

ارزیابی عملکرد سیستم‌های گرمایش کفی، با توجه به سبک زندگی رایج در کشورهای شرقی

سید علیرضا ذوالنقاری (دانشجوی فوادکنی)

مهندی معروفت (دانشیار)

دانشکده‌ی هنдрی مکانیک، دانشگاه تربیت مدرس

امیر امیدوار (استادیار)

دانشکده‌ی هندری مکانیک، دانشگاه صنعتی شیراز

سیستم‌های گرمایش کفی برمبنای ایجاد شرایط آسایش حرارتی برای ساکنان بیدار و نشسته روی صندلی طراحی می‌شود، درحالی که در برخی کشورهای شرقی مردم به نشستن و خوابیدن روی کف عادت دارند. بنابراین، استفاده از سیستم‌های گرمایش کفی در چنین کشورهایی با محدودیت‌هایی مواجه است. در تحقیق حاضر ضمن توسعه‌ی مدلی برای بررسی شرایط حرارتی افراد خوابیده روی کف گرم، احساس حرارتی این افراد با افراد خوابیده روی تخت مقایسه شده است. نتایج حاصله حاکی از آن است که احساس حرارتی افراد خوابیده روی کف گرم به شدت نسبت به مقاومت حرارتی روانداز حساس است. به طوری که تنها در محدوده‌ی تغییرات مقاومت حرارتی روانداز از 0° تا $1/75^{\circ}$ clo فرد در محدوده‌ی آسایش حرارتی باقی ماند. درحالی که برای شخص خوابیده روی تخت این گستره از 0° تا $3/7^{\circ}$ clo گسترش دارد.

a.zolfaghari@modares.ac.ir
maerefat@modares.ac.ir
omidvar@sutech.ac.ir

واژگان کلیدی: سیستم گرمایش کفی، آسایش حرارتی، شرایط خواب.

مقدمه

در تماش است، می‌توان این حالت را بحرانی‌ترین موقعیت قرارگیری فرد نسبت به کف گرم برشمرد که طی آن به‌طور چشم‌گیری در فرد احساس گرما ایجاد خواهد شد. هدف از انجام این تحقیق مدل‌سازی شرایط حرارتی برای فرد خوابیده بر کف گرم و بررسی میزان تأثیرپذیری شرایط حرارتی وی از سیستم گرمایش کفی است. برای این منظور استفاده از مدل‌های آسایش حرارتی ضرورت می‌باشد. از اوایل دهه‌ی ۷۰ میلادی تاکنون، مدل‌های بسیاری برای پیش‌بینی شرایط حرارتی بدن ارائه شده است؛ این مدل‌ها غالباً مبتنی بر معادله‌ی بالاتس انرژی بدن‌اند. از این میان مدل پایای فنگر^[۱] و مدل ناپایای گایج^[۲] محبوبیت بیشتری پیدا کرده‌اند، به‌طوری که از آن‌ها به عنوان مدل‌های پایه در استانداردهای آسایش حرارتی نام می‌برند.^[۳] اما باید توجه داشت که بدکارگیری مدل‌های یادشده در شرایط خاص – ارجحه هنگام خواب – مستلزم اعمال اصلاحات لازم در این مدل‌های است. در هنگام خواب، شرایط فیزیولوژیکی بدن و نیز سازوکار تبادل حرارت میان بدن و محیط به‌طور محسوسی دچار تغییرات می‌شود که این امر بر پاسخ حرارتی بدن نسبت به عوامل محیطی تأثیر چشم‌گیری دارد. درخصوص تغییر شرایط حرارتی افراد به هنگام خواب تحقیقات آزمایشگاهی متعددی انجام شده که از آن میان می‌توان به تحقیقات تجربی ایشان را متأثر دمای اتاق بر شرایط حرارتی بدن در هنگام خواب،^[۴] تحقیق در زمینه‌ی سازوکارهای تنظیم حرارت بدن در زمان خواب،^[۵] تحقیقات تجربی درمورد اثرات رطوبت بر شرایط حرارتی افراد خوابیده،^[۶] تحقیق در زمینه‌ی خوابیدن در شرایط بسیار گرم یا بسیار سرد^[۷] و نیز تحقیقات تجربی درمورد تغییرات سازوکارهای تنظیم حرارت

خواب، باید تغییرات مذکور در مدل فنگر اعمال شود. اما باید به این نکته توجه داشت که در مدل فنگر، اتفاق حرارت ناشی از تعرق تنها به نزح متاپولیک و نیز ذرق کار انجام شده توسط فرد مرتبط است؛ این مدل سازی کاملاً بر مبنای برآشن اطلاعات تجربی در شرایط خاص صورت گرفته و مبنای فیزیکی ندارد. این در حالی است که سازوکار تبخر به پارامترهای فیزیکی -- مقاومت تبخری کل میان بدن و محیط، و اختلاف فشار بخار جزئی هوا و فشار بخار اشباع در سطح پوست -- و نیز پارامترهای فیزیولوژیکی -- میزان رطوبت ناشی از تعرق در پوست -- وابسته است. بنابراین اصلاح نموده مدل سازی اختلافات ناشی از تبخر در مدل فنگر ضروری است. لین و دنگ با اعمال این اصلاح و ایجاد تغییرات مربوط به شرایط خواب در مدل فنگر، رابطه‌ی ۳ را برای پیش‌بینی احساس حرارتی افزاد به هنگام خواب پیشنهاد کرده‌اند.^[۱۵]

$$PMV = ۰,۰ ۹۹۸ \{ ۴۰ - ۰,۰ ۵۶ (۳۴ - t_a) - ۰,۰ ۵۶ (۵,۸۷ - p_a) - \frac{1}{R_t} [(۳۷۶۲ (۵,۵۲ - p_a) + ۰,۰ ۳۷۶۲ (۵,۵۲ - t_o)] \} \quad (۳)$$

که در آن R_t مقاومت حرارتی کلی میان بدن و محیط ($m^{\circ}C/W$)، t_o دمای کارکرد ($^{\circ}C$)، t_a دمای هوا ($^{\circ}C$) و p_a فشار جزئی بخار هوا (kPa) است. اما رابطه‌ی فوق برای مدل سازی احساس حرارتی افزاد در شرایط خوابیدن روی کف گرم، رابطه‌ی چندان مناسبی نیست؛ زیرا در رابطه‌ی ۳ به دلیل فرض نزدیک بودن دمای هوا و دمای متوسط تابش با دمای رختخواب، سازوکار هدایت حرارتی میان بدن و رختخواب مدل سازی نشده و تمام سطح بدن در حال تبادل حرارت تابشی و جابه‌جایی به محیطی با دمای کارکرد (t_o) فرض شده است. این در حالی است که هنگام خوابیدن روی کف گرم، بخشی از بدن که در تماس با رختخواب است، براساس سازوکارهای تابش و جابه‌جایی حرارت بدن را دفع می‌کند. برای اساس، برای مدل سازی شرایط حرارتی شخص خوابیده روی کف گرم، باید در رابطه‌ی ۳ تغییراتی اعمال شود.

