

# شبیه‌سازی پرواز در صفحه‌ی روبات پرنده با بازوهای انعطاف‌پذیر

روح‌الله دهقانی فیروزآبادی\*

احسان بدی‌کوهی (دانشجوی دکتری)

دانشکده‌ی مهندسی هواپیما، دانشگاه صنعتی شریف

مهمشی مکانیک شریف، (پیز ۱۴۳) دوری ۳ - ۵، تعدادی ۷ / ۰ ص. ۱۱۱-۱۱۰، (پادشاهی قل) قل

مدل دینامیکی ارائه شده در این پژوهش اثر انعطاف‌پذیری بازوهای یک روبات پرنده را بر پرواز آن شبیه‌سازی می‌کند. این روبات متشکل از یک جسم مرکزی و دو روتور است که هر کدام از روتورها توسط یک بازوی انعطاف‌پذیر به آن متصل است. برای ساده‌سازی مسئله پرواز روبات در صفحه در نظر گرفته شده است. هر بازو و روتور متصل به آن به صورت مجموعه‌یی مجزا با درجه آزادی کشسان مدل شده و اثر آن به جسم مرکزی انتقال می‌یابد. با ترکیب روابط حاکم بر پرواز جسم صلب و انعطاف‌پذیری بازوها بازوی دستگاهی از معادلات غیرخطی مربوطه دو به دست آمده که با حل عددی آن رفتار پرنده‌ی انعطاف‌پذیر در اثر اعمال نیروی پیش‌ران<sup>۱</sup> تعیین می‌شود. بخشی از نتایج ارائه شده در این مقاله تقاضه پرنده‌ی واقعی انعطاف‌پذیر را با مدل ایده‌آل صلب در نحوی اوج گیری و مسیر پروازی نشان می‌دهد، و بخشی دیگر در بررسی تأثیر برخی پارامترهای سازه‌یی بر ارتعاشات روبات کاربرد دارد.

firozabadi@sharif.edu  
Badrikouhi\_Ehsan@ae.sharif.ir

واژگان کلیدی: روبات پرنده، شبیه‌سازی پرواز، بازوی انعطاف‌پذیر، ارتعاشات.

## ۱. مقدمه

مدل ارائه شده، از آن برای کنترل یک کوادرورور بهره برده و نتایج عملی به دست آمده را با نتایج نظری مقایسه کردند. در تحقیقات بعدی<sup>[۲]</sup> نتایج جدیدی برای محاسبه‌ی حاشیه‌یی قدرت الگوریتم‌های کنترل زاویه‌ی نگرش<sup>۵</sup> کوادرورور X-Flyer<sup>۴</sup> ارائه شد. اهمیت کنترل دقیق روباتی مانند کوادرورور هنگامی بروز می‌یابد که پرواز در فضایی محدود — مثلاً در اتاقی با حضور موانع مختلف — یا فرود در مکانی دقیق محدود نظر باشد.<sup>[۱۵]</sup>

براساس جست‌وجوهای به عمل آمده، مدل مورد استفاده در این مطالعات برای تحلیل چنین روبات‌هایی، مدل ایده‌آل شده‌یی است که در آن پرنده و بازویان به صورت یک جسم صلب در نظر گرفته می‌شود؛ اگرچه در واقعیت ارتعاش بازویان روبات می‌تواند سیار حائز اهمیت باشد. از یک سو دامنه‌ی ارتعاشات بزرگ به تقاضات رفتار پرنده با مدل کنترلی در نظر گرفته شده برای آن منجر می‌شود، و از سوی دیگر پیش‌ران نوسانی روتورها مانند اعمال تحریک فرکانسی به بازویان و چنانچه این تحریک در محدوده‌ی فرکانس طبیعی بازوها قرار گیرد، به وقوع پدیده‌ی شدید<sup>۶</sup> می‌انجامد.

در این پژوهش مدلی برای پرواز یک روبات در صفحه ارائه می‌شود که در آن انعطاف‌پذیری بازوها نیز لحاظ شده است. برای این کار معادلات دینامیکی برای پرواز جسم صلب در صفحه نوشته می‌شود. هر یک از بازوها و روتور متصل به آن مانند یک تیر یک‌سردگیر مجزا در نظر گرفته شده و نیرو و گشتاور حاصل از اینرسی و پیش‌ران هریک از آنها به جسم مرکزی انتقال می‌یابد. حال جسم مرکزی یک جسم صلب است و می‌توان از روابط دینامیکی به دست آمده برای شبیه‌سازی پرواز آن

توسعه‌ی علم الکترونیک ساخت وسایل پرنده در ابعاد بسیار کوچک را امکان‌پذیر ساخته است. ساخت پرنده‌های هدایت‌پذیر از دور، و پرنده‌های خودکنترل<sup>۲</sup> از نتایج کاربرد مدارهای الکترونیکی در وسایل پرنده است. نمونه‌ی باز این تأثیر را می‌توان در برخی روبات‌های پرنده، نظیر روبات کوادرورور<sup>۳</sup> (روبات پرنده‌ی چهار روتور) — که ابعادشان بر اثر پیشرفت تکنولوژی از چند متر به چند سانتی‌مترا کاهش یافته — مشاهده کرد.

