

# ارزیابی قابلیت اطمینان در بویلر بازیاب با در نظر گرفتن شرایط عملکردی و محیطی، تعمیرات و فرسودگی

سیامک خاکسار حقانی (دانشجوی کارشناسی ارشد)

محمدحسن سعیدی\* (استاد)

دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی شریف

میثم هروی (کارشناس ارشد)

دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی

مهندسی مکانیک شریف، (پیاپی ۳۹۴۱)  
دوری ۳-۵، شماره ۱، ص. ۹۱-۶۸

ارزیابی قابلیت اطمینان بویلر بازیاب به منظور پیش‌بینی احتمال وقوع خرابی و همچنین کاهش عملکردی خرابی حائز اهمیت است. در این نوشتار به مدل سازی قابلیت اطمینان، با در نظر گرفتن پدیده فرسودگی، تأثیر عملیات تعمیرات و شرایط محیطی و عملکردی بر روی قابلیت اطمینان پرداخته می‌شود. سپس روشی برای تخمین پارامترهای مورد نیاز در مدل ارائه می‌شود. با استفاده از روش معروفی شده، اطلاعات خرابی شش بویلر بازیاب یک نیروگاه حرارتی، هرکدام به ظرفیت ۵۰ مگاوات، مورد ارزیابی قرار گرفته و پارامترهای مدل ارائه شده برای این نوع بویلر محاسبه می‌شود. سپس رفتار توابع قابلیت اطمینان بویلر بازیاب مورد مطالعه در شرایط متفاوت مورد ارزیابی قرار گرفته و نهایتاً به بررسی عمل وقوع خرابی در بویلهای بازیاب پرداخته می‌شود. به کمک مدل و روش ارائه شده در این نوشتار می‌توان قابلیت اطمینان سیستم قدرت را در شرایط مختلف ارزیابی کرد.

haghani@alum.sharif.edu  
saman@sharif.edu  
marvi@mapnaboiler.com

وازگان کلیدی: قابلیت اطمینان، فرسودگی، شرایط محیطی و عملکردی، عملیات تعمیرات، بویلر بازیاب.

## ۱. مقدمه

زمان برای شکست مدل سازی شده اند. این مدل سازی براساس روش فضای حالت و مارکو<sup>۲</sup> است. در پژوهشی دیگر نیز به روشی مشابه، قابلیت دسترسی برای یک سیستم تولید بخار با سه زیرسیستم و یک سیستم تولید قدرت با چهار زیرسیستم، با استفاده از نزخ خرابی و تعمیر ثابت محاسبه شده است.<sup>[۳]</sup> همچنین، در پژوهشی که برایهای مدل سازی قابلیت اطمینان انجام گرفته، بهبود زمان میانگین تاشکست<sup>۴</sup> برای یک توربین گاز، به سیلهای کاهش زمان تعمیر اجزای بحرانی بررسی شده است.<sup>[۴]</sup> در مطالعه‌ی دیگر، دو روش منطق فازی و شبکه‌های عصبی به منظور پیش‌بینی عمر لوله‌های بویلر در نیروگاه نکا مقایسه شده است.<sup>[۵]</sup> در پژوهشی دیگر قابلیت اطمینان نیروگاه شهید سلیمی نکا ارزیابی و سازوکارهای خرابی آن شناسایی شده است.<sup>[۶]</sup> نیروگاه نکا دارای ۴ واحد ۴۴۵ مگاوات است که پژوهش فوق در یکی از واحدهای آن انجام گرفته است. پژوهشگران بررسی خود را در یکی از چهار واحد ۴۴۵ مگاواتی نیروگاه نکا و با استفاده از روش PSA و نرمافزار حرفه‌ی SAPHIRE® انجام داده‌اند. بدليل حذف سیستم‌های جانی، نادیده گرفتن خرابی‌های ناشی از خستگی و خروش و نیز استفاده از داده‌های ژئویک، مقدار قابلیت اطمینان محاسبه شده، کمتر از مقدار واقعی به دست آمده است.

در مطالعه‌ی دیگری که درخصوص قابلیت اطمینان سیستم‌های قدرت انجام

نیروگاه حرارتی یک سیستم پیچیده‌ی مهندسی است که از زیرسیستم‌های زیادی تشکیل شده است. برای دست‌یابی به هدف تولید بیشینه قدرت، لازم است قسمت‌های مختلف نیروگاه بدون شکست برای مدت زیادی کار کنند. لذا تحلیل قابلیت اطمینان برای یک نیروگاه از اهمیت ویژه‌ی برخوردار است.

مدل سازی پدیده‌ی فرسودگی در نیروگاه‌های حرارتی، از جمله قسمت‌های مهم در ارزیابی قابلیت اطمینان آن هاست، زیرا اکثر اجزای نیروگاه‌های حرارتی مکانیکی بوده و نزخ خرابی غیریکنواختی دارند. این پدیده در مرور قطعات الکترونیکی، بدليل ثابت بودن نزخ خرابی در بازه بزرگی از عمر قطعه (مدت کارکرد قطعه)، کمتر اهمیت پیدا می‌کند. پدیده‌ی فرسودگی در قطعات مکانیکی سریع تر و در بازه گسترده‌تری اتفاق می‌افتد. در این تحقیق تأثیر این پارامتر در ارزیابی قابلیت اطمینان لحاظ شده است. در یک روش که به منظور مدل همزمان قدرت و حرارت<sup>۲</sup> ارائه شده،<sup>[۷]</sup> زمان برای شکست<sup>۱</sup> در سیستم‌های مولدهای میانگین می‌باشد. دریافت کننده مدل همزمان قدرت و حرارت<sup>۲</sup> ارائه شده،<sup>[۸]</sup> زیر سیستم‌های مربوط دسته‌بندی، و براساس روابط بین زیر سیستم‌ها از محل تولید تا تحويل به مصرف کننده، مقادیر قابلیت دسترسی، قابلیت اطمینان و میانگین

\* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۲۵/۴/۱۳۹۱، اصلاحیه ۲۷/۱۰/۱۳۹۱، پذیرش ۱۲/۱۳۹۱.