میزان مبالغه‌ی حرارت بدن با کف گرم از طریق سازوکار هدایت به اختلاف دمای کف با پوست، مقاومت حرارتی میان بدن و کف، و نیز سطح تماس بدن وابسته است. بنابراین:

$$Q_K = \frac{\lambda_f(t_{sk} - t_f)}{R_f} \quad (4)$$

فر نسبت سطح تماس بدن با کف (یا تشك) به سطح کل بدن (بی بعد)، t_{sk} دمای پوست ($^{\circ}C$)، t_f دمای کف ($^{\circ}C$) و R_f مقاومت حرارتی کل میان بدن و کف ($m^{\circ}C/W$) است:

$$\lambda_f = \frac{A_f}{A_D} \quad (5)$$

$$R_f = R_{cl} + R_m \quad (6)$$

A_f سطح تماس بدن با کف یا تشك (m^2)، A_D سطح کل بدن (m^2)، R_{cl} مقاومت حرارتی لباس ($m^{\circ}C/W$) و R_m مقاومت حرارتی تشك ($m^{\circ}C/W$) است. همچنین سطح کل بدن از رابطه‌ی ۷ (رابطه‌ی معروف Dubois) محاسبه می‌شود:^[۱۶]

$$A_D = ۰,۲۰۲ m^{۰,۴۲۵} l^{۰,۷۲۵} \quad (7)$$

بدن در آغاز خواب^[۱۴] اشاره کرد. این در حالی است که در تحقیقات انجام شده، به مدل سازی تحلیلی شرایط حرارتی بدن در هنگام خواب چندان توجهی نشده است. تحقیقات انجام شده توسط لین و دنگ یکی از مهم‌ترین فعالیت‌ها درخصوص مدل سازی تحلیلی شرایط حرارتی بدن به هنگام خواب محسوب می‌شود.^[۱۵] ایشان با بررسی شرایط حرارتی افراد در زمان خواب، مدلی برای ارزیابی احساس حرارتی در این شرایط توسعه دادند. البته در این مدل میان بدن و محیط یک مقاومت حرارتی کلی (R_t) در نظر گرفته شد، به طوری که بدن با محیطی با دمای کارکرد (t_o) و تحت مقاومت حرارتی R_t حرارت خود را مبالغه می‌کند. مقدار مقاومت حرارتی کلی بازای نوع لباس، نوع تشك و نوع روانداز مختلف، در تحقیق دیگری توسط نامبردگان اندازه‌گیری و گزارش شده است.^[۱۶] اما باید به این نکته توجه داشت که هنگام خوابیدن روی کف گرم، تبادل حرارت بخشی از بدن که در تماس با رختخواب است وابسته به مقاومت حرارتی رختخواب و دمای کف گرم است و سایر بخش‌های بدن حرارت خود را به محیطی با دمای کارکرد منتقل خواهد کرد. لذا برای مدل سازی شرایط حرارتی بدن هنگام خواب روی کف گرم، لازم است در مدل لین و دنگ^[۱۵] اصلاحاتی اعمال شود. در تحقیق حاضر سعی شده است که پس از اصلاح این مدل، به طوری که تأثیر هدایت حرارتی را بر بخشی از بدن که در تماس با کف گرم است لحاظ کند، جملات مربوط به جابه‌جایی و تابش توسط بخش‌هایی از بدن که در تماس با کف گرم نیست نیز اصلاح شود. سپس شرایط حرارتی در هنگام خوابیدن روی کف گرم، طبق آداب و رسوم زندگی شرقی بررسی و تشریح شده است.

مدل سازی پاسخ حرارتی بدن و معادلات حاکم

در مدل فنگر معادله‌ی بالانس انرژی برای بدن در شرایط پایا نوشته می‌شود و اختلاف میان تولید و اتفاق حرارت از بدن، به عنوان عامل تعیین‌کننده شرایط حرارتی بدن تعریف می‌شود (رابطه‌ی ۱):^[۱۷]

$$L = (M - W) - (Q_K + Q_c + Q_r + Q_e + Q_{res}) \quad (1)$$

M نزح متاپولیک، W کار انجام شده توسط شخص، Q_K ، Q_c ، Q_r ، Q_e و Q_{res} به ترتیب اختلاف حرارت توسط سازوکارهای هدایت، جابه‌جایی، تابش و تبخر و Q_{res} اتفاق حرارت از طریق تنفس (همگی بر حسب W/m^2) است. برای اساس، فنگر رابطه‌ی تجربی ۲ را برای ارزیابی احساس حرارتی فرد پیشنهاد می‌کند:^[۱۵]

$$PMV = [۰,۳۰ ۳ \exp(-۰,۰ ۳۶ M) + ۰,۰ ۲۸] L \quad (2)$$

شاخص PMV^۱ بیان‌گر احساس حرارتی افراد است و مقدار آن بین ۳ تا ۳ متغیر است و هر عدد صحیح بین این دو مقدار معادل یک احساس معین حرارتی است؛ به طوری که ۳ معادل خیلی گرم، ۱ معادل کمی گرم، ۰ معادل خشی، -۱ معادل کمی سرد، -۲ معادل سرد، و -۳ معادل خیلی سرد است.^[۱۷] همچنین استاندارد ISO ۷۷۳۰ معرف محدوده‌ی $۰,۵ \leq PMV \leq ۰,۵$ به عنوان محدوده‌ی مجاز برای شرایط آسایش حرارتی است.^[۱۸] در این شرایط میانگین میزان نارضایتی حرارتی افراد نسبت به محیط، از ۱۰٪ ذرات نخواهد رفت.^[۱۸]

هنگام خواب، شرایط فیزیولوژیکی بدن -- اعم از نزح متاپولیک، و میزان تعرق -- تغییر می‌کند و سازوکارهای فیزیکی تبادل حرارت میان بدن و محیط نیز دستخوش تغییرات چشم‌گیر می‌شود. برای اساس، برای مدل سازی شرایط حرارتی بدن به هنگام