روبات‌هایی مانند کوادرورور از ساده‌ترین پرنده‌های عمودپروازند که به دلیل قابلیت مانورده‌یی سیار بالا در عملیات امداد و نجات و بسیاری از موارد نظامی کاربرد دارند. ذات ناپایدار این روبات‌ها باعث قابلیت مانورده‌یی بالای آن‌هاست؛ این امر سبب شده تا بخش وسیعی از مطالعات انجام شده روی این پرنده‌ها به ارائه‌ی الگوریتم‌های خطی و غیرخطی برای هدایت و کنترل آنها اختصاص یابد.<sup>[۱۴-۱۵]</sup> گونزالو و مکارانش<sup>[۱۶]</sup> کنترل کننده‌یی برای سیستم‌های با تأخیر زمانی متغیر ارائه کرده‌اند که بر مبنای پیش‌بینی آینده عمل می‌کند. آنان با بررسی قدرت<sup>۴</sup> این کنترل کننده در مواجهه با عوامل اغتشاشی گوناگون، از آن در کنترل زاویه‌ی رول یک کوادرورور بهره جستند تا نشان دهند که کنترل کننده‌ی معرفی شده برای سیستم‌های حلقه‌باز ناپایدار نیز قابل استفاده است.

تحقیقین مدلی جدید برای نوعی جیران‌کننده ارائه کردنند که فرایند طراحی و تنظیم پارامترهای مختلف مؤثر در کنترل یک پرنده را بسیار آسان‌تر می‌کند.<sup>[۱۷]</sup> آنان برای تأیید

\* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۵، ۱۳۹۱، / صلاحیه ۱۱، ۱۳۹۲، ۴، پذیرش ۴، ۱۳۹۲.

$$\mathbf{r}_R = \begin{vmatrix} b + L \cos \alpha + e_R \sin \alpha \\ 0 \\ -a - L \sin \alpha + h_{cg} + e_R \cos \alpha \end{vmatrix} \quad (5)$$

که در آن  $\mathbf{r}$  بردار مکان نسبی مرکز ثقل روتور در دستگاه بدنی،  $a$  و  $b$  به ترتیب فاصله‌ی عمودی و افقی محل نصب بازو از مرکز ثقل جسم مرکزی،  $L$  طول بازو،  $\alpha$  زاویه‌ی نصب و  $h_{cg}$  فاصله‌ی مرکز ثقل روتور تا محل اتصال آن به بازو است. همچنین  $e$  نشان‌گر میزان جایه‌جایی کشسان بازو، عمود بر محور طولی آن است (شکل ۱). اندیس  $\mathbf{R}$  بیان می‌کند که این رابطه برای روتور سمت راست نوشته شده و مشابه همین رابطه را می‌توان برای روتور سمت چپ نیز به دست آورد.

بردار چرخش کشسان روتور سمت راست ( $\Psi_R$ ) به صورت رابطه‌ی ۶ بیان

می‌شود:

استفاده کرد. در انتهای، برای نشان دادن میزان تغییر شکل‌های کشسان<sup>۷</sup>، تفاوت مدل واقعی یک روبات پرنده با مدل ایده‌آل صلب آن و بررسی اثر پارامترهای سازه‌ی بر ارعاش بازوها چند مثال عددی نیز ارائه خواهد شد.

## ۲. معادلات حاکم بر پرواز جسم صلب

در شکل ۱ نمایی شماتیک از یک روبات پرنده و دستگاه‌های مختصات به کار رفته در شبیه‌سازی آن نشان داده شده است. دستگاه اینرسی XZ مرجع اندازه‌گیری مسیر پرواز از دید ناظر زمینی است و دستگاه بدنی  $xz$  به پرنده متصل است و با آن دوران می‌کند. معادلات حاکم بر پرواز جسم صلب با سه درجه آزادی در دستگاه بدنی عبارت‌اند از:<sup>[۱۷]</sup>

$$m(\dot{u} + wq) = F_x \quad (1)$$

$$m(\dot{w} - uq) = F_z \quad (2)$$

$$I\dot{q} = M \quad (3)$$

می‌شود:

$$\Psi_R = \begin{bmatrix} 0 & -\psi_R & 0 \end{bmatrix}^T \quad (6)$$

که در آن  $\psi$  تغییرات شبیه بازو بر اثر انعطاف‌بندی آن در محل اتصال به روتور است (شکل ۱). تا زمانی که تغییر شکل کشسان رخ نداده بردار پیشران روتور در راستای محور  $Z$  بدنی در نظر گرفته می‌شود، اما بر اثر انعطاف‌بندی زاویه‌یی، بردار پیشران نیز تغییر می‌کند. رابطه‌ی ۷ نشان‌گر بردار پیشران تغییر یافته‌ی روتور سمت راست ( $\mathbf{T}_R$ ) در دستگاه بدنی است.

$$\mathbf{T}_R = \begin{bmatrix} -T_R \psi_R & 0 & T_R \end{bmatrix}^T \quad (7)$$

در این مدل‌سازی، تغییر شکل‌های کشسان کوچک فرض شده و می‌توان از روابط خطی بهره گرفت. همچنین جرم بازوها به جرم جسم مرکزی و روتورها اضافه می‌شود. لازم به ذکر است که چون پرواز در صفحه در نظر گرفته شده است، تغییر تکانه‌ی زاویه‌یی بر معادلات اثری ندارد.

