بر حسب تغییرات بار محوری نامی اعمال شده بر مدل بدون پیش‌بار.



شکل ۱۲. تغییرات ضربیت تمرکز تنش با تعریف جدید در پایه‌ی اولین دندانه‌ی پین بر حسب تغییرات بار محوری نامی اعمال شده بر مدل با پیش‌بار.



شکل ۱۵. نمودار مقادیر انواع مختلف تنش‌های نرمال بر سطح تماس بر حسب تعداد المان‌های به کار رفته در سطح تماس.

میانگین مقادیر محاسبه شده برای تنش در گره‌های مربوط به المان مورد نظر است). چنان‌که در شکل ۱۵ مشاهده می‌شود مقادیر تمامی تنش‌ها با افزایش تعداد المان‌ها مجاور سطح تماس دندانه‌ها باعث نزدیک‌تر شدن مقادیر این تنش‌ها به یکدیگر می‌شود. یادآور می‌شود که متناسب با افزایش تعداد المان‌های روی سطح دندانه، المان‌های سایر نقاط دندانه نیز ریزتر می‌شوند.

۵. نتیجه‌گیری

در تحقیق حاضر، در مورد ابزار اتصال پیچی لوله‌های حفاری در بارگذاری محوری تحت پیش‌بار، بدون پیش‌بار، و با استفاده از روش مدل‌سازی اجزاء محدود تحلیل تنش انجام گرفته، و ضرایب تمرکز تنش در این ابزار محاسبه شده که نتایج حاصله چنین جمع‌بندی و ارائه می‌شود:

- در بارگذاری کششی خالص و همچنین سازه‌ی تحت پیش‌بار خالص (برخلاف بارگذاری محوری فشاری) بیشترین بار به‌وسیله‌ی اولین جفت دندانه از سمت شانه ابزار اتصال تحمل می‌شود.

- بیشترین مقدار ضریب تمرکز تنش در پایه‌ی اولین دندانه بین و در پایه‌ی آخرین دندانه بیکار است، و مقدار آن در بین بیشتر از باکس است.

- اعمال پیش‌بار باعث می‌شود با تغییر مقادیر بارهای محوری، بار روی دندانه بحرانی تغییر چندانی نکند.

- وجود پیش‌بار، ضمن افزایش تنش میانگین، باعث کاهش دامنه‌ی تغییرات تنش می‌شود. این امر به‌نوبه‌ی خود منجر به‌بینید رفتار خستگی سازه می‌شود.

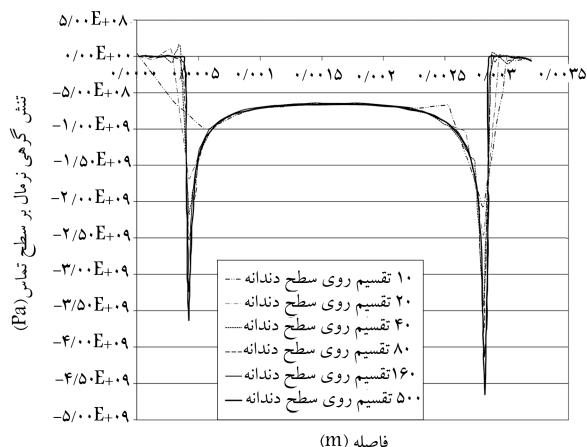
- در حالت بدون پیش‌بار ضریب تمرکز تنش ثابت بوده و به‌مقدار بار اعمالی بستگی ندارد، درحالی که در صورت وجود پیش‌بار مقدار ضریب تمرکز تنش با افزایش بار وارد کاهش می‌یابد.

- مقادیر تنش در سطوح تماس نسبت به‌اندازه‌ی المان‌های روی این سطوح بسیار حساس است. همگرایی پاسخ تنش روی سطوح تماس با ریزترکردن ترتیجی المان‌ها حاصل می‌شود. در این حالت ملاحظه شده که بیشینه‌ی تنش‌های تماسی روی سطح دندانه پیچ‌ها بسیار بزرگ هستند.

در اولین بررسی پیامون تنش‌های روی سطح تماس، تنش‌های گرهی (میانگین مقادیر تنش در گره مورد نظر مربوط به‌تمامی المان‌های متصل به آن گره) را در نقاط مختلف سطح مشترک تماس که در شکل ۱۳ معرفی شد به‌ازاء تعداد شبکه‌های روی این سطح مورد بررسی قرار می‌دهیم. نمودار مربوط به‌این مقادیر در شکل ۱۴ رسم شده است.

ما در نمودارهای شکل ۱۴ معیار دوم - یعنی همگرایی جواب‌ها با ریزترکردن المان‌ها - را مورد بررسی قرار می‌دهیم. مشاهده می‌شود که با تغییر تعداد تقسیمات روی سطح تماس در بخش‌های پایینی و بالایی دندانه تغییرات شدیدی در محاسبه‌ی تنش ایجاد شده، اما قسمت‌های میانی دندانه‌ها در مدل‌ها مقادیر نسبتاً یکسانی برای تنش ارائه داده‌اند. دلیل این رفتار عدم تغییرات سریع تنش در این منطقه نسبت به موقعیت نقاط است. بنابراین می‌توان تنتیجه‌گرفت که استفاده از شبکه‌ی خیلی ریز در منطقه‌ی میانی دندانه‌ها چندان الزاماً نیست. گردایان تنش بالا در نقاط بالای و پایینی دندانه‌ها نیاز به شبکه‌ی ریز در این مناطق را تشید می‌کند. چنان‌که در نمودارهای شکل ۱۴ مشاهده می‌شود، این مناطق تقاطعی هستند که مقادیر تنش نیز در آنها بیشینه است. بنابراین در ادامه‌ی بررسی بر روی نواحی بیشینه‌ی تنش در پایین و بالای دندانه‌ها متوجه می‌شویم و همگرایی این مقادیر را با ریزترکردن شبکه مورد بررسی قرار می‌دهیم.