پوست، و نیز اختلاف فشار بخار هوا با فشار بخار اشباع در سطح پوست بستگی دارد. بنابراین:

$$Q_e = \frac{w(p_{sk,s} - p_a)}{R_{e,t}} \quad (16)$$

w میزان رطوبت پوست (نسبت سطح پوست خیس شده به سطح کل بدن)، $p_{sk,s}$ فشار جزئی بخار هوا (kPa)، p_a فشار جزئی بخار هوا (kPa) و $R_{e,t}$ مقاومت تبخیری کل میان بدن و محیط ($m^3 kPa/W$) است. با استفاده از رابطه‌ی لویس^۲ داریم:

$$i_m L_R = \frac{R_t}{R_{e,t}} \quad (17)$$

رابطه‌ی ۱۶ را می‌توان چنین بازنویسی کرد:

$$Q_e = \frac{i_m L_R w(p_{sk,s} - p_a)}{R_t} \quad (18)$$

که در آن i_m بازده کلی نفوذ بخار (بی بعد)، R_t مقاومت حرارتی کل میان بدن و محیط ($m^3 C/W$) و ضریب لویس است که در محیط‌های معمول در حدود ۱۶,۵ K/kPa^[۷] است. مقدار مقاومت حرارتی کل میان بدن و محیط از رابطه‌ی ۱۹ محاسبه می‌شود:

$$R_t = \left(\frac{\lambda_f}{R_f + R_{cl}} + \frac{\lambda_b}{R_b + R_{cl} + 1/(f_{cl} h)} + \frac{1 - \lambda_b - \lambda_f}{R_{cl} + 1/(f_{cl} h)} \right)^{-1} \quad (19)$$

در واقع میزان رطوبت پوست به دو سازوکار مختلف واگسته است: ۱. سازوکار انتشار طبیعی آب از میان پوست؛ ۲. تعرق وابسته به سیستم تنظیم دمای بدن. رطوبت ناشی از انتشار طبیعی آب در پوست برابر ۶٪ است، در حالی که میزان رطوبت پوست با وجود تعرق تنظیمی می‌تواند تا ۱۰٪ افزایش یابد. از سوی دیگر، به دلیل پایین بودن نرخ متابولیک، سازوکار تعرق تنظیمی به هنگام خواب کمیته می‌شود. فنگر رابطه‌ی ۲۰ را برای تخمین مقدار اتفاف حرارت ناشی از تعرق تنظیمی به منظور دست‌یابی به شرایط آسایش ارائه کرده است:^[۷]

$$E_{rsw,req} = \text{Max}\{0, 0, 42(M - W - 58/15)\} \quad (20)$$

با توجه به این که نرخ متابولیک در زمان خواب حدود ۴۰ W/m^۳ است، سازوکار تعرق تنظیمی حین خواب کمیته می‌شود. بنابراین می‌توان رطوبت پوست را به هنگام خواب معادل ۶٪ در نظر گرفت.

علاوه بر تبادل حرارت بدن و محیط از طریق پوست (با سازوکارهای هدایت، جابه‌جایی، تابش و تبخیر)، بخشی از حرارت بدن از طریق تنفس به محیط دفع می‌شود. اتفاق حرارت تنفسی شامل دو بخش محسوس ($Q_{res,L}$) و نهان ($Q_{res,S}$) است:

$$Q_{res} = Q_{res,S} + Q_{res,L} \quad (21)$$

که در آن:

$$Q_{res,S} = 0,0014M(34 - t_a) \quad (22)$$

و

$$Q_{res,L} = 0,0173M(5,87 - p_a) \quad (23)$$

که در آن m جرم شخص (kg) و ρ قد شخص (m) است. بقیه‌ی سطح بدن که در تماس با تشک نیست از طریق سازوکارهای تابش و جابه‌جایی با محیط حرارت مبادله می‌کند. تبادل حرارت از طریق این سازوکارها چنین محاسبه می‌شود:

$$Q_c = (1 - \lambda_f) f_{cl} h_c (t_{cl} - t_o) \quad (8)$$

و

$$Q_r = (1 - \lambda_f) f_{cl} h_r (t_{cl} - \bar{t}_r) \quad (9)$$

که در آن f_{cl} ضریب تصحیح سطح لباس (بی بعد)، t_{cl} دمای سطح لباس (°C)، t_o دمای هوا (°C)، \bar{t}_r دمای متوسط تابش (°C)، h_c ضریب خطی شده انتقال حرارت تابشی برای بدن (W/m³ °C) است. در متون مربوط به آسایش حرارتی چنین معمول است که تبادل حرارت جابه‌جایی و تابشی میان بدن و محیط را با هم ترکیب، و آنها را در قالب یک رابطه بیان می‌کنند:^[۷]

$$Q_c + Q_r = (1 - \lambda_f) f_{cl} h(t_{cl} - t_o) \quad (10)$$

ضریب کلی انتقال حرارت (W/m³ °C) و t_o دمای کارکرد (°C) است و چنین محاسبه می‌شوند:

$$h = h_c + h_r \quad (11)$$

و

$$t_o = \frac{h_c t_a + h_r \bar{t}_r}{h_c + h_r} \quad (12)$$

از سوی دیگر، می‌توان مجموع تبادل حرارت تابشی و جابه‌جایی از سطح پوست را چنین نوشت:

$$Q_c + Q_r = (1 - \lambda_f) \frac{t_{sk} - t_{cl}}{R_{cl}} \quad (13)$$

با ترکیب روابط ۱۰ و ۱۳ می‌توان رابطه‌ی مجموع تبادل حرارت تابشی و جابه‌جایی میان بدن و محیط را مستقل از دمای سطح لباس نوشت:

$$Q_c + Q_r = (1 - \lambda_f) \frac{t_{sk} - t_o}{R_{c-r}} \quad (14)$$

مقاآمت حرارتی کلی مربوط به سازوکارهای جابه‌جایی و تابشی ($m^3 C/W$) است. از آنجا که به هنگام خواب افراد معمولاً از روانداز استفاده می‌کنند، بخشی از سطح بدن با روانداز و لباس، و بخشی دیگر فقط توسط لباس پوشیده می‌شود. براین اساس، مقاآمت حرارتی کلی مربوط به سازوکارهای جابه‌جایی و تابش چنین تعریف می‌شود:

$$R_{c-r} = \frac{1 - \lambda_f}{\left(\frac{\lambda_b}{R_b + R_{cl} + 1/(f_{cl} h)} + \frac{1 - \lambda_b - \lambda_f}{R_{cl} + 1/(f_{cl} h)} \right)} \quad (15)$$

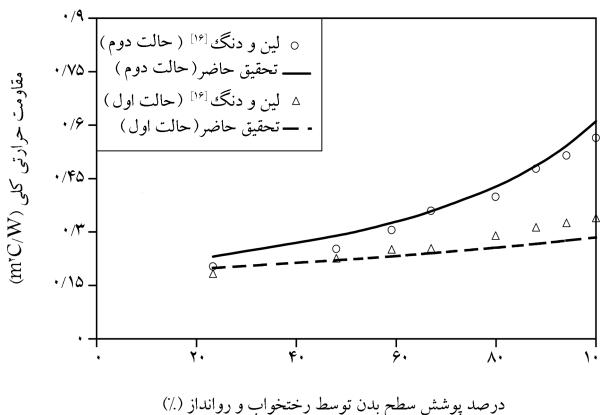
λ_b نسبت سطح پوشیده شده از بدن توسط روانداز به سطح کل بدن (بی بعد)، و R_b مقاآمت حرارتی روانداز ($m^3 C/W$) است.