چنان که پیش‌تر نیز اشاره شد، از آنجا که روابط ۱ تا ۳ پرواز جسم صلب را شبیه‌سازی می‌کند، برای اضافه کردن اثرات کشسانی لازم است بازوها را از جسم اصلی جدا کرده و اثر آنها را به صورت نیرو و گشتاور خارجی به معادلات وارد کنیم. نیرو و گشتاور حاصل از بازوی راست را می‌توان به این صورت بیان کرد:

$$\mathbf{F}_R^{rot} = \mathbf{T}_R + \mathbf{W}_R^{rot} - m^{rot} \mathbf{a}_R^{rot} \quad (8)$$

$$M_R^{rot} = \mathbf{r}_R^{rot} \times \mathbf{F}_R^{rot} - I^{rot} \ddot{\alpha}_R^{rot} \quad (9)$$

در این روابط  $\mathbf{W}_R^{rot}$  بردار وزن روتور  $\mathbf{a}^{rot}$  بردار شتاب انتقالی، و  $\ddot{\alpha}^{rot}$  شتاب دورانی روتور در دستگاه بدنی است. بردار وزن در دستگاه بدنی مطابق رابطه‌ی ۱۰ نمایش داده می‌شود.

$$\mathbf{W}^{rot} = m^{rot} g \begin{bmatrix} -\sin \theta & 0 & \cos \theta \end{bmatrix}^T \quad (10)$$

برای محاسبه‌ی بردار شتاب خطی حاصل از جایه‌جایی نسیمی روتور  $\mathbf{a}_{RE}^{rot}$  (شتاب کشسان) در دستگاه بدنی که بردار سرعت زاویه‌یی آن  $\Omega$  است با استفاده از قانون کوریولیز<sup>۹</sup> می‌توان نوشت:

$$\mathbf{a}_{RE}^{rot} = \ddot{\mathbf{r}}_R^{rot} + \dot{\Omega} \times \mathbf{r}_R^{rot} + \Omega \times \Omega \times \mathbf{r}_R^{rot} + 2\Omega \times \dot{\mathbf{r}}_R^{rot} \quad (11)$$

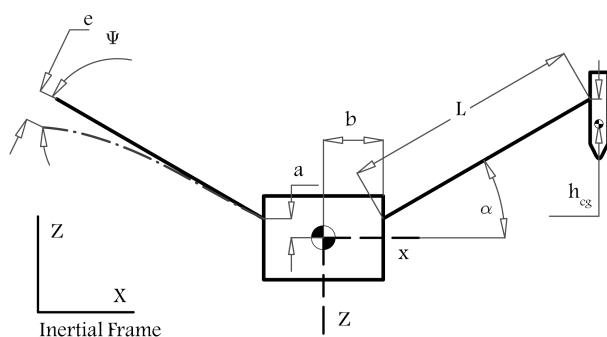
که در آنها  $m$  جرم جسم،  $I$  گشتاور اینرسی جرمی حول مرکز ثقل،  $u$  و  $w$  مؤلفه‌های سرعت انتقالی در امتداد محورهای  $x$  و  $z$  و  $q$  سرعت زاویه‌یی در دستگاه بدنی است. همچنین  $F_i$  مؤلفه‌ی نیروی خارجی در امتداد محور  $i$  و  $M$  نشان‌دهنده‌ی گشتاور خارجی است. در این حالت می‌توان نشان داد که زاویه‌ی چرخش<sup>۸</sup> پرنده با معادله‌ی ۴ از سرعت زاویه‌یی به دست می‌آید.<sup>[۱۷]</sup>

$$\dot{\theta} - q = 0 \quad (4)$$

برای این که بتوانیم از معادلات ارائه شده در شبیه‌سازی پرواز جسم صلب استفاده کنیم و در عین حال اثر انعطاف‌بندی بازوها روبات پرنده را نیز لحاظ کنیم هر بازو و روتور متصل به آن را از جسم مرکزی جدا کرده، و اثر آن‌ها را به صورت بردارهای نیرو و گشتاور خارجی روی آن در نظر می‌گیریم.

## ۳. تحلیل رفتار کشسان

در شکل ۱ هندسه‌ی روبات پرنده مورد نظر نشان داده شده است. بردار مکان مرکز ثقل روتور سمت راست نسبت به مرکز ثقل جسم مرکزی است و چنین تعریف



شکل ۱. نمای شماتیک روبات پرنده.

حرکت کشسان هر بازو و روتور متصل به آن را می‌توان با استفاده از یک سیستم دو درجه آزادی مدل کرد.

$$\begin{bmatrix} m^{\text{rot}} & \circ \\ \circ & I^{\text{rot}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \ddot{e}_R \\ \ddot{\psi}_R \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} d & \circ \\ \circ & d \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \dot{e}_R \\ \dot{\psi}_R \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} k_{11} & k_{12} \\ k_{21} & k_{22} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} e_R \\ \psi_R \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} F_{N_R} \\ M_{N_R} \end{bmatrix} \quad (16)$$