چنان‌که پیش‌تر نیز بیان شد، همگرایی مقادیر تنش‌های نرمال بر سطح تماس در قسمت‌های میانی دندانه‌ها بسیار سریع اتفاق می‌افتد و نیاز چندانی به شبکه‌ی ریز در مشاهده کرد. اما آنچه که نیازمند دندانه‌ها است که در آنها این مقادیر بیشینه‌اند و چنان‌که از نمودارهای شکل ۱۴ مشاهده می‌شود بسیار حساس به‌اندازه‌ی المان‌ها در این محل‌ها هستند. بررسی دقیق همگرایی این مقادیر را با رسم نمودارهای بیشترین تنش‌های نرمال بر سطح دندانه‌ها نسبت به تعداد المان‌های مجاور سطح تماس دندانه‌ها دنبال می‌کنیم. این نمودارها برای بیشینه‌ی تنش‌ها در جفت دندانه‌ی درگیر رسم می‌شوند. همگرایی سه نوع تنش مورد بررسی قرار می‌گیرد: نخست تنش‌های میانگین گرهی (که از میانگین‌گیری مقادیر تنش‌های به دست آمده در گره مورد نظر که بین چند المان مشترک است به دست می‌آید); دوم تنش‌های المانی (که مقادیر تنش محسوب شده در گره‌های المان مورد نظر است); سوم تنش‌های میانگین المانی (که



شکل ۱۶. نمودار مربوط به مقادیر تنش‌های گرهی نرمال بر سطح تماس در نقاط مختلف آن به‌ازاء تعداد شبکه‌های روی این سطح.

پابلوشت

1. tool joints
2. fillet
3. shoulder
4. notch stress
5. mixed finite element-analogous method
6. node-to-node
7. American Petroleum Institute
8. contact
9. helix angle
10. mean stress

منابع

1. Hetenyi, M. "The distribution of stress in threaded connections", *Exp. Stress Anal.*, **5**(2), pp. 147-156 (1943).
2. Brown, A.P.C., and Hickson, C.W. "A photo-elastic study of stresses in screw threads", *Proc. Inst. Mech. Engrs.*, pp. 605-608 (1952).
3. Birger, I.A. "Extending life of threaded joints by increasing thread root radius", *Russ. Engrg. J.*, **XLVIII**, pp. 50-52 (1968).
4. Pick, R.J., and Burns, D.J. "Finite element analysis of threaded end closures of thick-walled vessels", Report No. 71, Solid Mechanics Division, University of Waterloo, Waterloo, Ontario, Canada (1971).
5. Maruyama, K. "Stress analysis of a nut-bolt joint by the finite element method and the copper-electroplating method", *Bull. Jpn. Soc. Mech. Engrg.*, pp. 442-450 (1974).
6. Stromeyer, C.E. "Stress distribution in bolts and nuts", *Trans. last. Nav. Arch.*, **60**, pp. 112-121 (1918).
7. Den Hartog, J.P. "The mechanics of plate rotors for turbo-generators", *J. Appl. Mech., ASME*, **51**(1), pp. 1-11 (1929).
8. Goodier, J.N. "The distribution of load in threads of screws", *J. Appl. Mech.*, **62**, pp. A10-A16 (1940).
9. Sopwith, D.G. "The distribution of load in screw threads", *Proc. Inst. Mech. Engrs.*, pp. 373-383 (1948).
10. Heywood, R.B. "Tensile fillet stresses in loaded projections", *Proc. Inst. Mech. Engrs.*, pp. 384-391 (1948).
11. Newport, A.; Topp, D.A., and Glinka, G. "The analysis of elastic stress distribution in threaded tether connections", *J. Strain Anal.*, **22**(4), pp. 229-235 (1987).
12. Glinka G.; Dover W.D., and Topp D.A. "Fatigue assessment of tethers", C135/86, IMechE, pp. 187-198 (1986).
13. Newport A., and Glinka G. "Concentration of cyclic stresses in preloaded threaded connections", *J. Engng. Mech.*, **117**(6), pp. 1257-1273 (June 1991).
14. Tafreshi, A., and Dover, W.D. "Stress analysis of drillstring threaded connections using finite element method", *Int. J. Fatigue*, **15**(5), pp. 429-438 (1993).
15. Macdonald, K.A., and Deans, W.F. "Stress analysis of drillstring threaded connection using the finite element method", *Engrg. Failure Anal.*, **2**(1), pp. 1-30 (1995).
16. Tafreshi, A. "SIF evaluation and stress analysis of drillstring threaded joints", *Int. J. of Pressure Vessels and Piping*, **76**, pp. 91-103 (1999).
17. Bahai, H. "A parametric model for axial and bending stress concentration factors in API drillstring threaded connectors", *Int. J. of Pressure Vessels and Piping*, **78**, pp. 495-505 (2001).
18. Baryshnikov, A., and Baragetti, S. "Rotary shouldered thread connections: working limits under combined static loading", *J. Mech. Design*, **123**(9), pp. 456-463 (2001).
19. Griffin, R.C & et al. "Casing drilling drill collars eliminate down hole failures", Offshore Technology Conference, OTC 16596, pp. 1-7 (2004).
20. Placido, J.C.R. & et al "Fatigue analysis of aluminum drill pipes", *Material Research*, **8**(4), pp. 409-415 (2005).
21. API Standard, "Specification for drill pipes", API Spec. 5D, Fourth ed. (1999).
22. Rice, Richard C. SAE Fatigue Design Handbook, 3rd edition, warrendale, Pa. (1997).