بدن انسان علاوه بر تبادل حرارت محسوس با محیط سازوکارهای هدایت، جابه‌جایی و تابش، بخشی از حرارت خود را به صورت نهان و توسط سازوکار تبخیر عرق به محیط دفع می‌کند. اتفاق حرارت از طریق تعرق به میزان رطوبت

عملکرد این روابط در پیش‌بینی مقادیر R_t ، مقادیر به دست آمده از این روابط با نتایج تجربی حاصل از تحقیقات لین و دنگ^[۱۶] مقایسه شده است. آنان با انجام آزمایشاتی روی یک مانکن در شرایط خوابیدن، مقاومت حرارتی میان بدن و محیط را برای سه حالت بدن لخت، لباس خواب تابستانی و لباس خواب زمستانی و بهای ذیلی چهار نوع روانداز مختلف (ملحفه، روانداز نازک، روانداز متوسط و روانداز ضخیم) اندازه‌گیری کردند. همچنین این اندازه‌گیری‌ها را برای کمترین میزان پوشش (بدون روانداز) تا پوشش کامل بدن توسط هر نوع رواندازی انجام دادند.

در تحقیق حاضر، برای دو حالت مختلف نتایج مدل‌سازی رابطه‌ی ۱۹ با نتایج تجربی لین و دنگ^[۱۶] مقایسه شده است. در حالت اول، شرایط برای شخص خوابیده با لباس خواب تابستانی (معادل ۵۷clo) و با روانداز ملحفه (از جنس ۱۰۰٪ پنبه‌بی) با ضخامت ۳/۰ mm و جرم ۳/۳۰۸ kg/m^۲) و در حالت دوم، شرایط برای شخص خوابیده با لباس خواب زمستانی (معادل ۰/۹۶clo) و روانداز متوسط (از جنس ۱۰۰٪ پلی‌استر با ضخامت mm ۱۵/۲۳ و جرم ۱۵/۲۳ kg/m^۲) در نظر گرفته می‌شود. همچنین با توجه به نتایج تجربی پیشین، هنگام خوابیدن حدود ۲/۳ درصد از سطح بدن در تماس با رختخواب است و بنابراین $\lambda_f = ۰/۲۳$. بقیه‌ی سطح بدن می‌تواند توسط روانداز پوشانده شود و براین اساس: $۰/۷۶۷ \leq \lambda_b \leq ۰/۰$. در شکل ۱ مقاومت حرارتی کلی بین بدن و محیط بهای ذیلی درصد پوشش سطح بدن توسط رختخواب و روانداز در دو حالت مختلف با نتایج تجربی لین و دنگ مقایسه شده است. مشاهده می‌شود که نتایج حاصله حاکی از هم‌خوانی مناسب این حالات است.

مورد دیگری که باید صحت عملکرد آن سنجیده شود، شاخص احساس حرارتی پیش‌بینی شده توسط مدل جدید (رابطه‌ی ۲۸) است. برای این منظور نتایج حاصل از مدل لین و دنگ^[۱۶] در پیش‌بینی شاخص احساس حرارتی افراد (PMV) با استفاده از داده‌های تجربی ایشان برای مقاومت حرارتی کلی میان بدن و محیط، با نتایج مدل جدید مقایسه شده است. این مقایسه برای شرایط محیطی پایه (دماهی هوای ۲۵°C، دمای متوسط تابش ۲۵°C و رطوبت نسبی ۵۰٪) و برای دو حالت مختلف برای پوشش و نوع روانداز افراد انجام گرفته است. شکل ۲ نتایج این مقایسه را نشان می‌دهد. مشاهده می‌شود نتایج مدل جدید همخوانی مطلوبی با نتایج تحقیقات لین و دنگ^[۱۶] دارد.



شکل ۱. مقاومت حرارتی کلی بین بدن و محیط بهای ذیلی درصد پوشش سطح بدن توسط رختخواب و روانداز در دو شرایط تابستانه و زمستانه.

براساس آنچه که تاکنون گفته شد، می‌توان رابطه‌ی ۱ را برای شرایط خوابیدن روی کف چین بازنویسی کرد:

$$L = (M - W) - \frac{\lambda_f(t_{sk} - t_f)}{R_f} + (1 - \lambda_f) \frac{t_{sk} - t_o}{R_{c-r}} + \frac{i_m L_R w(p_{sk,s} - p_a)}{R_t} + ۰/۰۰۱۴M(۳۴ - t_a) + ۰/۰۱۷۳M(۵/۸۷ - p_a) \quad (۲۴)$$

برای استفاده از رابطه‌ی ۲۴، لازم است دمای پوست معین باشد. فنگر رابطه‌ی ۲۵ را برای تغییر متوسط دمای مناسب پوست برای دست‌یابی به شرایط آسایش ارائه کرده است:^[۷]

$$t_{sk,req} = ۳۵/۷ - ۰/۰۲۷۵(M - W) \quad (۲۵)$$

بنابراین رابطه‌ی ۲۴ به شکل رابطه‌ی ۲۶ درمی‌آید:

$$L = (M - W) - \left\{ \frac{\lambda_f(۳۵/۷ - ۰/۰۲۷۵(M - W) - t_f)}{R_f} + (1 - \lambda_f) \frac{۳۵/۷ - ۰/۰۲۷۵(M - W) - t_o}{R_{c-r}} + \frac{i_m L_R w(p_{sk,s} - p_a)}{R_t} + ۰/۰۰۱۴M(۳۴ - t_a) + ۰/۰۱۷۳M(۵/۸۷ - p_a) \right\} \quad (۲۶)$$

و خواهیم داشت:

$$PMV = [۰/۳۰۳ \exp(-۰/۰۳۶M) + ۰/۰۲۸] \times \left\{ (M - W) - \frac{\lambda_f(۳۵/۷ - ۰/۰۲۷۵(M - W) - t_f)}{R_f} - (1 - \lambda_f) \frac{۳۵/۷ - ۰/۰۲۷۵(M - W) - t_o}{R_{c-r}} - \frac{i_m L_R w(p_{sk,s} - p_a)}{R_t} - ۰/۰۰۱۴M(۳۴ - t_a) - ۰/۰۱۷۳M(۵/۸۷ - p_a) \right\} \quad (۲۷)$$

با جایگذاری پارامترهای مربوط به هنگام خواب از جمله $M = ۴۰ W/m^2$ و مقدار ثابت $L_R = ۱۶/۵ K/kPa$ و $w = ۰ W/m^2$ در رابطه‌ی ۲۶ می‌توان احساس حرارتی افراد هنگام خوابیدن روی کف ۲۷ خواهیم داشت:

$$PMV = ۰/۰۹۹۸ \left\{ ۴۰ - \frac{\lambda_f(۳۴/۶ - t_f)}{R_f} - \frac{(1 - \lambda_f)(۳۴/۶ - t_o)}{R_{c-r}} - \frac{۰/۹۹ i_m(۵/۵۲ - p_a)}{R_t} - ۰/۰۵۶(۳۴ - t_a) - ۰/۶۹۲(۵/۸۷ - p_a) \right\} \quad (۲۸)$$

با استفاده از رابطه‌ی ۲۸ می‌توان احساس حرارتی افراد هنگام خوابیدن روی کف گرم را پیش‌بینی کرد.