در این رابطه  $F_{N_R}$  نیروی برشی وارد به نوک بازو و  $M_{N_R}$  گشتاور خمی وارد در آن نقطه است که با استفاده از روابط ۱۷ محاسبه می‌شود:

$$\begin{aligned} F_{N_R} = & F_{z_R} c + F_{x_R} s = T c - T \psi_R s + m^{\text{rot}} g c \cos \theta - m g s \sin \theta \\ & + m q^r h_{cg} c - m \dot{q} h_{cg} s + m \dot{q} (bc + as) - m^{\text{rot}} c (\dot{w} - ug) \\ & + m \dot{q} L + m q^r e_R + m q^r (bs - ac) - m^{\text{rot}} s (\dot{u} + wq) \end{aligned} \quad (17)$$

$$M_{N_R} = I^{\text{rot}} \dot{q} \quad (18)$$

همچنین در رابطه ۱۶ پارامتر  $d$  نشان‌دهنده‌ی میران میلایی لزج  ${}^\circ$  است. ضرایب  $k_{ij}$  درایه‌های ماتریس سختی هستند که در محدوده‌ی خطی چنین تعیین می‌شوند:

$$k_{11} = \frac{12EI_A}{L^r} \quad (19)$$

$$k_{12} = -\frac{6EI_A}{L^r} \quad (20)$$

$$k_{21} = -\frac{6EI_A}{L^r} \quad (21)$$

$$k_{22} = \frac{4EI_A}{L} \quad (22)$$

در این روابط  $E$  مدول یانگ  ${}^{11}$ ,  $I_A$  ممان سطحی مقطع بازو حول تار خشی، و طول بازو است. برای مدل کردن ارتعاشات بازوی سمت چپ نیز از رابطه‌ی می‌شتابه رابطه‌ی ۱۶ استفاده می‌شود. با افزودن معادلات کشسانی بازوها به معادلات دینامیک پژوازی، دستگاهی از معادلات دیفرانسیل غیرخطی مرتبه دو به دست می‌آید که با حل آن به ازای ورودی معلوم (پیش‌ران روتورها)، می‌توان پژواز روبات در صفحه را با در نظر گرفتن ارتعاش بازوها شبیه‌سازی کرد.

#### ۴. نتایج شبیه‌سازی

در این قسمت به منظور نشان دادن تفاوت‌های پرنده‌ی صلب و انعطاف‌پذیر و بررسی اثر پارامترهای سازه‌ی بر ارتعاشات روبات، برای چند حالت پژوازی، نتایج شبیه‌سازی ارائه و با رفتار مدل صلب مقایسه می‌شود. مشخصات روبات پرنده‌ی تحت آزمون در جدول ۱ آمده است.

**۱.۴. مقایسه‌ی پرنده‌ی صلب و انعطاف‌پذیر**

در شکل‌های ۲ و ۳ جایه‌جایی خطی نوک  ${}^{12}$  بازوی راست و جایه‌جایی زاویه‌ی نوک بازوی چپ برای مقادیر مختلف ضریب میرایی  $(\zeta)$  بر حسب زمان نشان داده شده است. در این حالت چون پیش‌ران اعمال شده به هر دو روتور ثابت است، تغییر شکل‌های هر دو بازو نیز یکسان است.

از جایگذاری رابطه‌ی ۵ در رابطه‌ی ۱۱ شتاب خطی کشسان روتور راست نسبت به جسم مرکزی پرنده محاسبه می‌شود.

$$\begin{aligned} \mathbf{a}_{RE}^{\text{rot}} = & (\ddot{e}_R s - \dot{q} a - \dot{q} L s + \dot{q} h_{cg} + \dot{q} e_R c \\ & + 2q \dot{e}_R c - q^r b - q^r L c - q^r e_R s) \mathbf{i} \\ & + (\ddot{e}_R c - \dot{q} b - \dot{q} L c - \dot{q} e_R s - q^r h_{cg} \\ & - 2q \dot{e}_R s + q^r a + q^r L s - q^r e_R c) \mathbf{k} \end{aligned} \quad (12)$$

در این رابطه  $\alpha = \cos \alpha$  و  $c = \sin \alpha$  است. به همین طریق می‌توان شتاب دورانی کشسان روتور  $\bar{\alpha}_{RE}^{\text{rot}}$  را نیز در دستگاه بدنی محاسبه کرد.

$$\bar{\alpha}_{RE}^{\text{rot}} = \begin{bmatrix} \circ & -\ddot{\psi}_R & \circ \end{bmatrix}^T \quad (13)$$

یادآور می‌شود مقادیر محاسبه شده از این روابط شتاب‌های صلب وارد به کل پرنده را شامل نمی‌شود. برای انتقال اثر روتور به جسم مرکزی لازم است شتاب‌های صلب آن را نیز در نظر بگیریم. با به کارگیری روابط ۷، ۱۰ و ۱۲ در رابطه‌ی ۸ و اضافه کردن شتاب‌های صلب وارد به روتور حواهیم داشت:

$$\begin{aligned} \mathbf{F}_R^{\text{rot}} = & -[T_R \psi_R + m^{\text{rot}}(g \sin \theta + \dot{u} + wq \\ & + \ddot{e}_R s - \dot{q} a - \dot{q} L s + \dot{q} h_{cg} + \dot{q} e_R c \\ & + 2q \dot{e}_R c - q^r b - q^r L c - q^r e_R s)] \mathbf{i} \\ & + [T_R - m^{\text{rot}}(-g \cos \theta + \dot{w} - ug \\ & + \ddot{e}_R c - \dot{q} b - \dot{q} L c - \dot{q} e_R s - 2q \dot{e}_R s \\ & + q^r a + q^r L s - q^r h_{cg} - q^r e_R c)] \mathbf{k} \end{aligned} \quad (14)$$

حال با استفاده از رابطه‌ی ۹ می‌توان گشتاور منتقل شده به جسم اصلی، حاصل از روتور سمت راست را نیز محاسبه کرد.