**۱.۳ مدل‌های عمر با در نظر گرفتن شرایط محیطی و عملکردی**  
 پدیده‌ی فرسودگی تحت تأثیر شرایط محیطی و عملکردی قطعه، از وقتی که قطعه شروع به کار می‌کند به تدریج آغاز می‌شود. بنابراین اگر قطعه در شرایط معمولی قرار بگیرد، متناسب با زمان سپری شده از شروع به کار آن، عمرش زیاد می‌شود. اما چنانچه قطعه در شرایط سخت و مضر قرار بگیرد، سریع‌تر از زمان سپری شده از نصب، عمرش می‌گذرد. شرایط عملکردی به مودهای عملکردی قطعه گفته می‌شود؛ برای مثال: قطعه در حالت آماده به کار است یا در حالت عملکرد؛ با برکامل کار می‌کند یا بدون بارو یا با بخشی از بار. به طور کلی شرایط عملکرد برعای قطعه‌ی آماده به کار به صورت تابعی از تعداد و طول مدت تقاضا برای کارکرد، و برای قطعه‌ی در حال کار به صورت زمان کارکرد معروفی می‌شود؛ اگرچه می‌توان آن را به طور ساده به صورت شرایط کاری خوب، متوسط و بد توصیف کرد. شرایط محیطی نیز بین‌گرویی‌های محیطی است که قطعه در آن کار می‌کند؛ مانند دما، درصد رطوبت، فشار و... به طور ساده می‌توان شرایط محیطی را نیز به صورت خوب، متوسط و بد توصیف کرد. مدل مدل تسریع عمر (ALM)<sup>[۱۱]</sup> و مدل نز خرابی نسبی (PHM)<sup>[۱۲]</sup> برای لحاظکردن پارامترهای فوق در مدل قابلیت اطمینان ارائه می‌شود. این مدل‌ها به صورت سنتی در اقتصاد، پژوهشی و قابلیت اطمینان کاربرد داشته‌اند.<sup>[۱۰]</sup>

#### ۱.۳.۱ مدل تسریع عمر (ALM)

مهم‌ترین مشخصه‌ی ALM وجود یکتابع بقای مبنا از قطعه‌ی است که تحت تأثیر متغیرهای توصیفی است. اگر  $z$  یک بردار  $1 \times q$  باشد که  $q$  متغیر توصیفی را در بر دارد، در مورد این تحقیق متغیرهای توصیفی عبارت‌خواهد بود از: شرایط محیطی ( $E$ ) و شرایط عملکردی ( $O$ )،  $(O) = 2$  که می‌توانند مقادیر  $1, 0$  و  $-1$  را به ترتیب برای شرایط کاری متوسط، خوب و نا مناسب اختیار کنند.<sup>[۱۱]</sup> با توجه به این مدل داریم:<sup>[۱۲]</sup>

$$R(t|z) = R(\Psi(z)t|z) = 0 \quad (1)$$

که در آن  $(z)\Psi$  یکتابع رابط است که به متغیرهای توصیفی در  $z$  وابسته است.  $= 0$  متناظر داشتن همه‌ی متغیرهای توصیفی برابر با صفر است که در اینجا بین‌گروی شرایط کاری متوسط است. متغیرهای توصیفی به‌واسطه‌ی  $\Psi(z)$  به زمان عمر مرتبط می‌شوند که شرایط  $1 = (\Psi(z))$  و  $0 > (\Psi(z))$  را برای همه‌ی  $z$ ‌ها ارضا می‌کند.

تابع خطی-نمایی یک مدل ریاضی است که معمولاً به عنوان تابع رابط به کار گرفته می‌شود و بیان آن عبارت است از:<sup>[۱۱]</sup>

$$\Psi(z) = e^{\beta^T z} \quad (2)$$

که در آن  $\beta$  یک بردار  $1 \times q$  از ضرایب رگرسیون متناظر با  $q$  متغیر توصیفی است و  $\beta^T$  ترانهاده‌ی آن است. در این مدل اگر  $1 > (\Psi(z))$  باشد، متغیرهای توصیفی شتاب دهنده‌ی نرخی هستند که در آن قطعات در طول زمان نسبت به قطعه‌ی مبنا حرکت می‌کنند، و اگر  $1 < (\Psi(z))$  باشد آن را کند می‌کنند. در موردی که در این نوشستان مطالعه می‌شود دو ثابت به نام‌های  $\beta_E$  و  $\beta_O$  در ارتباط با شرایط محیطی و شرایط عملکردی خواهیم داشت. با بسط معادله‌ی ۲ خواهیم داشت:

$$\Psi(z) = e^{\beta_O \cdot O + \beta_E \cdot E} \quad (3)$$

#### ۱.۳.۲ مدل نز خرابی نسبی (PHM)

در حالی که مدل ALM نرخی را مدل می‌کند که قطعه با آن در طول زمان حرکت می‌کند، PHM به طور ساده تابع نز خرابی را با ضریب  $(z)\Psi$  مدل می‌کند. مدل

گرفته است<sup>[۱۴]</sup> تأثیر فرسودگی بر قابلیت اطمینان و قابلیت دسترسی این سیستمها بررسی شده است. نتایج به دست آمده نشان داده است که عدم در نظر گرفتن پدیده‌ی فرسودگی، به خصوص در سیستم‌های کهنه، باعث می‌شود که در محاسبات ریسک، مقدار محاسبه شده کم تراز مقدار واقعی شود. در پژوهشی دیگر، برای محاسبه‌ی قابلیت دسترسی و قابلیت اطمینان در مولد بخاریازیاب حرارت<sup>۵</sup> یک نیروگاه حرارتی سیکل ترکیبی<sup>[۷]</sup> برای تحلیل داده‌های خرابی از نرم‌افزار Weibull++ استفاده شده است. در مطالعه‌ی دیگر محققین برای نشان دادن فرایند غیر همگن پواسون (NHPP)<sup>[۶]</sup> از پدیده‌ی فرسودگی سیستم‌های قدرت، از الگوریتم تینینگ<sup>۷</sup> استفاده کرده‌اند.<sup>[۸]</sup> آن‌ها برای لحاظکردن عملکرد گذشته‌ی سیستم روش شبیه‌سازی مونت‌کارلو را به کار گرفته و نشان داده‌اند که با افزایش میزان فرسودگی سیستم شاخص فقدان بار مورد انتظار (LOLE)<sup>[۸]</sup> که میزان انرژی مورد انتظار اما تولید نشده‌ی سیستم قدرت را می‌رساند، نیز افزایش خواهد یافت. در نوشستان حاضر این پدیده نیز در مدل سازی بویلر بازیاب دیده شده است.

## ۲. تعاریف قابلیت اطمینان

در این قسمت برای روشن شدن ماهیت توابعی که در این مطالعه مورد بحث واقع می‌شود، توابع مهم قابلیت اطمینان به اختصار تعریف شده است.

قابلیت اطمینان: این تابع احتمال کارکرد مطلوب سیستم یا قطعه را برای مدت زمان مشخص تحت شرایط مشخص تعیین می‌کند. مطابق این تعریف اگر قابلیت اطمینان یک سیستم در زمان  $t$  برابر با  $r$  باشد احتمال آن که سیستم تا زمان  $t$  بدون خرابی کار کند برابر با  $r$  خواهد بود.<sup>[۹]</sup>

نرخ خرابی: این تابع آهنگ وقوع خرابی یک سیستم در واحد زمان را می‌رساند. برای مثال، اگر در ابتدا  $N$  قطعه در حال کار باشند و تا زمان  $t$ ،  $N_f$  قطعه از کار افتاده باشد و  $N_i$  قطعه نیز احتمال از کارافتادگی داشته باشند، نرخ خرابی در  $t$  برابر با  $(N - N_f)/(N - N_i)$  خواهد بود.<sup>[۱۰]</sup>

تابع چگالی احتمال: شرایط فوق را مجدداً در نظر بگیرید، آنچه این تابع در زمان  $t$  بیان می‌کند برابر است با  $N_i/N$ .<sup>[۱۱]</sup>