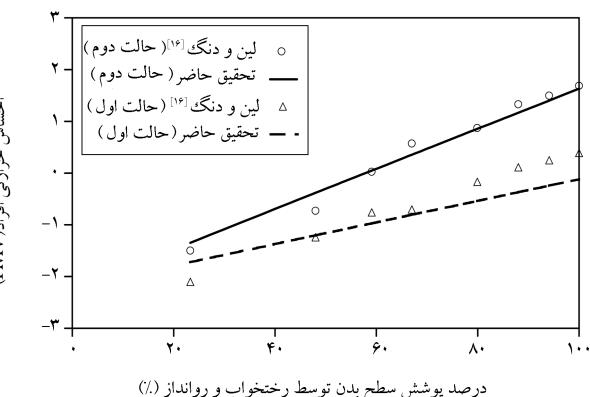
اعتبارسنجی مدل جدید

در مدل جدید با استفاده از روابط شناخته شده انتقال حرارت، مقاومت حرارتی کلی میان بدن شخص خوابیده و محیط محاسبه می‌شود. به منظور ارزیابی صحت

برای فرد در حالت خوابیده لحاظ شود. براین اساس احساس حرارتی برای فرد خوابیده روی کف گرم و نیز تخت به‌ازای تغییر در مقاومت حرارتی روانداز محاسبه شده است.

شکل ۳ نتایج مقایسه‌ی شاخص احساس حرارتی برای فرد خوابیده روی کف گرم با فرد خوابیده روی تخت را به‌ازای تغییر در مقاومت حرارتی روانداز نشان می‌دهد. مشاهده می‌شود که افراد خوابیده روی کف نسبت به تغییر مقاومت حرارتی روانداز حساسیت بیشتری دارند، به‌طوری که در گستره‌ی تغییرات مقاومت حرارتی روانداز از 2 clo تا $1/75 \text{ clo}$ فرد در محدوده‌ی آسایش حرارتی باقی می‌ماند. این در حالی است که برای شخص خوابیده روی تخت این گستره از 0.65 clo تا $3/7 \text{ clo}$ گستره است. بنابراین گستره‌ی تغییرات مقاومت حرارتی روانداز برای فرد خوابیده روی تخت حدود دو برابر فرد خوابیده روی کف گرم است.

در شکل ۴ نتایج مقایسه‌ی شاخص احساس حرارتی برای فرد خوابیده روی کف گرم با فرد خوابیده روی تخت به‌ازای تغییر در مقاومت حرارتی کلی نشان داده شده است. مشاهده می‌شود که شاخص احساس حرارتی افراد خوابیده روی کف گرم با دمای 29°C ، حدود 0.42 clo واحد نسبت به شاخص احساس برای افراد خوابیده روی تخت در شرایط مشابه بیشتر است. همچنین شکل ۵ شاخص احساس حرارتی برای فرد خوابیده روی کف نسبت به تغییرات دمای کف و مقاومت حرارتی روانداز را نشان می‌دهد. مشاهده می‌شود که با کاهش هر 1°C در دمای کف گرم، شاخص احساس حرارتی افراد خوابیده به میزان حدود 1 clo واحد کاهش می‌یابد. همچنین با کاهش دمای کف گرم در هنگام خواب، آزادی عمل افراد برای استفاده



شکل ۲. شاخص احساس حرارتی افراد به‌ازای درصد پوشش سطح بدن توسط رختخواب و روانداز تحت شرایط تابستانه و زمستانه.

روند انجام تحقیق

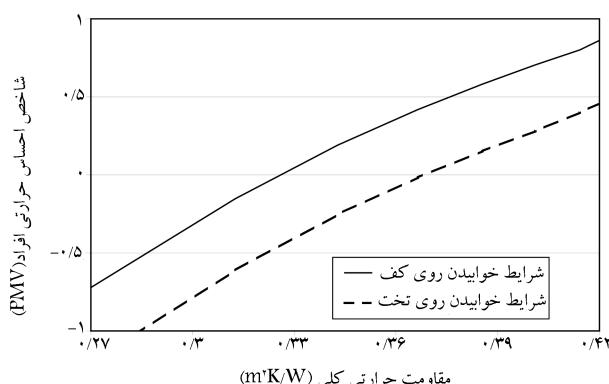
هدف از انجام تحقیق حاضر، بررسی شرایط حرارتی افراد در اثر خوابیدن روی کف گرم و مقایسه‌ی آن با شرایط حرارتی هنگام خوابیدن روی تخت است. یادآور می‌شود مدل سازی شرایط حرارتی برای افراد خوابیده روی تخت مشابه خوابیدن روی کف است؛ با این تفاوت که در شرایط خوابیدن روی کف گرم، دمای زیرین تشک در تماس با کف گرم با دمایی مشخص است ولی سطح زیرین تشک تخت با هوای محیط در تماس است و باید از شرط مرزی جایه‌ی روی سطح زیرین تشک استفاده کرد.

برای بررسی اثر خوابیدن روی کف گرم و مقایسه‌ی آن با شرایط حرارتی هنگام خوابیدن روی تخت، فضایی با سیستم گرمایش از کف در نظر گرفته شده، و شرایط حرارتی محیط مسکونی به نحوی طراحی شده که افراد در حالت نشسته روی صندلی احساس حرارتی خشنی را تجربه کنند. به‌یان دیگر، معیار طراحی حرارتی فضای مسکونی برپایه‌ی ایجاد شرایط حرارتی مطلوب برای آنان که روی صندلی نشسته‌اند استوار است. پس از طراحی حرارتی فضای مسکونی، شاخص احساس حرارتی هنگام خوابیدن روی کف توسط مدل جدید محاسبه می‌شود و با احساس حرارتی افراد خوابیده روی تخت مقایسه می‌شود.