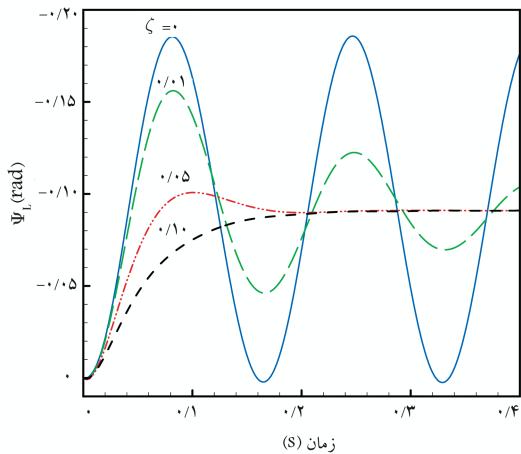
$$\begin{aligned} M_R^{\text{rot}} = & I(\ddot{\psi}_R - \dot{q}) + m(b + Lc)(-T_R/m + \dot{w} \\ & - uq - g \cos \theta + \ddot{e}_R c - \dot{q} b - \dot{q} L c - \dot{q} e_R s \\ & - 2q \dot{e}_R s + q^r a + q^r L s - q^r h_{cg} - q^r e_R c) \\ & + m(a + Ls - h_{cg})(T_R \psi_R/m + \dot{u} + wq \\ & + g \sin \theta + \ddot{e}_R s - \dot{q} a - \dot{q} L s + \dot{q} h_{cg} + \dot{q} e_R c \\ & + 2q \dot{e}_R c - q^r b - q^r L c - q^r e_R s) - T_R e_R s \\ & - mge_R s \cos \theta - mge_R c \sin \theta + mq^r L e_R \\ & - mq^r h_{cg} e_R s - m \dot{q} h_{cg} e_R c + mq^r b e_R c \\ & - mq^r b e_R s + mq^r a e_R s + mq^r a e_R c \\ & + e_R s(\dot{w} - ug) - e_R c(\dot{u} + wq) \end{aligned} \quad (15)$$

با تکرار همین روند برای روتور سمت چپ می‌توان نیرو و گشتاور حاصل از این روتور روی جسم مرکزی را نیز محاسبه کرد؛ و به این ترتیب سمت راست معادلات ۱ تا ۳ تعیین می‌شود. با افزودن رابطه‌ی ۴ به معادلات ۸، مجھول و ۴ معادله داریم که مجھولات اضافی مربوط به تغییر شکل‌های کشسانی است که برای بازوها در نظر گرفته‌ایم.

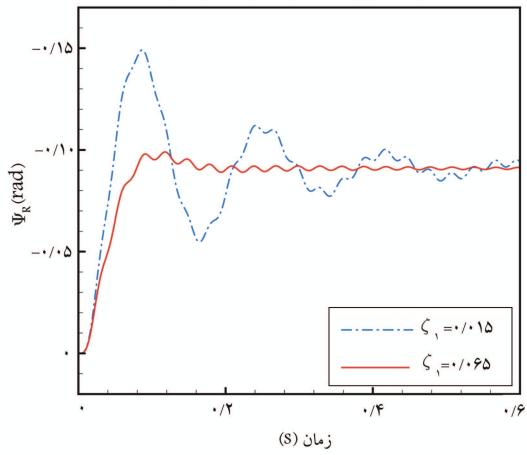
جدول ۱. مشخصات روبات پرنده تحت آزمون.

کمیت	مقدار	بعد	کمیت	مقدار	بعد
$m/s^2$	$10$	$g$	$m$	$0$	$h_{cg}$
$kg.m^2$	$0.05$	$I^{main}$	$cm$	$1$	$a$
$kg.m^2$	$0.01$	$I^{rot}$	$cm$	$10$	$b$
$cm$	$50$	$L$	$deg$	$0$	$c$
$mm$	$5$	$r^{rod}$	$kg$	$5$	$m^{main}$
$GPa$	$100$	$E$	$kg$	$1$	$m^{rot}$
$N$	$-50$	$T_L$	$N$	$-50$	$T_R$

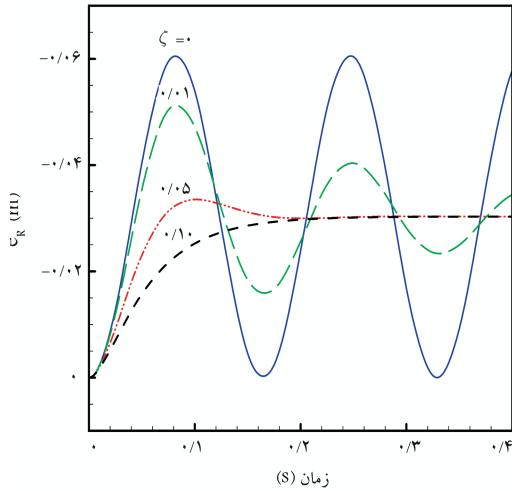
کمیت  $r^{rod}$  شعاع سطح مقطع هریک از بازوهاست.