## ۳. روش کار

تغییر و تحول در نیروگاه‌های تولید برق خصوصاً نیروگاه‌های حرارتی به تغییر و تحول در اجزای ایمنی نیروگاه وابسته است. این امر تابع دو فاکتور مهم است: شرایط کاری (هم شرایط محیطی و هم شرایط عملکردی) و عملیات‌عمیر و نگهداری. در نیروگاه‌ها اجزاء تحت عملیات‌عمیر و نگهداری زیادی قرار می‌گیرند، مانند آزمودن، تعمیرات پیش‌گیرانه<sup>۹</sup> و اصلاحی<sup>۱۰</sup>. به علاوه، شرایط عملکردی بسیار متفاوتی بین اجزا وجود دارد. از سوی دیگر شرایط محیطی بسیار متفاوتی نیز در نیروگاه مشاهده می‌شود. بنابراین ارائه‌ی یک مدل وابسته به عمر برای قابلیت اطمینان یک نیروگاه که هم شرایط کاری در آن لحاظ شده باشد و هم عملیات‌عمیر و نگهداری، بسیار مفید خواهد بود. بدین منظور در این نوشستان مدلی ارائه می‌شود که امکان کمی سازی پارامترهای مختلف موقعاً بر عمر قطعه را که بر قابلیت اطمینان قطعه نیز اثرگذارند، فراهم می‌کند. پارامترهای مدل را می‌توان از روی اطلاعات خرابی نیروگاه به دست آورد.

به شرایط کاری  $z_{m+1}$  در دوره زمانی  $m+1$  بستگی دارد و توسط رابطه‌ی ۲ داده شده است. در حالت کلی هیچ فرضی مبنی بر ثابت بودن شرایط کاری و تعمیری نشده است.

### ۳.۲.۳. مدل فرسودگی PAS

در مدل PAS فرض بر این است که با ضریب  $\varepsilon$  عمری از قطعه که در آن، قطعه وارد عملیات تعمیر شده به طور نسبی کاهش پیدا می‌کند.<sup>[۱۱]</sup> با این فرض که  $\varepsilon$  در بازه  $[0, 1]$  تغییر می‌کند، اگر  $\varepsilon = 0$  باشد تعمیر به صورت GAN، و اگر  $\varepsilon = 1$  باشد تعمیرات به صورت BAO است. بنابر این عمر قطعه بعد از گذراندن  $m$  امین تعمیر عبارت خواهد بود از:

$$w_m^+ = (1 - \varepsilon_m) \cdot [w_{m-1}^+ + \Psi(z_m) \cdot (t_m - t_{m-1})] \quad (6)$$

### ۴.۲.۳. مدل فرسودگی PAR

مدل PAR این مفهوم را می‌رساند که تعمیر تنها بخشی از عمر قطعه را (که از تعمیر قابلی به دست آمده) برمی‌گرداند<sup>[۱۲]</sup> در صورتی که بقیه‌ی آن بدون تأثیر باقی می‌ماند. در این مدل چنین فرض شده که برای تعمیر عمر قطعه از  $t$  به  $t/\beta$  می‌رسد؛ در آن  $\beta$  ضریب بهبود است که در بازه‌ی  $[0, \infty)$  قرار دارد و  $t$  زمان سپری شده بین دو تعمیر متولی است. رمانی که  $\beta$  معادل ۱ است، مدل PAR به مدل BAO ساده می‌شود و زمانی که  $\beta \rightarrow \infty$  این مدل به مدل GAN خلاصه می‌شود. با استفاده از مدل ALM برای لحاظ کردن تأثیر شرایط کاری، عمر قطعه پس از  $m$  امین تعمیر تبدیل می‌شود به:

$$w_m^+ = w_{m-1}^+ + (1 - 1/\beta_m) \cdot \Psi(z_m) \cdot (t_m - t_{m-1}) \quad (7)$$

### ۳. مدل وابسته به عمر برای قابلیت اطمینان

در این قسمت ابتدا به معرفی تابع نخ خرابی اولیه متناسب می‌پردازیم. سپس با در نظر گرفتن شرایط کاری و تعمیری برای تجهیزات و تابع نخ خرابی اولیه، به کمک مدل‌های PAS و PAR تابع نخ خرابی برای مدل سازی قابلیت اطمینان وابسته به عمر تجهیزات به دست آورده می‌شود. تابع نخ خرابی اولیه به صورت یک تابع دو متغیره‌ی ویلای در نظر گرفته می‌شود (درومورد چگونگی و علت استفاده از این توزیع در ادامه توضیح داده خواهد شد):

$$h(t) = \lambda \cdot \gamma \cdot t^{\gamma-1} \quad (8)$$

که در آن  $\gamma$  پارامتر شکل و  $\lambda$  پارامتر مقیاس است که با یک نخ خرابی -- که با زمان سپری شده از موقع نصب  $(t)$  تغییر می‌کند در ارتباط است. اگر  $\gamma < 1$  باشد تابع نخ خرابی به طور یک‌نواخت کاهش و اگر  $\gamma > 1$  باشد این تابع افزایش می‌پابد.

### ۱.۳. تابع قابلیت اطمینان

برای به دست آوردن تابع قابلیت اطمینان نسبت به عمر سپری شده از زمان نصب باید از رابطه‌ی ۹ استفاده کرد:

$$R(w) = \int_w^\infty f(u) du = 1 - \int_w^\infty f(u) du \quad (9)$$

که در آن  $f$  تابع چگالی احتمال وقوع خرابی است. برای به دست آوردن تابع قابلیت اطمینان نسبت به زمان لازم است که تابع چگالی احتمال وقوع خرابی نسبت به زمان به دست آورده شود. از آنجا که تابع عمر نسبت به زمان یک تابع یک به یک نیست، باید آن را به بازه‌هایی که تابع عمر و زمان‌شان نسبت به هم یک به یک اند

PHM را می‌توان چنین تعریف کرد:<sup>[۱۳]</sup>

$$h(t) = \Psi(z) \cdot h_+(t), \quad t \geq 0. \quad (4)$$

اگر  $\Psi > 1$  باشد، متغیرهای توصیفی تابع نخ خرابی را افزایش می‌دهند و اگر  $\Psi < 1$  باشد آن را کاهش می‌دهند. همانند مدل ALM، معمولاً از مدل ریاضی خطی-نمایی به عنوان تابع رابط استفاده می‌کنند.