نتایج

به‌منظور طراحی حرارتی فضای مسکونی، احساس حرارتی فردی که روی صندلی نشسته با میزان پوششی معادل 0.96 clo (مطابق با استاندارد ASHRAE [۷] برای پوشش معقول خانگی) و نزد متابولیک 1 met به عنوان معیار طراحی در نظر گرفته می‌شود. همچنین رطوبت نسبی هوا 50% درصد فرض شده است. برای اساس، یک سیستم گرمایش کفی با دمای کف 29°C و دمای هوای 22.4°C قادر است در فردی با شرایط یادشده، احساس حرارتی خشنی ایجاد کند. به عبارت دیگر، فضایی با شرایط فوق از نظر شرایط آسایش حرارتی برای افراد در حالت نشسته مناسب است. اما باید به خاطر داشت که در هنگام خواب، تغییرات محسوسی در شرایط فیزیولوژیکی بدن و نیز سازوکارهای انتقال حرارت میان بدن و محیط اتفاق می‌افتد. از جمله‌ی این تغییرات می‌توان به کاهش نزد متابولیک، کاهش اثلاف تنفسی و افزایش سهم سازوکار هدایت در تبادل حرارت میان بدن و محیط اشاره کرد. در رابطه‌ی $20-18.1^\circ\text{C}$ [۲۰] دارای 28 سعی شده است تغییر شرایط فیزیکی و فیزیولوژیکی

شکل ۳. مقایسه‌ی شاخص احساس حرارتی برای فرد خوابیده روی کف گرم و تخت به‌ازای تغییر در مقاومت حرارتی روانداز



شکل ۴. مقایسه‌ی شاخص احساس حرارتی برای فرد خوابیده روی کف گرم و تخت به‌ازای تغییر در مقاومت حرارتی کلی.

۲۹ خواهیم داشت:

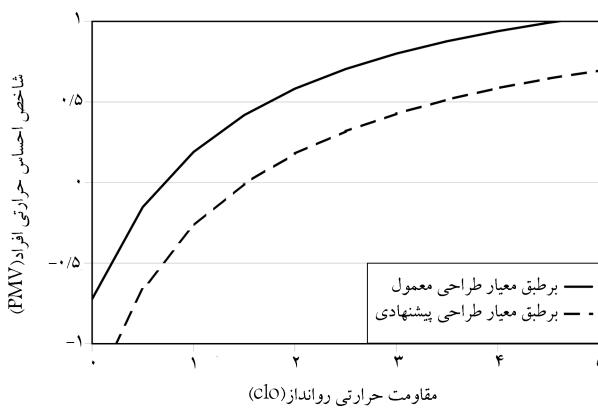
$$PMV = 0,06535 \{ 58,15 - \frac{\lambda_f (34,1 - t_o)}{R_f} - \frac{(1 - \lambda_f)(34,1 - t_o)}{R_{cl} + 1/(f_{cl} h)} \\ - 0,99 i_m (5,35 - p_a) \left(\frac{\lambda_f}{R_f + R_{cl}} + \frac{1 - \lambda_f}{R_{cl} + 1/(f_{cl} h)} \right) \\ - 0,08141 (34 - t_a) - 1,006 (5,87 - p_a) \} \quad (30)$$

با توجه به این که سطح تبادل حرارت هدایت میان بدن و کف ناچیز است^[14] ($\approx 0,029$) و نیز به دلیل تفاوت انکه میان دمای کف و پوست در محل تماس آنها (به ویژه در شرایط پایا)، رابطه‌ی ۳۰ را می‌توان چنین ساده کرد:

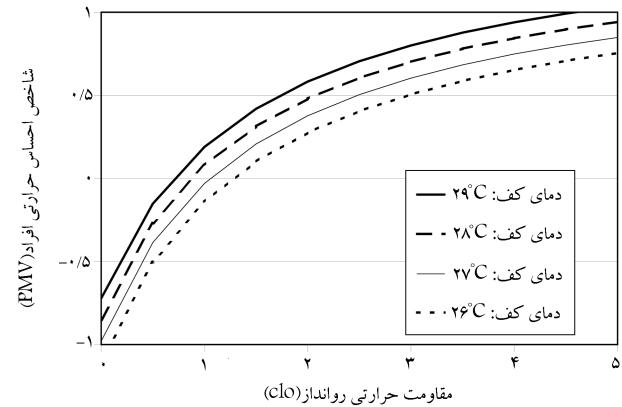
$$PMV = 0,06535 \{ 58,15 - \frac{0,97 (34,1 - t_o) + 0,96 i_m (5,35 - p_a)}{R_{cl} + 1/(f_{cl} h)} \\ - 0,08141 (34 - t_a) - 1,006 (5,87 - p_a) \} \quad (31)$$

حال شرایط حرارتی محیط باید به گونه‌یی طراحی شود که شاخص احساس حرارتی برای شخص نشسته روی کف گرم برابر صفر (شرایط خنثی) شود. در این شرایط، میزان اثرگذاری کف گرم بر احساس حرارتی افراد بیشتر از حالتی است که افراد روی صندلی نشسته باشند. بنابراین دمای هوای مطلوب برای افراد در هنگام نشستن روی کف نسبت به حالت نشستن روی صندلی کمتر است و براین اساس، اگر طراحی حرارتی محیط بر مبنای احساس حرارتی خنثی برای شخص نشسته روی کف گرم صورت پذیرد، افراد خوابیده روی کف نسبت به شرایط طراحی معمول احساس خنکتر خواهند داشت. در شکل ۶ شاخص احساس حرارتی افراد خوابیده روی کف گرم با دمای 29°C در دو حالت طراحی بر مبنای شرایط مطلوب برای شخص نشسته روی صندلی، و طراحی بر مبنای شرایط مطلوب برای شخص نشسته روی کف گرم با هم مقایسه شده است. مشاهده می‌شود که با در نظر گرفتن احساس شخص نشسته روی کف گرم به عنوان معیار طراحی، حساسیت افراد به میزان مقاومت حرارتی روانداز کاهش می‌یابد و افراد در گستره‌ی وسیع‌تری از مقاومت حرارتی برای روانداز در محدوده‌ی مطلوب آسایش حرارتی باقی می‌مانند.

همچنین در شکل ۷ با در نظر گرفتن احساس حرارتی خنثی برای شخص نشسته روی کف گرم به عنوان معیار طراحی، شاخص احساس حرارتی برای فرد خوابیده روی کف گرم به ازای تغییرات دمای کف و مقاومت حرارتی روانداز با هم مقایسه شده است. مشاهده می‌شود که با کاهش هر 1°C در دمای کف گرم، شاخص



شکل ۶. احساس حرارتی برای فرد خوابیده روی کف گرم به ازای دو معیار طراحی حرارتی مختلف برای محیط.



شکل ۵. شاخص احساس حرارتی برای فرد خوابیده روی کف گرم به ازای تغییرات دمای کف و مقاومت حرارتی روانداز.

از رواندازهای مختلف افزایش می‌یابد. به طوری که به ازای دمای 29°C برای کف گرم، احساس حرارتی افراد فقط به ازای مقاومت حرارتی روانداز بین $0,2\text{ clo}$ تا $1,75\text{ clo}$ در محدوده‌ی مجاز قرار خواهد داشت. در حالی که با پایین آوردن دمای کف گرم تا 26°C ، این محدوده از $0,5\text{ clo}$ تا 3 clo گسترش خواهد یافت. به این ترتیب کاهش دمای کف منجر به کاهش حساسیت احساس حرارتی افراد در هنگام خواب می‌شود.