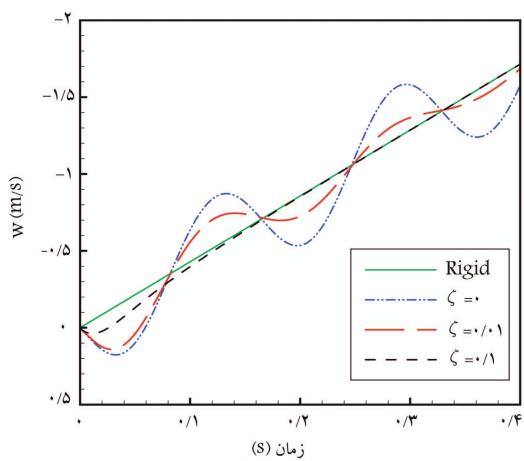
شکل ۳. جابه‌جایی زاویه‌ی نوک بازوی روبات پرنده.



شکل ۴. اثر تفاوت ضریب میرایی حالت‌های اول و دوم بر تغییر شکل کشسان.



شکل ۲. تغییر شکل خطی نوک بازو روبات پرنده.



شکل ۵. مقایسه نحوه اوجگیری پرنده واقعی کشسان و ایده‌آل صلب.

مثال در لحظه‌ی آغاز حرکت، ابتدا بر اثر نیروی پیشران بازوها تغییر شکل می‌دهند و سپس جسم مرکزی را بالا می‌کشند. این تأخیر زمانی پاسخ نسبت به فرمان ورودی، با کاهش ضریب میرایی بیشتر مشهود است. در ادامه، اثر انعطاف‌پذیری بر مسیر پرواز نشان داده می‌شود. شرایط اولیه در این حالت چنان است که در لحظه‌ی صفر بازوی سمت راست و چپ کوادرورتور

براساس رابطه‌ی ۱۶، به دلیل وجود عناصر غیرقطربی در ماتریس سختی هر بازو، درجه‌ی آزادی نوک آن به یکدیگر وابسته‌اند. فرکانس حالت دوم ارتعاشی بسیار بالاتر از حالت اول است. از آنجا که در این مثال ضریب میرایی هر دو حالت را یکسان در نظر گرفته‌ایم، حالت دوم به سرعت میرا شده است؛ از طرفی دامنه‌ی ارتعاشی شکل دوم نیز بسیار کمتر است.

برای واضح‌تر شدن این موضوع، ضرایب میرایی را به گونه‌ی تغییر می‌دهیم که شکل هر دو حالت قابل مشاهده باشد (شکل ۳). برای این کار ضریب میرایی حالت دوم (۲) را برابر صفر قرار داده و میرایی حالت اول را تغییر می‌دهیم. در شکل ۴ می‌بینیم که درگیر بودن درجه‌ی آزادی سیستم سبب شده تا بر اثر میرا شدن حالت اول، حالت دوم نیز میرا شود اگرچه ضریب میرایی این حالت صفر است.

براساس نتایج به دست آمده، حالت دوم به دلیل دامنه‌ی کم نسبت به حالت اول تأثیری در پاسخ‌های کلی پرنده نداشته و در ادامه ضریب میرایی هر دو حالت یکسان فرض شده است.

در شکل ۵ نحوه اوجگیری روبات به ازای پیشran ثابت نشان داده شده است. چنانچه بازوها انعطاف‌پذیر در نظر گرفته شود اوجگیری به صورت نوسانی اتفاق می‌افتد. با مقایسه شکل‌های ۲، ۳ و ۵ مشاهده می‌شود که مطابق انتظار فیزیکی در نوسان نرخ اوجگیری و جابه‌جایی کشسان بازوها  $180^\circ$  درجه اختلاف فاز وجود دارد. به طور

محور  $x$  ایجاد می‌کند که در تیجه پرنده از مسیر پیش‌فرض فاصله گرفته و به یک سو متمایل می‌شود. شکل ۶ این اثر را برای مقادیر مختلف ضریب میزایی نشان می‌دهد. هرچه میزان میزایی بیشتر کاهش یابد دامنه نوسانات بزرگ‌تر می‌شود.

#### ۲.۴. بررسی اثر پارامترهای روبات پرنده بر ارتعاشات

در این بخش نقش دو پارامتر سازه‌یی بر ارتعاش بازوها بررسی می‌شود؛ این دو پارامتر عبارت‌اند از: نسبت طول به قطر سطح مقطع بازو، و اثر زاویه‌یی نصب. در هر حالت به جز پارامتر مورد بررسی، سایر پارامترهای روبات برای مقادیر داده شده در جدول ۱ فرض شده‌است.

سازه روبات پرنده باید تا حد امکان سبک باشد تا تواند بیشترین بار مفید را جایه‌جا کند. یکی از راههای سبکسازی استفاده از بازوهای نازک‌تر است. این موضوع بهویه در روباتهایی با ابعاد بزرگ حائز اهمیت خواهد بود. در شکل ۷ اثر تغییر نسبت طول بازو به قطر سطح مقطع آن بر نرخ اوج‌گیری پرنده نشان داده می‌شود. در این حالت طول بازو ثابت و قطر سطح مقطع متغیر است.