### ۲.۳. فرسودگی تجهیزات با مدل ALM و تعمیرات غیر ایده‌آل

#### ۱.۲.۳. تعمیرات غیر ایده‌آل

به طور کلی تأثیر عملیات تعمیر و نگهداری را با دو معیار می‌سنجند؛ یکی معیار «خوب به مثابه نو (GAN)<sup>[۱۴]</sup>» است که در آن تعمیر به گونه‌ی صورت می‌گیرد که در آن پس از تعمیر مانند یک قطعه‌ی نو عمل می‌کند؛ و دیگری معیار «بد به مثابه کهنه<sup>[۱۵]</sup>» که در آن قطعه پس از تعمیر، شرایط بلاfaciale قبل از خرابی را داشته باشد که به آن BAO می‌گویند. گرچه این دو حالت حدی اند ولی در واقعیت آنچه اتفاق می‌افتد حالتی بین‌این است، و از آنجا که قطعه بعد از تعمیر به صورت کاملاً نو درینی آید به این نوع تعمیر، تعمیر غیر ایده‌آل گفته می‌شود. البته ممکن است به دلیل انجام تعمیرات مضر در طول عملیات تعمیر و نگهداری، عمر قطعه بعد از تعمیر بیشتر از عمر آن قبل از تعمیر باشد، که در این مقاله به آن پرداخته نمی‌شود. در اینجا دو مدل کاهش عمر نسبی کاهش (PAR)<sup>[۱۶]</sup> و بازگشت عمر نسبی (PAS)<sup>[۱۷]</sup> برای بررسی تأثیر عملیات تعمیرات و نگهداری با در نظر گرفتن نخ وقوع خرابی‌ها بررسی می‌شود.

#### ۲.۳. عمر در مقابل زمان سپری شده

عمر قطعه را می‌توان با تابع غیر پیوسته‌ی بیان کرد که به زمان سپری شده از زمان نصب قطعه و شرایط کاری و عملیات تعمیرات و نگهداری بستگی دارد. بنابراین عمر قطعه در یک زمان خاص را می‌توان با تابعی از عمر آن بعد از آخرین تعمیرات (تأثیر عملیات تعمیرات و نگهداری) به اضافه تغییر عمر آن در دوره سپری شده از زمان آخرین تعمیرات بیان کرد (تأثیر شرایط کاری). تأثیر شرایط کاری با به کار بدن مدل ALM بیان می‌شود. در اینجا مدل ALM به این دلیل ارجحیت می‌پابد که در این مدل عمر قطعه به طور مستقیم، با تابع رابط، به زمان سپری شده مرتبط می‌شود. این امر ناییش نرخی را که با آن، قطعه در مدت زمان داده شده و تحت شرایط عملکردی و محیطی مشخص فرسوده می‌شود را ساده‌تر می‌کند. تأثیر تعمیرات با پارامتر  $\gamma$  نمایش داده می‌شود که مقداری بین صفر و ۱ را دارد و مدل خاصی از تعمیرات غیر ایده‌آل را وفق می‌دهد.  $t_m$  نشانگر زمان استقرار قطعه تحت  $m$  امین تعمیر است، و زمان سپری شده از نصب قطعه را بیان می‌کند؛  $w_{m+1}(t, \varepsilon, z)$  نیز تغییر عمر قطعه را با زمان سپری شده  $t$  برای بازه زمانی بین تعمیرات  $m$  و  $m+1$  نشان می‌دهد. پارامتر  $\gamma$  مجموعه‌ی به صورت  $\{\varepsilon_1, \varepsilon_2, \varepsilon_3, \dots, \varepsilon_m\}$  است که تأثیرات تعمیر تا زمان  $t$  را نشان می‌دهد، و  $\mathbb{Z}$  مجموعه‌ی به صورت  $\{z_1, z_2, \dots, z_{m+1}\}$  است که هر جزء آن  $(z_i)$  شرایط کاری هر قطعه را در دوره زمانی  $i$  بیان می‌کند. یادآور می‌شود که در اینجا فرض برآن است که زمانی که قطعه به دلیل عملیات تعمیر و نگهداری کار نمی‌کند در مقابل زمان کارکرد قطعه بسیار کوچک و قابل چشم پوشی است. بنابراین در دوره زمانی  $m+1$  تغییر عمر قطعه چنین بیان می‌شود:

$$w_{m+1}(t, \varepsilon, z) = w_m^+ + \Psi(z_{m+1}) \cdot (t - t_m), \quad t \geq t_m \quad (5)$$

که در آن  $w_m^+$  عمر قطعه بلاfaciale بعد از تعمیر  $m$  است، که بستگی به مدل تعمیرات غیر ایده‌آل انتخاب شده دارد (PAS یا PAR). همچنین  $(z_{m+1}) \Psi$  تابع رابط است که

### ۴.۳. محاسبه‌ی پارامترهای مدل برای بویلهای بازیاب نیروگاه منتظر قائم

#### ۱.۴.۳. محاسبه‌ی پارامترهای $\lambda$ و $\gamma$

برای تخمین مقادیر  $\lambda$  و  $\gamma$  در رابطه‌ی ۸، روابطی ارائه شده است.<sup>[۱۳]</sup> با این مقادیر تخمینی می‌توان نزخ خرابی و دیگر توابع مورد نظر را محاسبه کرد. فرض کنید که هدف ارزیابی قابلیت اطمینان یک سیستم پیچیده‌ی مهندسی براساس اطلاعات خرابی به دست آمده از  $n_q$  نمونه از همین سیستم است که در شرایط محیطی یکسان کار کرده‌اند. طبیعی است که ما در عمل مقادیر  $\lambda$  و  $\gamma$  را نخواهیم داشت، و مقصود برآورده این مقادیر براساس اطلاعات مربوط به  $k$  سیستم است. زمان شروع به کار سیستم، لحظه‌ی (عمر) صفر در نظر گرفته می‌شود. در نظر بگیرید که  $q$  امین سیستم از لحظه‌ی  $T_q$  تا  $S_q$  به طور پیوسته زیر نظر قرار دارد. در بازه‌ی  $[S_q, T_q]$  اگر  $N_q$  تعداد خرابی‌های مشاهده شده توسط  $w_{iq}$  سیستم باشد و  $w_{iq}$  عمر سیستم در  $i$ -امین خرابی  $q$  امین سیستم باشد (MLE). برای  $\lambda$  و  $\gamma$  یعنی  $\tilde{\lambda}$  و  $\tilde{\gamma}$  برابر است با:

$$\hat{\lambda} = \frac{\sum_{q=1}^K N_q}{\sum_{q=1}^K (T_q^{\hat{\gamma}} - S_q^{\hat{\gamma}})} \quad (16)$$

$$\hat{\gamma} = \frac{\sum_{q=1}^K N_q}{\hat{\lambda} \sum_{q=1}^K (T_q^{\hat{\gamma}} \ln T_q - S_q^{\hat{\gamma}} \ln S_q) - \sum_{q=1}^K \sum_{i=1}^{N_q} \ln w_{iq}} \quad (17)$$

در این روابط  $\lambda = 0$  است. به طور عام، معادلات برای حل  $\tilde{\lambda}$  و  $\tilde{\gamma}$  را به صورت ضمنی نمی‌توان حل کرد و باید در پردازه‌های تکرارشونده به صورت عددی حل شوند. در صورت معلوم بودن تخمین‌های  $\tilde{\lambda}$  و  $\tilde{\gamma}$ ، MLE برای تابع نزخ خرابی عبارت خواهد بود از:

$$h(t) = \hat{\lambda} \cdot \hat{\gamma} \cdot t^{\hat{\gamma}-1}, \quad t > 0 \quad (18)$$

برای بویلهای  $\lambda$  و  $\gamma$  (نتایج حاصل از محاسبه‌ی پارامترهای بازیاب مورد مطالعه در جدول ۱ و نتایج مربوط به آزمون صحبت سنجی این پارامترها، در جدول ۲ آمده است).