راهکار پیشنهادی

نتایج حاصله بیان‌گر این است که چنانچه شرایط حرارتی فضای مسکونی بر مبنای احساس حرارتی خنثی برای شخص نشسته روی صندلی طراحی شود، احساس حرارتی هنگام خوابیدن روی کف گرم به شدت نسبت به میزان مقاومت حرارتی روانداز حساسیت نشان می‌دهد، و تغییر انکه در مقاومت حرارتی روانداز می‌تواند احساس حرارتی افراد را از محدوده‌ی مجاز خارج کند. از سوی دیگر، در مناطقی که از کف اتاق به عنوان فضای خواب استفاده می‌شود، معمولاً از همین فضا برای نشستن نیز استفاده می‌شود و نشستن روی صندلی چندان مرسوم نیست. از این رو، پیشنهاد می‌شود که در مناطقی با آداب و رسوم شرقی، به جای در نظر گرفتن احساس حرارتی شخص نشسته روی صندلی به عنوان معیار طراحی حرارتی محیط‌های مسکونی، احساس حرارتی شخص نشسته روی کف معیار طراحی قرار گیرد. با توجه به رابطه‌ی ۲۷ و این که در هنگام نشستن روی کف، مقدار λ برابر صفر است، شاخص احساس حرارتی برای شخص نشسته روی کف از معیار طراحی 29°C محاسبه می‌شود:

$$PMV = [0,303 \exp(-0,036M) + 0,028] \\ \times (M - W) - \frac{\lambda_f (35,7 - 0,0275(M - W) - t_f)}{R_f} \\ - (1 - \lambda_f) \frac{35,7 - 0,0275(M - W) - t_o}{R_{cl} + 1/(f_{cl} h)} \\ - i_m L_R w (p_{sk,s} - p_a) \left(\frac{\lambda_f}{R_f + R_{cl}} + \frac{1 - \lambda_f}{R_{cl} + 1/(f_{cl} h)} \right) \\ - 0,0014 M (34 - t_a) - 0,0173 M (5,87 - p_a) \quad (29)$$

با جای‌گذاری پارامترهای مربوط به هنگام نشستن از جمله $M = 58,15\text{ W/m}^2$ و مقدار ثابت $L_R = 16,5\text{ K/kPa}$ در رابطه‌ی $w = 0,06\text{ W/m}^2$ در رابطه‌ی

کف گرم به صورت وابسته به زمان مورد تحلیل و بررسی قرار گیرد و دما و شرایط حرارتی بخش‌های مختلف بدن به ویژه سرکه نسبت به گرما حساسیت بالای دارد، تحلیل و ارزیابی شود.

فهرست علائم

A_D : سطح کل بدن m^2

A_f : سطح تماس بدن با کف یا تشک m^2

f_{cl} : ضریب تصحیح سطح لباس بی بعد

h : ضریب کلی انتقال حرارت $W/m^2 \circ C$

h_c : ضریب انتقال حرارت جایه‌جایی برای بدن $W/m^2 \circ C$

h_r : ضریب خطی شده انتقال حرارت تابشی $W/m^2 \circ C$

i_m : بازدهی کلی نفوذ بخار بی بعد

l : قد شخص m

L : نرخ ذخیره‌ی حرارت در بدن W/m^2

L_R : ضریب لوپس K/kPa

m : جرم شخص kg

M : نرخ متabolik W/m^2

p_a : فشار جزئی بخار هوا kPa

$p_{sk,s}$: فشار بخار اشباع در سطح پوست kPa

PMV : شاخص احساس حرارتی افراد بی بعد

Q_c : اثلاف حرارت توسط سازوکار جایه‌جایی W/m^2

Q_e : اثلاف حرارت توسط سازوکار تبخیر W/m^2

Q_K : اثلاف حرارت توسط سازوکار هدایت W/m^2

Q_r : اثلاف حرارت توسط سازوکار تابش W/m^2

Q_{res} : اثلاف حرارت از طریق تنفس W/m^2

R_b : مقاومت حرارتی روانداز $m^2 \circ C/W$

R_{c-r} : مقاومت حرارتی کلی جایه‌جایی و تابش $m^2 \circ C/W$

R_{cl} : مقاومت حرارتی لباس $m^2 \circ C/W$

$R_{e,t}$: مقاومت تبخیری کل میان بدن و محیط $m^2 kPa/W$

R_f : مقاومت حرارتی کل میان بدن و کف $m^2 \circ C/W$

R_m : مقاومت حرارتی تشک $m^2 \circ C/W$

R_t : مقاومت حرارتی کلی میان بدن و محیط $m^2 \circ C/W$

t_a : دمای هوا $^\circ C$

t_{cl} : دمای سطح لباس $^\circ C$

t_f : دمای کف $^\circ C$

t_o : دمای کارکرد $^\circ C$

\bar{t}_r : دمای متوسط تابش $^\circ C$

t_{sk} : دمای پوست $^\circ C$

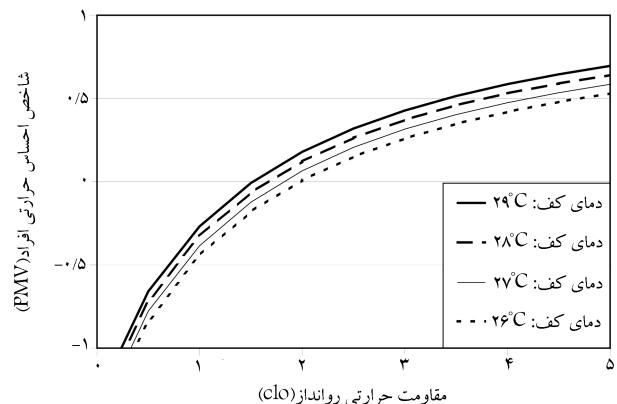
w : میزان رطوبت پوست بی بعد

W : کار انجام شده توسط شخص W/m^2

علائم یونانی

λ_b : سهم سطح پوشیده شده از بدن با روانداز بی بعد

λ_f : سهم سطح تماس بدن با کف یا تشک بی بعد



شکل ۷. شاخص احساس حرارتی برای فرد خوابیده روی کف گرم به‌ازای تغییرات دمای کف و مقاومت حرارتی روانداز (با طراحی برمبنای ایجاد شرایط حرارتی خنثی برای شخص نشسته روی کف گرم).

احساس حرارتی افراد خوابیده به میزان حدود $6,5^\circ C$ واحد کاهش می‌باید و برآزادی عمل افراد برای استفاده از رواندازهای مختلف افزوده می‌شود. اما باید توجه داشت که وقتی احساس حرارتی شخص نشسته روی کف گرم معيار طراحی قرار گیرد، در هنگام خواب افراد برای قرار گرفتن در محدوده‌ی آسایش به رواندازی با مقاومت حرارتی حداقل $clo = 7,0$ تا $8,0$ نیاز دارد.