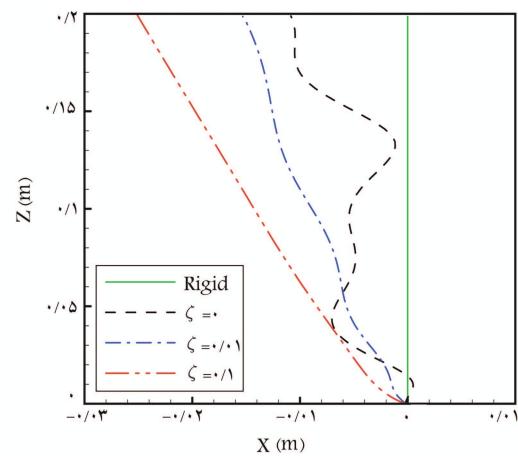
در روبات پرنده‌یی تحت آزمونی که تا اینجا مورد بررسی قرار گرفت، زاویه‌یی نصب بازوها صفر درجه در نظر گرفته شد، اما گاهی بازوها برای فرود راحت‌تر پرنده، با زاویه‌یی نسبت به خط افق نصب می‌شوند. در شکل ۸ تأثیر این زاویه‌یی بر ارتعاش بازوی راست روبات نشان داده شده است.

بر اثر افزایش زاویه‌یی نصب، فاصله‌یی محور پیشران روتور با مرکز قفل پرنده (طول مؤثر بازو) کاهش می‌یابد. همچنین بر اثر زاویه‌یی به وجود آمده بین بازو و محور پیشران، مؤلفه‌یی از آن سبب خشم می‌شود که کمتر از مقدار اولیه خواهد بود. این موضوع دامنه ارتعاشات را کاهش می‌دهد و پرنده در وضعیت پایدارتری قرار می‌گیرد، اما باید توجه داشت که افزایش زاویه‌یی نصب قابلیت مانوری پرنده را کاهش می‌دهد.

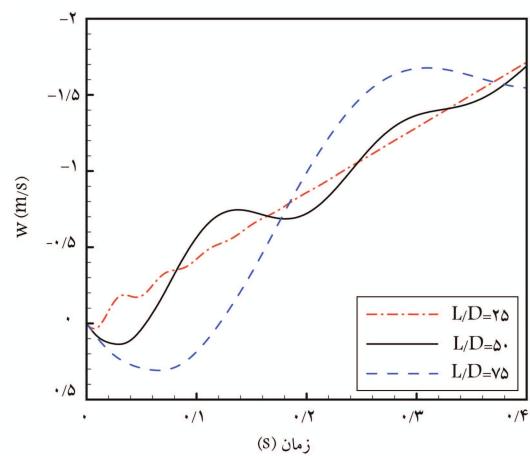
#### ۵. نتیجه‌گیری

در این نوشتار مدل ریاضی برای شبیه‌سازی پرواز روبات پرنده با در نظر گرفتن جایه‌جایی کشسان بازوها در صفحه ارائه شد که در آن، مجموعه‌یی هریک از بازوها و روتور متصل به آن به صورت یک سیستم دو درجه آزادی در نظر گرفته شده است. براساس نتایج به دست آمده، انعطاف‌پذیری بازوها سبب ایجاد اختلاف زمانی میان اعمال فرمان کنترلی و پاسخ پرنده می‌شود. همچنین ارتعاش بازوها سبب منحرف شدن پرنده از مسیر پروازی ایده‌آل آن خواهد شد. اگرچه افزایش میزایی اختلاف زمانی پاسخ را کاهش می‌دهد اما این کار می‌تواند منجر به افزایش انحراف از مسیر پرنده شود. لذا مدل کنترلی که برای روباتهای پرنده توسعه داده می‌شود برای کارایی بهتر، باید بر مبنای مدل ریاضی انعطاف‌پذیر آن ارائه شود. در بخش دیگری از نتایج نیز، اثر نسبت طول به قطر سطح مقطع و زاویه‌یی نصب بازو بر ارتعاشات کوادروتور مورد بررسی قرار گرفت.

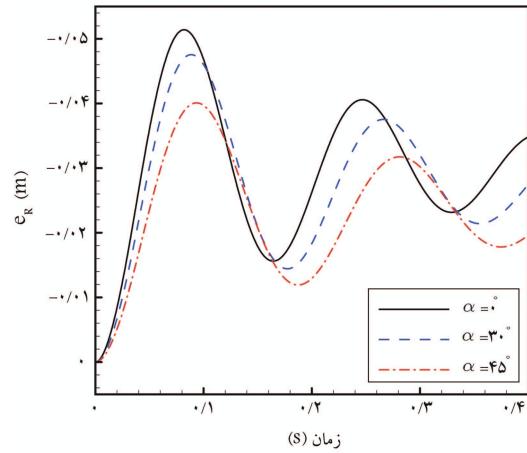
علاوه بر تفاوت عملکردی پرنده‌یی انعطاف‌پذیر و صلب، از دیدگاه سازه‌یی نیز باید توجه داشت که تنش‌های دینامیکی حاصل از ارتعاش بازوها به مرتب بیشتر از تنش‌های استاتیکی است. این موضوع بهویه در روباتهایی که برای کاربردهای نظامی و امدادی طراحی شده و وزن بالایی دارند حائز اهمیت خواهد بود.