#### ۲.۴.۳. محاسبه‌ی پارامتر $\beta$

برای تخمین  $\beta$  روابطی معرفی شده است.<sup>[۱۴]</sup> با توجه به این که در سیستم مورد مطالعه در این نوشтар شرایط محیطی و عملکردی هر دو متوسط در نظر گرفته شده است (یعنی  $E = 0$ ) و اطلاعات تجربی برای شرایط کاری متفاوت از سیستم‌های مشابه نیز در دسترس نبوده، امکان و لزوم محاسبه‌ی پارامتر  $\beta$  برای بویله بازیاب در این نوشтар متفقی می‌شود.

جدول ۱. پارامترهای ویبال برای بویلهای بازیاب.

$\eta$	$\beta$	نام بویله بازیاب (MW)	ظرفیت بازیاب
۲۸۱۳/۲	۱/۰۰۹۴	۵۰	منتظر قائم
۶۹۶/۳۵	۰/۴۶	۵۰۰	HRSG ۱
۲۰۷۱/۷۹	۰/۶۰	۵۰۰	HRSG ۲

تقسیم کرد. در اینجا این بازه‌ها همان فواصل زمانی بین تعییرات خواهند بود. بنابراین با توجه به رابطه‌ی ۵ و با فرض استفاده از مدل ALM که عمر را به زمان مرتبط می‌سازد، خواهیم داشت:

$$t = g(w) = (w - w_m^+) \Psi^{-1}(z_m) + t_m, \quad t_m \leq t \leq t_{m+1} \quad (10)$$

اگر تابع نزخ خرابی برای  $w$  مطابق با توزیع ویبال باشد (رابطه‌ی ۸)، برای تابع چگالی احتمال خرابی بر حسب  $w$  داریم:

$$f(w) = \Psi(z) \lambda \gamma w^{\gamma-1} e^{-\Psi(z)\lambda w^\gamma} \quad (11)$$

و اگر  $t$  با رابطه‌ی ۱۰ به  $w$  مرتبط شود، تابع چگالی احتمال بر حسب  $t$  به کمک رابطه‌ی ۱۲ به دست می‌آید:

$$f(t) = \frac{f(w_*)}{\left| \frac{dw_*}{dt} \right|} \quad (12)$$

که در آن  $w_*$  یک ریشه حقیقی معادله  $t = g(w)$  است. با توجه به روابط ۱۰ تا ۱۲ تابع چگالی احتمال خرابی بر حسب زمان برابر خواهد بود با:

$$f_m(t) = \frac{\Psi(z_m) \lambda \gamma (w_m^+ + \Psi(z_m)(t - t_m))^{\gamma-1} e^{-\Psi(z)\lambda (w_m^+ + \Psi(z_m)(t - t_m))^\gamma}}{\left| \frac{d\Psi(z_m)}{dt} \right|} \quad (13)$$

$$t_m \leq t \leq t_{m+1},$$

بنابراین تابع قابلیت اطمینان از رابطه‌ی ۱۴ به دست خواهد آمد:

$$R_m(t) = \int_t^{\infty} f_m(t') dt' = \int_t^{\infty} \frac{\Psi(z_m) \lambda \gamma (w_m^+ + \Psi(z_m)(t' - t_m))^{\gamma-1} e^{-\Psi(z)\lambda (w_m^+ + \Psi(z_m)(t' - t_m))^\gamma}}{\left| \frac{d\Psi(z_m)}{dt} \right|} dt' \quad (14)$$

$$t_m \leq t \leq t_{m+1},$$

و چون  $(z_m) \Psi$  همواره مثبت است خواهیم داشت:

$$R_m(t) = e^{-\Psi(z_m)\lambda (w_m^+ + \Psi(z_m)(t - t_m))^\gamma}, \quad t_m \leq t \leq t_{m+1} \quad (15)$$

۲.۳.۳. انتخاب توزیع مناسب برای داده‌های تجربی  
چنان که پیش‌تر گفته شد، چون در نظر گرفتن پدیده‌ی فرسودگی اجرازه‌ی استفاده از توزیع‌های با نزخ خرابی ثابت را نمی‌دهد، و نیز براساس آنچه در متابع مختلف پیشنهاد شده،<sup>[۱۵]</sup> در اینجا فرض می‌برایم خواهد بود که خرابی‌ها برای سیستم در حال مطالعه (بویله بازیاب) براساس پردازه‌ی NHPP دارای نزخ خرابی به شکل معادله‌ی ۸ است. درستی فرض در ادامه به کمک ابرارهای آماری (آزمون مجذور کا)<sup>[۱۶]</sup> بررسی شده و می‌بینیم این مطلب است که تابع نزخ خرابی بویله بازیاب حرارت منطبق با توزیع ویبال است. پردازه‌ی NHPP با نزخ خرابی  $h(t)$  دارای تابع امید ریاضی  $E[N(t)] = \lambda t^\gamma$  است، که بیان‌گر تعداد خرابی‌های مورد انتظار در بازه زمانی  $(t, t+0)$  است.

جدول ۲. نتایج آزمون مربعی کای روی داده‌های بویلرهای بازیاب نیروگاه منتظر قائم.

تعداد دسته‌ها	درجه آزادی (۷)	$\chi^2$	$\alpha$ متناظر با $\chi^2$ (%)	$\chi^2_{C_{71}}$	$\chi^2_{C_{75}}$
۹	۸	۷	۶	۵	۴
۷	۶	۵	۴	۳	۲
۵/۰۹۱۱	۴/۸۳۰۰	۷/۶۶۷۱	۱/۵۶۸۳	۱/۸۳۵۴	۲/۳۲۱۵
۶۴/۸۸	۵۶/۵۷	۱۷/۵۵	۸۱/۴۴	۶۰/۷۲	۳۱/۳۲
۱۸/۴۷۵	۱۶/۸۱۲	۱۵/۰۸۶	۱۳/۲۷۷	۱۱/۳۴۵	۹/۲۱۰
۱۴/۰۶۷	۱۲/۵۹۲	۱۱/۰۷۰	۹/۴۸۸	۷/۸۱۵	۵/۹۹۱
					۳/۸۴۱
					$\chi^2_{C_{75}}$

جدول ۳. آمار خرابی بویلرهای بازیاب نیروگاه منتظر قائم (داده‌ها بر حسب روز بیان شده‌اند).