در اینجا لازم است برای درک فیزیکی بهتر خوانندگان از مقدار مقاومت حرارتی روانداز به ذکر چند مثال برای رواندازهای مختلف پرداخته شود. مقاومت حرارتی برای ملحفه تقریباً $clo = 2,0$ ، برای روانداز دولایه‌ی پارچه‌یی در حدود $clo = 5,0$ ، برای پتوی معمولی نزدیک $clo = 1,5$ و برای لحاف ضخیم از $clo = 2,5$ تا $3,0$ است.

نتیجه‌گیری

در تحقیق حاضر، ضمن توسعه‌ی مدلی به منظور بررسی شرایط حرارتی افراد در هنگام خوابیدن روی کف گرم، محدودیت خوابیدن افراد روی کف در محیطی با سیستم گرمایش کفی مورد بررسی قرار گرفت. نتایج حاکی از آن است که به کارگیری سیستم‌های گرمایش کفی در شرایطی که ساکنان از کف ساختمان برای خوابیدن استفاده می‌کنند، به طور چشم‌گیری احساس حرارتی افراد را متأثر می‌کند. به طوری که در این شرایط حساسیت احساس افراد نسبت به مقاومت حرارتی روانداز مورد استفاده، بالاست و با تغییر اندازی در میزان مقاومت حرارتی روانداز احساس حرارتی افراد به شدت تغییر می‌کند و از محدوده‌ی مجاز شرایط آسایش حرارتی خارج می‌شود. این در حالی است که برای افراد خوابیده روی تخت در شرایط مشابه، این حساسیت به مرتبه کمتر است. همچنین براساس نتایج حاصله، چنین به نظر می‌رسد که پایین آوردن دمای کف در هنگام خواب، می‌تواند تا حدی در حفظ شرایط آسایش حرارتی افراد در محدوده‌ی مجاز مؤثر باشد.

طبق نتایج تحقیق حاضر، پیشنهاد می‌شود که در مناطقی با آداب و رسوم شرقی که نشستن و خوابیدن روی کف مرسوم است، احساس حرارتی مطلوب برای افراد نشسته روی کف اثاق به عنوان معيار طراحی حرارتی فضای مسکونی در نظر گرفته شود. براین اساس می‌توان احساس حرارتی افراد خوابیده روی کف گرم را در محدوده‌ی مجاز آسایش حرارتی حفظ کرد. همچنین پیشنهاد می‌شود که در تحقیقات آتی، با استفاده از مدل‌های آسایش حرارتی گذرا، شرایط حرارتی افراد خوابیده روی

پانوشت

1. Predicted Mean Vote (PMV)
2. Lewis relation

منابع

1. Watson, R.D. and Chapman, K.S., *Radiant Heating and Cooling Handbook*, New York: McGraw-Hill (2001).
2. Yeo, M.S.; Yang, I.H. and Kim, K.W. "Historical changes and recent energy saving potential of residential heating in Korea", *Energy and Buildings*, **35**(7), pp. 715-27 (2003).
3. Song, G.S. "Buttock temperature in a sedentary posture on plywood flooring of varying thickness over the ONDOL heating system", *Journal of Wood Science*, **50**(6), pp. 498-503 (2004).
4. Song, G.S. "Buttock responses to contact with finishing materials over the ONDOL floor heating system in Korea", *Energy and Buildings*, **37**(1), pp. 65-75 (2005).
5. Fanger, P.O., *Thermal Comfort Analysis and Applications in Environmental Engineering*, New York, McGraw-Hill (1970).
6. Gagge, A.P.; Stolwijk, J.A.J. and Nishi, Y. "An effective temperature scale based on a simple model of human physiological regulatory response", *ASHRAE Transactions*, **77**(1), pp. 247-62 (1971).
7. ASHRAE, *ASHRAE Handbook of Fundamentals*, Atlanta, ASHRAE (2001).
8. ISO7730, *Moderate Thermal Environments: Determination of the PMV and PPD Indices and Specification of the Conditions for Thermal Comfort*, International Standards Organization (1994).
9. Teramoto, Y.; Tokura, H.; Ioki, I.; Suho, S.; Inoshiri, R. and Masuda, M. "The effect of room temperature on rectal temperature during night sleep", *Journal of Thermal Biology*, **23**(1), pp. 15-21 (1998).
10. Heuvel, C.J.; Ferguson, S.A.; Gilbert, S.S. and Dawson, D. "Thermoregulation in normal sleep and insomnia: The role of peripheral heat loss and new applications for digital thermal infrared imaging (DITI)", *Journal of Thermal Biology*, **29**(7-8), pp. 457-61 (2004).
11. Okamoto-Mizuno, K.; Tsuzuki, K.; Mizuno, K. and Iwaki, T. "Effects of partial humid heat exposure during different segments of sleep on human sleep stages and body temperature", *Physiology & Behavior*, **83**(5), pp. 759-65 (2005).
12. Tsuzuki, K.; Okamoto-Mizuno, K. and Mizuno, K. "Effects of humid heat exposure on sleep, thermoregulation, melatonin, and microclimate", *Journal of Thermal Biology*, **29**(1), pp. 31-36 (2004).
13. Buguet, A. "Sleep under extreme environments: Effects of heat and cold exposure, altitude, hyperbaric pressure and microgravity in space", *Journal of the Neurological Sciences*, **262**(1-2), pp. 145-52 (2007).
14. Rogers, N.L.; Bowes, J.; Lushington, K. and Dawson, D. "Thermoregulatory changes around the time of sleep onset", *Physiology & Behavior*, **90**(4), pp. 643-47 (2007).
15. Lin, Z. and Deng, S. "A study on the thermal comfort in sleeping environments in the subtropics—developing a thermal comfort model for sleeping environments", *Building and Environment*, **43**(1), pp. 70-81 (2008).
16. Lin, Z. and Deng, S. "A study on the thermal comfort in sleeping environments in the subtropics—measuring the total insulation values for the bedding systems commonly used in the subtropics", *Building and Environment*, **43**(5), pp. 905-16 (2008).
17. DuBois, D. and DuBois, E.F. "A formula to estimate approximate surface area, if height and weight are known", *Archives of Internal Medicine*, **17**, pp. 863-71 (1916).
18. Zhang, K.; Sun, M.; Werner, P.; Kovera, A.J.; Albu, J.; Pi-Sunyer, F.X. and Boozer, C.N. "Sleeping metabolic rate in relation to body mass index and body composition", *International Journal of Obesity*, **26**, pp. 376-83 (2002).
19. Kurazumi, Y.; Tsuchikawa, T.; Matsubara, N. and Horikoshi, T. "Effect of posture on the heat transfer areas of the human body", *Building and Environment*, **43**(10), pp. 1555-65 (2008).
20. Kurazumi, Y.; Tsuchikawa, T.; Ishii, J.; Fukagawa, K.; Yamato, Y. and Matsubara, N. "Radiative and convective heat transfer coefficients of the human body in natural convection", *Building and Environment*, **43**(12), pp. 2142-53 (2008).