شکل ۶. تأثیر انعطاف‌پذیری بر مسیر پرواز روبات.



شکل ۷. تأثیر نسبت طول به قطر بازوی روبات پرنده در نرخ اوج‌گیری.



شکل ۸. تأثیر زاویه‌یی نصب بازوی کوادروتور بر جایه‌جایی خطی نوک بازو.

در خلاف جهت یکدیگر تغییر شکل داده‌اند. پیشران هر دو روتور یکسان بوده و برای درک راحت‌تر پاسخ از اثر جاذبه صرف نظر شده است. همچنین برای واضح‌تر شدن اختلاف، نسبت طول به قطر بازوها را افزایش داده‌اند. بر اثر تغییر شکل کشسان نامتقارن برآیند نیروهای پیشران مؤلفه‌یی در امتداد

## پانوشت‌ها

1. Thrust
2. auto pilot
3. quad-rotor
4. robustness
5. attitude angle
6. resonance
7. Elastic
8. pitch angle
9. Coriolis law
10. viscous damping
11. Young's module
12. tip deflection

## منابع (References)

1. Gonzalez, A., Garcia, P., Albertos, P., Castillo, P. and Lozano, R. "Robustness of a discrete-time predictor-based controller for time-varying measurement delay", *Control Engineering Practice*, **20**(2), pp. 102-110 (February 2012).
2. Garcia, P. and Albertos, P. "A new dead-time compensator to control stable and integrating processes with long dead-time", *Automatica*, **44**(4), pp. 1062-1071 (April 2008).
3. Lara, D., Romero, G., Sanchez, A., Lozano, R. and Guerrero, A. "Robustness margin for attitude control of a four rotor mini-rotorcraft", *Mechatronics*, **20**(1), pp. 143-152 (February 2010).
4. Nicol, C., Macnab, C.J.B. and Ramirez-Serrano, A. "Robust adaptive control of a quadrotor helicopter", *Mechatronics*, **21**(6), pp. 927-938 (September 2011).
5. Derafa, L., Benallegue, A. and Fridman, L. "Super twisting control algorithm for the attitude tracking of a four rotors UAV", *Journal of the Franklin Institute*, **349**(2), pp. 685-699 (March 2012).
6. Hoffmann, G.M., Huang, H., Waslander, S.L. and Tomlin, C.J. "Precision flight control for a multi-vehicle quadrotor helicopter testbed", *Control Engineering Practice*, **19**(9), pp. 1023-1036 (September 2011).
7. Hossain, M.R., Rideout, D.G. and Krouglicof, D.N. "Bond graph dynamic modeling and stabilization of a quad-rotor helicopter", *SpringSim '10 Proceedings of the 2010 Spring Simulation Multiconference Article No. 215, Society for Computer Simulation International, San Diego, CA, USA* (2010).
8. Weng, K.W. and Zainal Abidin, M.S.B. "Design and control of a quad-rotor flying robot for aerial surveillance", SCOReD 2006, *Proceedings of 2006 4th Student Conference on Research and Development*, art. no. 4339333, pp. 173-177 (2006).
9. Kottenstette, N. and Digital, P.J. "Passive attitude and altitude control schemes for quadrotor aircraft", *IEEE International Conference on Control and Automation, ICCA 2009*, art. no. 5410483, pp. 1761-1768 (2009).
10. Nathan, P.T. and Almurib, H.A.F. "Optimization of nonlinearities through control techniques of the quadrotor aerial vehicle", *4th International Conference on Modeling, Simulation and Applied Optimization, ICMSAO 2011*, art. no. 5775511 (2011).
11. Castillo, P., Lozano, R. and Dzul, A. "Stabilization of a mini rotorcraft with four rotors: Experimental implementation of linear and nonlinear control laws", *IEEE Control Systems Magazine*, **25**(6), pp. 45-55 (2005).
12. Neff, A.E., Lee, D., Chitrakaran, V.K., Dawson, D.M. and Burg, T.C. "Velocity control for a quad-rotor UAV fly-by-camera interface", *Conference Proceedings - IEEE Southeastcon*, art. no. 4147431, pp. 273-278 (2007).
13. Bestaoui, Y. and Slim, R. "Maneuvers for a quad-rotor autonomous helicopter", *Collection of Technical Papers - 2007 AIAA InfoTech at Aerospace Conference*, **1**, pp. 183-200 (2007).
14. Min, B.C., Lee, E.J., Kang, S.H. and Kim, D.H. "Limit-cycle navigation method for a quad-rotor type UAV", *IEEE International Symposium on Industrial Electronics*, art. no. 5221316, pp. 1352-1357 (2009).
15. Fowers, S.G., Tippetts, B.J., Lee, D.J. and Archibald, J.K. "Vision-guided autonomous quad-rotor helicopter flight stabilization and control", *AUVSI Unmanned Systems North America Conference*, **2**, pp. 815-829 (2008).
16. Min, B.C., Cho, C.H., Choi, K.M. and Kim, D.H. "Development of a micro quad-rotor UAV for monitoring an indoor environment", *Lecture Notes in Computer Science*, 5744 LNCS, pp. 262-271 (2009).
17. Roskam, J., *Airplane Flight Dynamics and Automatic Flight Controls*, Part I, 1st Ed, Design Analysis & Research, ISBN-10: 9990747784 (1982).