۶ بویلر	۵ بویلر	۴ بویلر	۳ بویلر	۲ بویلر	۱ بویلر	اطلاعات سال	اطلاعات سال
۱۹	۲۶	۲۶	۱۶۲	۲۹	۱۶۲		
۵۷	۴۸	اول در	۱۴۴	۳۲۳			
۲۲۵	۱۲۴	دسترس	۱۶۸	۳۶۰			
۴۸۴	۳۵۲	نمی‌باشد	۲۹۶	۳۹۷			
۵۸۰	۵۳۳	۵۳۹	۴۳۲	۴۴۱	۴۵۵		
۶۰۲	۶۰۰	۹۱۲	۵۳۹	۷۱۵	۵۱۱		
۶۷۱	۶۱۴	۹۶۱	۸۷۳	۷۶۲	۵۸۱		
۸۲۳	۶۸۲	۱۰۲۶	۹۱۲	۸۸۵	۷۱۵		
۹۶۴	۷۵۴	۱۳۲۸	۹۳۷	۱۰۲۵	۷۲۱		
۹۷۷	۸۱۸	۱۴۸۳	۹۶۹	۱۱۳۹	۷۵۷		
۱۱۵۴	۸۲۴	۱۴۸۷	۹۷۲	۱۱۵۶	۷۸۴		
۱۱۵۶	۹۱۲	۱۵۲۴	۱۰۲۱	۱۳۱۵	۸۰۳		
۱۳۵۳	۱۰۲۲	۱۵۳۰	۱۰۳۴	۱۳۹۶	۸۷۳		
۱۴۳۱	۱۱۴۷	۱۵۳۵	۱۱۶۴	۱۴۵۹	۱۰۲۲		
۱۱۶۶			۱۱۸۱	۱۴۶۵	۱۰۶۰		
۱۱۹۶			۱۴۶۸		۱۰۹۱		
۱۳۹۲			۱۵۷۷		۱۱۲۵		
۱۴۲۵					۱۱۳۵		
۱۶۶۸					۱۱۴۹		
					۱۲۷۶		
					۱۳۶۷		
					۱۴۴۳		
					۱۵۴۰		
					۱۵۵۶		
					۱۶۸۰		

متناظر با مقادیر  $\chi^2$  حاصل از آزمون نیز آمده است که مقادیری به مرتب بالاتر از ۵ درصد دارند.

#### ۴. نتایج و بحث

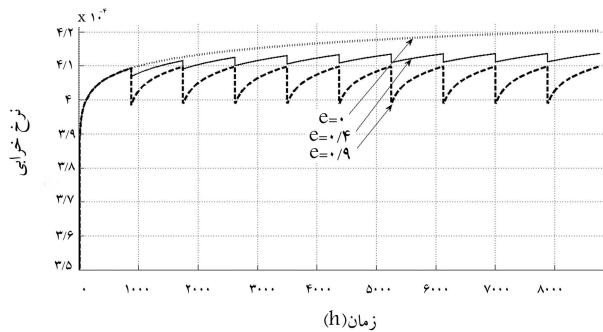
چنان‌که گفته شد، پارامترهای  $E$  و  $C$  برای بویلرهای بازیاب مورد مطالعه برابر با صفر هستند. به این ترتیب اگر تابع رابط مطابق معادله ۶ اختیار شود، مقدار آن برابر ۱ خواهد بود، یعنی:  $1 = e^{\beta z} = e^{\circ}$ . بنابراین با توجه به مقادیر محاسبه شده نمودار تغییرات عمر در مقابل زمان سپری شده براساس مدل PAR و PAS

برای محاسبه‌ی پارامترهای  $\lambda$  و  $\gamma$  نیز دسترسی به اطلاعات زمان خرابی‌های گذشته‌ی سیستم‌ها مورد نیاز است. این اطلاعات از روی پرمیت‌های محترم نیروگاه تهیه شده است (جدول ۳). این نیروگاه دارای شش بویلر بازیاب مشابه است که سه واحد بخار را تغذیه می‌کنند. انرژی مورد نیاز برای تولید بخار نیز توسط دو خروجی از اگرور شش توربین گاز فراهم می‌شود. ظرفیت هر واحد بخار  $100$  مگاوات بوده که هر بویلر نیمی از بخار مورد نیاز آن را فراهم می‌کند. لازم به ذکر است که در سال‌های گذشته کاریهای عملیات تعمیرات و نگهداری به صورت BAO فرض شده است. به عبارت دیگر با توجه به مدل ارائه شده زمان و عمر سیستم منطبق با یکدیگرند.

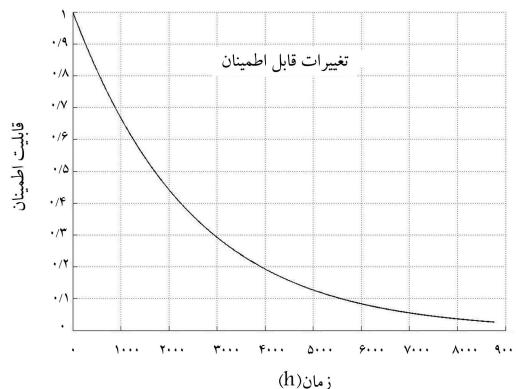
۴.۳.۴.۳. اطلاعات تجربی خرابی بویلرهای بازیاب نیروگاه منتظر قائم اطلاعات خرابی برای شش بویلر بازیاب نیروگاه منتظر قائم از سال ۱۳۸۶ تا اواخر سال ۱۳۹۰ گرد آوری شده است (جدول ۳). یادور آور می‌شود که در مورد بویلرهای شماره ۳ و ۴ اطلاعات موجود از سال ۱۳۸۷ به بعد است. با توجه به اطلاعات خرابی والگوریتم ارائه شده براساس روش MLE پارامترهای ویبال برای بویلر بازیاب نیروگاه منتظر قائم چنین است:

$$\lambda = \frac{3,6544}{\text{failure year}}, \quad \gamma = 1,0094$$

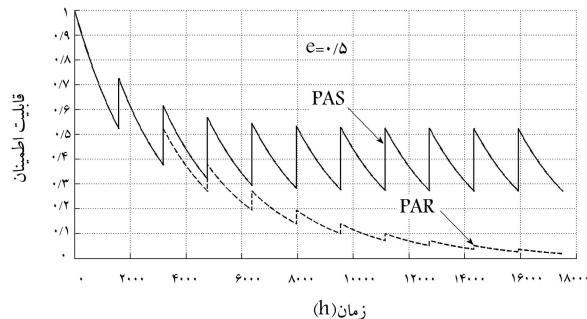
نرده‌یک بودن پارامتر  $\gamma$  به عدد ۱ نشان می‌دهد که خرابی‌های بویلر در بازه زمانی مورد مطالعه به صورت تصادفی است و در حال ورود به مرحله‌ی پیری یا فرسودگی است. برای مقایسه‌ی پارامترهای تخیین زده شده با مقادیر به دست آمده<sup>[۷]</sup> باید واحدها را تبدیل کرد، و توجه داشت که  $\gamma = \beta^{-1}$  و  $\lambda = \gamma^{-1}$ . مقایسه نشان می‌دهد که پارامتر مقیاس بویلر منتظر قائم از هر دو بویلر دیگر ذکر شده در جدول ۱ بزرگ‌تر است که نشان‌گر خرابی‌های بیشتر این بویلر در مقایسه با دو مورد دیگر است. این مقایسه از آن جهت معنی پیدا می‌کند که بدانیم طراحی مشابه در آنها وجود دارد. همچنین جنس لوله‌های سوپرھیتر که خرابی آن از مهم‌ترین علل خرابی در بویلر است در آنها یکسان است. در جدول ۲ نیز نتایج آزمون مجذور کا آمده است. این آزمون برای سنجش میزان انطباق نتایج تجربی با نتایج فرضی به کار می‌رود. بازه مورد مطالعه را می‌توان به تعداد دسته‌های مختلف تقسیم کرد. اگر تعداد بازه‌ها از تعداد پارامترهای مورد نیاز برای مشخص شدن توزیع مورد نظر (در مورد توزیع ویبال این عدد برابر ۲ است) کم شود تعداد درجات آزادی (d) در این آزمون به دست می‌آید. تعداد دسته‌ها باید به گونه‌ی باشد که  $d$  از ۱ بزرگ‌تر باشد<sup>[۲]</sup> و دسته‌یی با فراوانی کم تراز ۵ نداشته باشیم.<sup>[۱]</sup> با توجه به این نکات تعداد بازه‌ها در موردی که در این مقاله بحث می‌شود با توجه به اعداد جدول ۲ باید بین ۳ تا ۹ باشد. این آزمون برای همه حالات مذکور انجام شده است. نتایج نشان می‌دهد که مقادیر  $\chi^2$  برای توزیع فرضی به مرتب از مقادیر بحرانی برای سطح تشخیص  $1/0.5\%$  کم تراز است. لذا عدم انطباق نتایج تجربی و فرضی رد می‌شود. در جدول ۲ سطح تشخیص



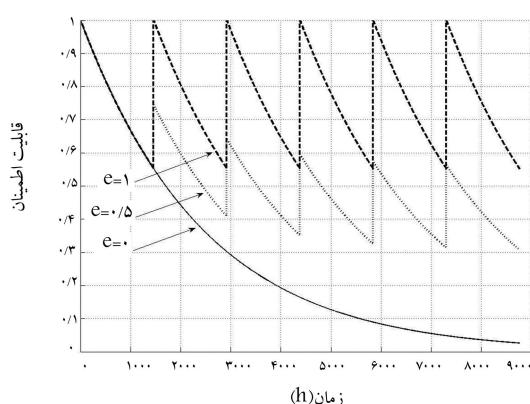
شکل ۳. تغییرات نابع نرخ خرابی بر حسب زمان برای عهای متغیر.



شکل ۴. تغییرات قابلیت اطمینان بر حسب زمان بدون در نظر گرفتن تدابیر تعمیر و نگهداری.

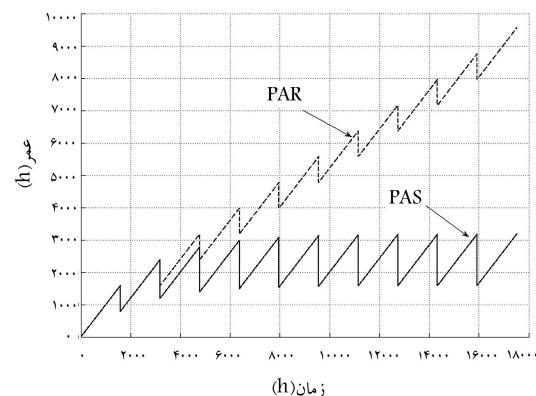


شکل ۵. تغییرات قابلیت اطمینان بر حسب زمان برای دو مدل PAR و PAS.

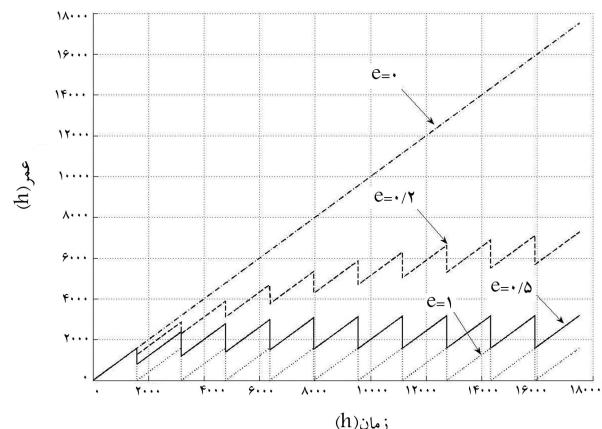


شکل ۶. تأثیر کیفیت تعمیرات روی قابلیت اطمینان.

به صورت شکل ۱ خواهد بود. با استفاده از مدل PAS عمر به یک مقدار حدی می‌می‌کند ولی با استفاده از مدل PAR این گونه نخواهد بود (شکل ۱). با استفاده از مدل PAS روند تغییرات عمر بر حسب زمان برای مقادیر مختلف  $e$  مطابق شکل ۲ است. چنان‌که مشاهده می‌شود، در صورتی که  $e = 0$  (برابر با صفر) نباشد می‌توان با تدایر تعمیرات از فرسودگی بویار بیش از یک مقدار خاص جلوگیری کرد. علاوه بر تابع قابلیت اطمینان  $R(t)$  تابع دیگری که در مطالعات قابلیت اطمینان سیستم‌ها اهمیت ویژه دارد تابع نرخ خرابی است. در شکل ۳ تغییرات این تابع برای مقادیر مختلف  $e$  (شرایط تعمیراتی مختلف) مشاهده می‌شود. چنان‌چه این تابع روند افزایشی داشته باشد سیستم در دوره‌ی فرسودگی به سر می‌برد، اگر ثابت باشد در دوره‌ی عمر مفید و اگر روند کاهشی داشته باشد در دوره‌ی عیب‌یابی یا شروع نصب به سر می‌برد. تابع قابلیت اطمینان نیز — بدون در نظر گرفتن تدایر تعمیراتی در طول یک سال — با استفاده از مدل PAS مطابق شکل ۴ می‌شود. با توجه به آنچه که در شکل ۱ دیده شد می‌توان حدس زد که با بهره‌گیری از مدل PAR، تأثیر تعمیرات بر تابع قابلیت اطمینان — همانند عمر سیستم — در مقایسه با بهره‌گیری از مدل PAS کم‌تر خواهد بود. درستی این موضوع را می‌توان در شکل ۵ نیز مشاهده کرد. در این نمودار  $e$  برابر با  $0.1$  و تعداد تعمیرات  $10$  و دوره زمانی مورد بررسی دو سال است. با افزایش مقدار  $e$ ، یعنی نزدیک شدن تأثیر تعمیرات از حالت GAN، قابلیت اطمینان بویار به سمت مقداری بیشتر می‌بلند (شکل ۶). به این ترتیب اگر تعداد تعمیرات غیر قابل تغییر باشد برای رسیدن به کم‌ترین مقدار قابلیت اطمینان، می‌توان تأثیر تعمیرات ( $e$ ) را بالا برد. در غیر این صورت چنانچه محدودیتی



شکل ۱. تغییرات عمر بر حسب زمان برای دو مدل PAR و PAS.

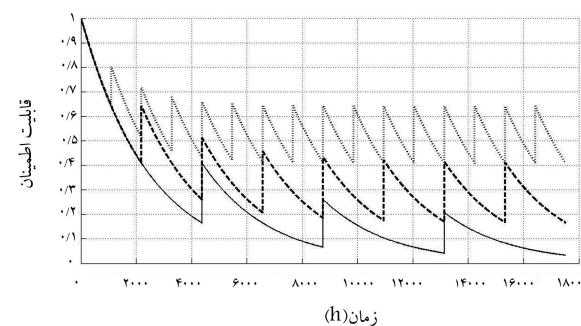


شکل ۲. تغییرات عمر بر حسب زمان با استفاده از مدل PAS برای عهای متغیر.

قابلیت اطمینان یک بویلر بازیاب بررسی شد. نتایج حاصل از این بررسی روی بویلر مورد مطالعه نشان داد که خرابی های آن با نزخ کوچکی از پدیده فرسودگی پروری می کند و عمده خرابی ها روند تصادفی دارد. همچنین با لحاظ کردن تأثیر تعمیرات در مدل، تغییرات قابلیت اطمینان با لحاظ کردن تدا이بر تعمیراتی متفاوت، مورد ارزیابی قرار داده شد. نتایج نشان داد که با تغییر بازه زمانی تعمیرات، یا تغییر تأثیر تعمیرات می توان به مقادیر مطلوب متفاوت از قابلیت اطمینان دست یافت. همچنین نشان داده شد که تعمیرات می تواند تا حد زیادی قابلیت اطمینان بویلر را افزایش دهد. از این مدل می توان در پیش بینی های اقتصادی و همچنین برای برنامه ریزی تعمیر و نگهداری در شرایط کاری استفاده کرد. عمده ترین علت وقوع خرابی در بویلر مورد مطالعه را نیز می توان خطای انسانی و بعد از آن خرابی تجهیزات به خصوص لوله های سوپرهیتر ذکر کرد.

### تقدير و تشكير

از شرکت پیتنا به دلیل حمایت های مالی و فنی و همچنین از مسئولین نیروگاه سیکل ترکیبی متظر قائم به دلیل همکاری های فنی و ارائه اطلاعات مورد نیاز این تحقیق تشكیر و سپاسگزاری می شود.



شکل ۷. تأثیر دوره زمانی بین تعمیرات روی قابلیت اطمینان.

در تعداد تعمیرات نباشد می توان با افزایش تعداد تعمیرات (کاهش بازه زمانی بین تعمیرات) به کمترین قابلیت اطمینان مطلوب رسید. در شکل ۷ تأثیر طول بازه بین تعمیرات را وقتی  $\approx$  برابر با  $5^{\circ}$  است برای بازه های شش ماه، سه ماه و یک و نیم ماه بین عملیات تعمیرات، روی قابلیت اطمینان می توان مشاهده کرد. همانگونه که مشاهده می شود با افزایش این طول بازه، مقدار حداقل قابلیت اطمینان کاهش می یابد.

## ۵. علل خرابی در بویلر بازیاب

نتایج حاصل از مقایسه بویلر مورد مطالعه و بویلهای مشابه نشان می دهد که نزخ خرابی در بویلر مورد مطالعه بزرگ تر از حد معمول در بویلهای بازیاب است. از طرفی پارامتر شکل در توزیع ویبال برای بویلر بازیاب مورد مطالعه نزدیک به ۱ است و چنان که گفته شد، این امر نشان دهنده این مطلب است که خرابی ها دارای نظم تصادفی هستند. بنا بر دو دلیل فوق می توان یکی از اصلی ترین عوامل بروز خرابی در بویلر مورد مطالعه را خرابی های انسانی دانست. در برخی از منابع [۱۲] روش هایی برای کمی سازی این خطاهای ارائه شده است. یکی دیگر از علل امده خرابی در بویلر، خرابی لوله های سوپرهیتر است. که خود به تبع سه سازوکار امده خرابی رخ می دهد: خزش، خستگی و خوردگی. البته چنان که گفته شد، درخصوص موضوع مورد مطالعه در این مقاله، خطاهای انسانی وزن بیشتری در مقابله با خرابی تجهیزات دارند.

## ۶. نتیجه گیری

به کمک مدل ارائه شده در این نوشتار، اثر پدیده فرسودگی بر روند تغییرات تابع

### پانوشت ها

7. Thinning
8. loss of load expected (LOLE)
9. preventive maintenance
10. corrective maintenance
11. accelerated life model (ALM)
12. proportional hazard model (PHM)
13. good as new (GAN)
14. Bad As Old(BAO)

1. MTTF
2. CHP
3. Markov
4. mean time to failure (MTTF)
5. heat recovery steam generator (HRSG)
6. non homogenous poisson process (NHPP)

15. proportional age reduction (PAR)
  16. proportional age setback (PAS)
  17. Chi square
  18. maximum likelihood estimation

## مراجع (References)

- Haghifam, M.R. and Manbachi, M. "Reliability and availability modeling of combined heat and power (CHP) systems", *Journal of Electrical Power and Energy Systems*, **33**, pp.385-393 (2010).
  - Arora, N. and Kumar, D. "Availability analysis of steam and power generation systems in the thermal power plant", *Microelectronics Reliability*, **37**, pp. 796-799 (1997).
  - Carazas, F.G. and Souza, G.F. "Availability analysis of gas turbines used in thermoelectric power plants", In: *Proceedings of the 20th ECOS*, p. 277-285 (2007).
  - Majidian, A. and Saidi, M.H. "Comparison of fuzzy logic and neural network in life prediction of boiler tubes", *International Journal of Fatigue*, **29**, pp.489-498 (2006).
  - Rostamian, M. "Reliability evaluation of neka power plant", MSc Thesis, Sharif University of Technology (2006).
  - Erkmen, M. and Erkmen, S. "Reliability and availability modeling of combined heat and power (CHP) systems", *Journal of Electrical Power and Energy Systems*, **33**, pp.385-393 (2010).
  - Billinton, R. and Allan, R.N., *Reliability Evaluation of Engineering Systems- Concepts and Techniques*, Book, New York, Plenum Press (1992).
  - Leemis, L.W., *Reliability, Probabilistic Models and Statistical Methods*, New Jersey, Prentice Hall (1995).
  - Martorell, S., Sanchez, A. and Serradell, V. "Age-dependent reliability model considering effects of maintenance and working conditions", *Reliability Engineering and System Safety*, **64**, pp. 19-31 (1999).
  - Pham, H., *Handbook of Reliability Engineering*, New Jersey, Rutgers University (2003).
  - Crow, L.H. "Evaluating the reliability of repairable systems", *Proceedings Annual Reliability and Maintainability Symposium*, pp.275-279 (1990).
  - Reason, J., *Human Error*, Cambridge, Cambridge University Press (1990).